# शिक्षा निदेशालय

राष्ट्रीय राजधानी क्षेत्र, दिल्ली सरकार

सहायक सामग्री

2022-23

कक्षा: नौवीं



मार्गदर्शन:

# श्री अशोक कुमार

सचिव (शिक्षा)

# श्री हिमांशु गुप्ता

निदेशक (शिक्षा)

# डा० रीता शर्मा

अतिरिक्त शिक्षा निदेशक (स्कूल एवं परीक्षा)

#### समन्वयक:

श्री संजय सुभाष कुमार श्रीमती सुनीता दुआ श्री राज कुमार श्री कृष्ण कुमार उप शिक्षा निदेशक (परीक्षा) विशेष कार्याधिकारी (परीक्षा) विशेष कार्याधिकारी (परीक्षा) विशेष कार्याधिकारी (परीक्षा)

#### उत्पादन मंडल

# अनिल कुमार शर्मा

दिल्ली पाठ्य पुस्तक ब्यूरो में राजेश कुमार, सचिव, दिल्ली पाठ्य पुस्तक ब्यूरो, 25/2, पंखा रोड, संस्थानीय क्षेत्र, नई दिल्ली द्वारा प्रकाशित तथा मुद्रक: सुप्रीम ऑफसेट प्रेस, 133, उद्योग केन्द्र, EXT. -1, ग्रेटर नोएडा, उ.प

# ASHOK KUMAR IAS



सचिव ( शिक्षा ) राष्ट्रीय राजधानी क्षेत्र दिल्ली सरकार पुराना सचिवालय, दिल्ली-110054

दूरभाष : 23890187 टेलीफैक्स : 23890119

Secretary (Education)
Government of National Capital Territory of Delhi
Old Secretariat, Delhi-110054
Phone: 23890187 Telefax: 23890119
e-mail: secyedu@nic.in

#### **MESSAGE**

Remembering the words of John Deway, "Education is not preparation for life, education is life itself, I highly commend the sincere efforts of the officials and subject experts from Directorate of Education involved in the development of Support Material for classes IX to XII for the session 2022-23.

The Support Material is a comprehensive, yet concise learning support tool to strengthen the subject competencies of the students. I am sure that this will help our students in performing to the best of their abilities.

I am sure that the Heads of School and teachers will motivate the students to utilise this material and the students will make optimum use of this Support Material to enrich themselves.

I would like to congratulate the team of the Examination Branch along with all the Subject Experts for their incessant and diligent efforts in making this material so useful for students.

I extend my Best Wishes to all the students for success in their future endeavours.

(Ashok Kumar)

## HIMANSHU GUPTA. IAS

Director, Education & Sports



**Directorate of Education** Govt. of NCT of Delhi Room No. 12, Civil Lines Near Vidhan Sabha, Delhi-110054 Ph.: 011-23890172 E-mail: diredu@nic.in

#### **MESSAGE**

"A good education is a foundation for a better future." - Elizabeth Warren

Believing in this quote, Directorate of Education, GNCT of Delhi tries to fulfill its objective of providing quality education to all its students.

Keeping this aim in mind, every year support material is developed for the students of classes IX to XII. Our expert faculty members undertake the responsibility to review and update the Support Material incorporating the latest changes made by CBSE. This helps the students become familiar with the new approaches and methods, enabling them to become good at problem solving and critical thinking. This year too, I am positive that it will help our students to excel in academics.

The support material is the outcome of persistent and sincere efforts of our dedicated team of subject experts from the Directorate of Education. This Support Material has been especially prepared for the students. I believe its thoughtful and intelligent use will definitely lead to learning enhancement.

Lastly, I would like to applaud the entire team for their valuable contribution in making this Support Material so beneficial and practical for our students.

Best wishes to all the students for a bright future.

(HIMANSHU GUPTA)

Dr. RITA SHARMA

Additional Director of Education (School/Exam)



Govt. of NCT of Delhi

Directorate of Education
Old Secretariat, Delhi-110054

Ph.: 23890185

D.O. No. PS/Add1-DE/Sch/2022/131

Dated: 01 मितम्बर, 2022

संदेश

शिक्षा निदेशालय, दिल्ली सरकार का महत्वपूर्ण लक्ष्य अपने विद्यार्थियों का सर्वांगीण विकास करना है। इस उद्देश्य को ध्यान में रखते हुए शिक्षा निदेशालय ने अपने विद्यार्थियों को उच्च कोटि के शैक्षणिक मानकों के अनुरूप विद्यार्थियों के स्तरानुकूल सहायक सामग्री कराने का प्रयास किया है। कोरोना काल के कठिनतम समय में भी शिक्षण अधिगम की प्रक्रिया को निर्वाध रूप से संचालित करने के लिए संबंधित समस्त अकादिम समूहों और क्रियान्वित करने वाले शिक्षकों को हार्दिक बधाई देती हूँ।

प्रत्येक वर्ष की भाँति इस वर्ष भी कक्षा 9वीं से कक्षा 12वीं तक की सहायक सामग्रियों में सी.बी.एस.ई के नवीनतम दिशा–िनर्देशों के अनुसार पाठयक्रम में आवश्यक संशोधन किए गए हैं। साथ ही साथ मूल्यांकन से संबंधित आवश्यक निर्देश भी दिए गए हैं। इन सहायक सामग्रियों में कठिन से कठिन सामग्री को भी सरलतम रूप में प्रस्तुत किया गया है तािक शिक्षा निदेशालय के विद्यार्थियों को इसका भरपूर लाभ मिल सके।

मुझे आशा है कि इन सहायक सामग्रियों के गहन और निरंतर अध्ययन के फलस्वरूप विद्यार्थियों में गुणात्मक शैक्षणिक संवर्धन का विस्तार उनके प्रदर्शनों में भी परिलक्षित होगा। इस उत्कृष्ट सहायक सामग्री को तैयार करने में शामिल सभी अधिकारियों तथा शिक्षकों को हार्दिक बधाई देती हूँ तथा सभी विद्यार्थियों को उनके उज्जवल भविष्य की शुभकामनाएं देती हूँ।

रीता शर्मा)

# शिक्षा निदेशालय

राष्ट्रीय राजधानी क्षेत्र, दिल्ली सरकार

# सहायक सामग्री

(2022-2023)



कक्षा: नौवीं

नि:शुल्क वितरण हेतु

दिल्ली पाठ्य-पुस्तक ब्यूरो द्वारा प्रकाशित

# भारत का संविधान

# नागरिकों के मूल कर्तव्य

### अनुच्छेद 51 क

मूल कर्तव्य - भारत के प्रत्येक नागरिक का यह कर्तव्य होगा कि वह -

- (क) संविधान का पालन करे और उसके आदर्शों, संस्थाओं, राष्ट्रध्वज और राष्ट्रगान का आदर करे:
- (ख) स्वतंत्रता के लिए हमारे राष्ट्रीय आंदोलन को प्रेरित करने वाले उच्च आदर्शों को हृदय में संजोए रखे और उनका पालन करे;
- (ग) भारत की संप्रभुता, एकता और अखंडता की रक्षा करे और उसे अक्षुण्ण बनाए रखे;
- (घ) देश की रक्षा करे और आह्वान किए जाने पर राष्ट्र की सेवा करे;
- (ङ) भारत के सभी लोगों में समरसता और समान भ्रातृत्व की भावना का निर्माण करे जो धर्म, भाषा और प्रदेश या वर्ग पर आधारित सभी भेदभावों से परे हो, ऐसी प्रथाओं का त्याग करे जो महिलाओं के सम्मान के विरुद्ध हों;
- (च) हमारी सामासिक संस्कृति की गौरवशाली परंपरा का महत्त्व समझे और उसका परिरक्षण करे:
- (छ) प्राकृतिक पर्यावरण की, जिसके अंतर्गत वन, झील, नदी और वन्य जीव हैं, रक्षा करे और उसका संवर्धन करे तथा प्राणिमात्र के प्रति दयाभाव रखे;
- (ज) वैज्ञानिक दृष्टिकोण, मानववाद और ज्ञानार्जन तथा सुधार की भावना का विकास करे;
- (झ) सार्वजनिक संपत्ति को सुरक्षित रखे और हिंसा से दूर रहे;
- (ञ) व्यक्तिगत और सामूहिक गतिविधियों के सभी क्षेत्रों में उत्कर्ष की ओर बढ़ने का सतत् प्रयास करे, जिससे राष्ट्र निरंतर बढ़ते हुए प्रयत्न और उपलब्धि की नई ऊँचाइयों को छू सके; और
- (ट) यदि माता-पिता या संरक्षक है, छह वर्ष से चौदह वर्ष तक की आयु वाले अपने, यथास्थिति, बालक या प्रतिपाल्य को शिक्षा के अवसर प्रदान करे।

## **Constitution of India**

Part IV A (Article 51 A)

### **Fundamental Duties**

It shall be the duty of every citizen of India —

- (a) to abide by the Constitution and respect its ideals and institutions, the National Flag and the National Anthem;
- (b) to cherish and follow the noble ideals which inspired our national struggle for freedom;
- (c) to uphold and protect the sovereignty, unity and integrity of India;
- (d) to defend the country and render national service when called upon to do so;
- (e) to promote harmony and the spirit of common brotherhood amongst all the people of India transcending religious, linguistic and regional or sectional diversities; to renounce practices derogatory to the dignity of women;
- (f) to value and preserve the rich heritage of our composite culture;
- (g) to protect and improve the natural environment including forests, lakes, rivers, wildlife and to have compassion for living creatures;
- (h) to develop the scientific temper, humanism and the spirit of inquiry and reform;
- (i) to safeguard public property and to abjure violence;
- (j) to strive towards excellence in all spheres of individual and collective activity so that the nation constantly rises to higher levels of endeavour and achievement;
- \*(k) who is a parent or guardian, to provide opportunities for education to his child or, as the case may be, ward between the age of six and fourteen years.

**Note:** The Article 51A containing Fundamental Duties was inserted by the Constitution (42nd Amendment) Act, 1976 (with effect from 3 January 1977).

\*(k) was inserted by the Constitution (86th Amendment) Act, 2002 (with effect from 1 April 2010).

## भारत का संविधान

## उद्देशिका

हम, भारत के लोग, भारत को एक <sup>1</sup>[संपूर्ण प्रभुत्व-संपन्न समाजवादी पंथनिरपेक्ष लोकतंत्रात्मक गणराज्य] बनाने के लिए, तथा उसके समस्त नागरिकों को :

सामाजिक, आर्थिक और राजनैतिक न्याय, विचार, अभिव्यक्ति, विश्वास, धर्म और उपासना की स्वतंत्रता, प्रतिष्ठा और अवसर की समता प्राप्त कराने के लिए, तथा उन सब में

> व्यक्ति की गरिमा और <sup>2</sup>[राष्ट्र की एकता और अखंडता] सुनिश्चित करने वाली बंधुता

बढ़ाने के लिए

दृढ़संकल्प होकर अपनी इस संविधान सभा में आज तारीख 26 नवंबर, 1949 ई. को एतद्द्वारा इस संविधान को अंगीकृत, अधिनियमित और आत्मार्पित करते हैं।

<sup>1.</sup> संविधान (बयालीसवां संशोधन) अधिनियम, 1976 की धारा 2 द्वारा (3.1.1977 से) ''प्रभुत्व–संपन्न लोकतंत्रात्मक गणराज्य'' के स्थान पर प्रतिस्थापित।

<sup>2.</sup> संविधान (बयालीसवां संशोधन) अधिनियम, 1976 की धारा 2 द्वारा (3.1.1977 से) ''राष्ट्र की एकता'' के स्थान पर प्रतिस्थापित।

# THE CONSTITUTION OF INDIA

#### **PREAMBLE**

**WE, THE PEOPLE OF INDIA,** having solemnly resolved to constitute India into a <sup>1</sup>[SOVEREIGN SOCIALIST SECULAR **DEMOCRATIC REPUBLIC**] and to secure to all its citizens:

**JUSTICE,** social, economic and political;

**LIBERTY** of thought, expression, belief, faith and worship;

**EQUALITY** of status and of opportunity; and to promote among them all

**FRATERNITY** assuring the dignity of the individual and the <sup>2</sup>[unity and integrity of the Nation];

IN OUR CONSTITUENT ASSEMBLY this twenty-sixth day of November, 1949 do HEREBY ADOPT, ENACT AND GIVE TO OURSELVES THIS CONSTITUTION.

Subs. by the Constitution (Forty-second Amendment) Act, 1976, Sec. 2, for "Sovereign Democratic Republic" (w.e.f. 3.1.1977)

<sup>2.</sup> Subs. by the Constitution (Forty-second Amendment) Act, 1976, Sec. 2, for "Unity of the Nation" (w.e.f. 3.1.1977)

#### **MATHEMATICS (IX)**

The Syllabus in the subject of Mathematics has undergone changes from time to time in accordance with growth of the subject and emerging needs of the society. The present revised syllabus has been designed in accordance with National Curriculum Framework 2005 and as per guidelines given in the Focus Group of Teaching of Mathematics which is to meet the emerging needs of all categories of students. For motivating the teacher to related the topics to real life problems and other subject areas, greater emphasis has been laid on applications of various concepts

The curriculum at secondary stage primarily aims at enhancing the capacity of students to employ Mathematics in solving day-to-day life problem and studying the subject as a separate discipline. IT is expected that students should acquired the ability to solve problem using algebraic methods and apply the knowledge of simple trigonometry to solve problem of height and distances. Carrying out experiments with numbers and forms of geometry, framing hypothesis and verifying these with further observations form inherent part of Mathematics learning at this stage. The proposed curriculum includes the study of number system, algebra, geometry, trigonometry, mensuration, mensuration, statistics, graphs and coordinate geometry etc.

The teaching of Mathematics should be imparted through activities which may involve the use of concrete materials, models, patterns, charts, pictures, posters. games, puzzles and experiments.

#### **Objectives**

The broad objectives of teaching of Mathematics at secondary stage are to help the learners to:

- consolidate the Mathematical knowledge and skills acquired at the upper primary stage; acquire knowledge and understanding, particularly by way of motivation and visualization, of basic concepts, terms, principles and symbols and underlying processes and skills; develop mastery of basic algebraic skills.
- develop drawing skills;
- feel the flow of reason while proving a result or solving a problem:
- apply the knowledge and skills acquired to solve problems and wherever possible, by more than one method.
- to develop ability to think, analyze and articulate logically;
- to develop awareness of the need for national integration, protection of environment, observance of small family norms, removal of social barriers, elimination of gender biases;

- to develop necessary skills to work with modern technological devices and mathematical software's.
- to develop interest in mathematics as a problem-solving tool in various fields for its beautiful structures and patterns, etc.
- to develop reverence and respect towards great Mathematicians for their contributions to the field of Mathematics;
- to develop interest in the subject by participating in related competitions;
- to acquaint students with different aspects of Mathematics used in daily life;
- to develop an interest in students to study Mathematics as a discipline.

#### **TERM-WISE SYLLABUS**

**SESSION: 2022-23** 

**CLASS: IX** 

**SUBJECT: MATHEMATICS (CODE: 041)** 

#### **COURSE STRUCTURE**

Units	Unit Name	Marks
I	Number Systems	10
II	Algebra	20
III	Coordinate Geometry	04
IV	Geometry	27
V	Mensuration	13
VI	Statistics & Probability	60
	Total	80
	Internal Assessment	20
	Grand Total	100

#### Term I

#### **Chapter 1: Number Systems**

Review of representation of natural numbers, integers and rational numbers on the number line.

Rational numbers as recurring/terminating decimals. Operations on real numbers.

Examples of non-recurring/non-terminating decimals. Existence of non-rational numbers (irrational numbers) such as  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}$  and their representation on the number line.

Explaining that every real number is represented by a unique point on the number line and conversely. viz. every point on the number line represents a unique real number.

Definition of nth root of a real number.

Rationalization (with precise meaning) of real numbers of the type and  $\frac{1}{a+b\sqrt{x}}$  and

 $\frac{1}{\sqrt{x} + \sqrt{y}}$  (and their combinations) where x and y are natural number and a and b are integers.

Recall of laws of exponents with integral powers. Rational exponents with positive real bases (to be done by particular cases, allowing learner to arrive at the general laws.)

#### **Chapter 3: Coordinate Geometry**

The Cartesian plane, coordinates of a point, names and terms associated with the coordinate plane. notations.

#### **Chapter 4: Linear Equations in Two Variables**

Recall of linear equations in one variable. Introduction to the equation in two variables. Focus on linear equations of the type ax + by + c = 0.

Explain that a linear equation in two variables has infinitely many solutions and justify their being written as ordered pairs of real numbers, plotting them, and showing that they lie on a line.

#### **Chapter 6: Lines and Angles**

- 1. (Motivate) If a ray stands on a line, then the sum of the two adjacent angles so formed is 180 and the converse.
- 2. (Prove) If two lines intersect, vertically opposite angles are equal.
- **3.** (Motivate) Lines which are parallel to a given line are parallel.

#### **Chapter 7: Triangles**

- 1. (Motivate) Two triangles are congruent if any two sides and the included angle of one triangle is equal to any two sides and the included angle of the other triangle (SAS Congruence).
- 2. (Motivate) Two triangles are congruent if any two angles and the included side of one triangle is equal to any two angles and the included side of the other triangle (ASA Congruence).
- 3. (Motivate) Two triangles are congruent if the three sides of one triangle are equal to three sides of the other triangle (SSS Congruence).
- **4.** (Motivate) Two right triangles are congruent if the hypotenuse and a side of one triangle are equal (respectively) to the hypotenuse and a side of the other triangle. (RHS Congruence).
- **5.** (Prove) The angles opposite to equal sides of a triangle are equal.
- **6.** (Motivate) The sides opposite to equal angles of a triangle are equal.

#### **Chapter 12: Heron's Formula**

Area of a triangle using Heron's formula (without proof).

#### **Chapter 14: Statistics**

Bar graphs, histograms (with varying base lengths) and frequency polygons.

- Mental Maths
- Revision from Support Material

#### Term II

#### **Chapter 2: Polynomials**

Definition of a polynomial in one variable with examples and counter examples. Coefficients of a polynomial, terms of a polynomial and zero polynomial. Degree of a polynomial. Constant, linear, quadratic and cubic polynomials.

Monomials, binomials, trinomials. Factors and multiples. Zeroes of a polynomial.

Motivate and State the Remainder Theorem with examples. Statement and proof of the Factor Theorem.

Factorization of  $ax^2 + bx + c$ ,  $a \ne 0$  where a, b and c are real numbers and, of cubic polynomials using the Factor Theorem.

Recall of algebraic expressions and identities. Verification of identities:

$$(x+y+z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2zx$$
$$(x \pm y)^3 = x^3 + y^3 \pm 3xy(x \pm y)$$
$$x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz = (x + y + z)(x^2 + y^2 + z^2 - xy - yx - xz)$$

and their use in factorization of polynomials.

#### **Chapter 5: Introduction To Euclid's Geometry**

History-Geometry in India and Euclid's geometry. Euclid's method of formalizing observed phenomenon into rigorous Mathematics with definitions, common/obvious notions, axioms/postulates and theorems.

The five postulates of Euclid.

Showing the relationship between axiom and theorem, for example:

(Axiom) 1. Given two distinct points, there exists one and only one line through them.

(Theorem) 2 (Prove) Two distinct lines cannot have more than one point in common.

#### **Chapter 8: Quadrilaterals**

- 1. (Prove) The diagonal divides a parallelogram into two congruent triangles.
- 2. (Motivate) In a parallelogram opposite sides are equal, and conversely.
- 3. (Motivate) In a parallelogram opposite angles are equal, and conversely

- **4.** (Motivate) A quadrilateral is a parallelogram if a pair of its opposite sides is parallel and equal.
- **5.** (Motivate) In a parallelogram, the diagonals bisect each other and conversely.
- **6.** (Motivate) In a triangle, the line segment joining the mid points of any two sides is parallel to the third side and is half of it and (motivate) its converse.

#### **Chapter 10: Circles**

- 1. (Prove) Equal chords of a circle subtend equal angles at the centre and (motivate) its converse.
- 2. (Motivate) The perpendicular from the centre of a circle to a chord bisects the chord and conversely, the line drawn through the centre of a circle to bisect a chord is perpendicular to the chord.
- 3. (Motivate) Equal chords of a circle (or of congruent circles) are equidistant from the centre (or their respective centre) and conversely.
- **4.** (Motivate) The angle subtended by an are at the centre is double the angle subtended by it at any point on the remaining part of the circle.
- 5. (Motivate) Angles in the same segment of a circle are equal.
- **6.** (Motivate) If a line segment joining two points subtends equal angle at two other points lying on the same side of the line containing the segment, the four points lie on a circle.
- 7. (Motivate) The sum of either of the pair of the opposite angles of a cyclic quadrilateral is 180° and its converse.

#### **Chapter 13: Surface Areas and Volumes**

Surface areas and volumes of spheres (including hemispheres) and right circular cones.

- Mental Maths
- Revision from Support Material

#### **Mathematics**

## Code (041)

### **Question Paper Design**

Class – IX (2022-23)

Time: 3 Hrs.	M.M: 80		
S. No.	Typology of Questions	Total %	<b>√₀Weightage</b> (approx.)
	ering: Exhibit memory of previously lerned y recalling facts, terms, basic concepts and	43	54
and ideas l interpretin	nding: Demonstrate understanding of facts by organizing, comparing, translating, g, giving descriptions and stating main ideas.  Solve problems to new situations by applying		
acquired k different w	cnowledge, facts, techniques and rules in a vay.	19	24
by identify	g: Examine and break information into parts ving motives or causes. Make inferences and nee to support generalizations.	18	22
judgments	<b>ng:</b> Present and defend opinions by making about information, validity of ideas, or quality ased on a set of criteria.		
· ·	Compile information together in a different mbining elements in a new pattern or propsing solutions.		
	Total	80	100
Internal A	ssessment		20 Marks
Pen Paper Test and Multiple Assessment $(5+5)$			10 Marks
Portfolio			05 Marks
Lab Practic	al (Lab activities to be done from the		
prescribed	books)		05 Marks

## List of Group Leader and Subject-Experts For Preparation/Review of Support Material

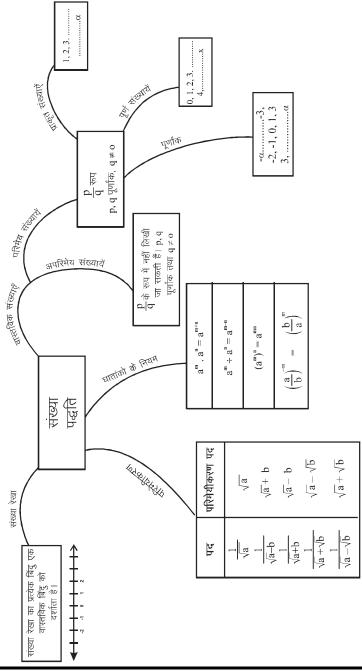
# Class-IX (2022-23) Subject : Mathematics

1.	Ms. Barkha Dawar	Vice Principal GGSSS, A Block Saraswati Vihar, Delhi (1411042)
2.	Ms. Aakanksha	PGT (Mathematics) Core Academic Unit (CAU)
3.	Ms. Neha Chaudhary	TGT (Mathematics) Core Academic Unit (CAU)
4.	Mr. Sunil Kumar Tiwari	TGT (Mathematics) SBV, Moti Nagar, Delhi (1516010)
5.	Ms. Gagandeep Kaur	TGT (Mathematics) GGSS, Majlis Park, Delhi (1309036)
6.	Ms., Shalini Arora Bahri	TGT (Mathematics) SKV No. Narela, Delhi (1310036)
7.	Mr. Julfikar Ahmad	TGT (Mathematics) Dr. Zakir Hussain Memorial Sr. Sec. School, Jafrabad (1105137)

# विषय सूची

क्र. सं.	अध्याय	पष्ठ संख्या
1.	संख्या पद्धति	1
2.	बहुपद	23
3.	निर्देशांक ज्यामिति	32
4.	दो चरों वाले रैखिक समीकरण	43
5.	यूक्लिड की ज्यामिति का परिचय	63
6.	रेखाएँ और कोण	75
7.	त्रिभुज	95
8.	चतुर्भुज	112
9.	वृत्त	132
10.	हीरोन का सूत्र	161
11.	पृष्ठीय क्षेत्रफल और आयतन	174
12.	सांख्यिकी	183
13.	केस स्टडी पर आधारित प्रश्न	195

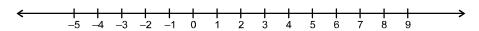
अध्याय-1 संख्या पद्धति माइंड मैप



#### अध्याय-1

## संख्या पद्धति

## महत्वपूर्ण बिंदु



- 1, 2, 3, ..... प्राकृत संख्याएँ है, जिन्हें N से प्रदर्शित करते हैं।
- 0, 1, 2, 3 पूर्ण संख्याएँ हैं, जिन्हें W से प्रदर्शित करते हैं।
- ...... -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, ...... पूर्णांक हैं, जिन्हें Z या I से प्रदर्शित करते हैं।
- एक संख्या को परिमेय संख्या कहते हैं, यदि-
  - (a) उसे p/q के रुप में लिखा जा सकता है, जहाँ p तथा q कोई पूर्णांक है तथा  $q \neq 0$

या

(b) उसका दशमलव प्रसार सांत दशमलव है जैसे (  $\frac{2}{5} = 0.4$ )

या

- (c) उसका दशमलव प्रसार असांत आवर्ती (अनवसानी आवर्ती) है, जैसे- (  $0.\overline{1234} = 0.1234234...$
- किसी संख्या को अपरिमेय संख्या कहते हैं, यदि
  - (a) उस संख्या को  $\frac{p}{q}$  के रुप में नहीं लिखा जा सकता है, जहाँ p तथा q पूर्णांक हैं और  $q \neq 0$ .

- (b) उसका दशमलव प्रसार असांत अनावर्ती है: जैसे (0.1010010001.....)
- सभी परिमेय व अपरिमेय संख्याओं के समृह को वास्तविक संख्या कहते हैं।
- किन्हीं दो परिमेय संख्याओं के बीच में असंख्य परिमेय संख्याएँ होती हैं।
- संख्या रेखा पर किसी भी बिन्दु को एक अद्वितीय वास्तविक संख्या से प्रदर्शित करते हैं। अर्थात संख्या रेखा के प्रत्येक बिंदु के संगत एक वास्तविक संख्या होती है। साथ ही, प्रत्येक वास्तविक संख्या के संगत संख्या रेखा पर एक बिंदु होता है।
- हर के परिमेयीकरण का तात्पर्य है अपरिमेय हर को परिमेय के रुप में बदलना।
- $\frac{1}{\sqrt{a+b}}$  के हर के परिमेयीकरण के लिए हम इसे  $\frac{\sqrt{a+b}}{\sqrt{a+b}}$ , से गुणा करते है जहाँ एक प्राकृत संख्या है तथा b एक पूर्णांक है।
- यदि r परिमेय है और S अपरिमेय तो r+s, r-s, r.s हमेशा अपरिमेय होगा, परन्तु r/sपरिमेय या अपरिमेय हो सकता है।
- घातांक के नियम: यदि a > o एक वास्तिवक संख्या है तथा m व n परिमेय संख्याएँ हैं, तब

(1) 
$$a^m a^n = a^{m+n}$$

$$(2) a^m \div a^n = a^{m-n}$$

$$(3) \quad (a^m)^n = a^{mn}$$

(4) 
$$a^m \cdot b^m = (ab)^m$$

(5) 
$$a^0 = 1$$

(6) 
$$a^{-m} = \frac{1}{a^m}$$

वास्तिवक धनात्मक संख्याओं a तथा b के लिए निम्न सर्वसिमकाएँ लागू होती हैं।

$$(1) \quad \sqrt{a} \cdot \sqrt{b} = \sqrt{ab}$$

(2) 
$$\sqrt{a} \div \sqrt{b} = \sqrt{\frac{a}{b}}$$

(3) 
$$\left(\sqrt{a} + \sqrt{b}\right)\left(\sqrt{a} - \sqrt{b}\right) = a - b$$
 (4)  $\left(\sqrt{a} + \sqrt{b}\right)^2 = a + 2\sqrt{ab} + b$ 

$$(4) \left(\sqrt{a} + \sqrt{b}\right)^2 = a + 2\sqrt{ab} + b$$

(5) 
$$\left(a+\sqrt{b}\right)\left(a-\sqrt{b}\right)=a^2-b$$

सभी प्राकृत संख्याएं, पूर्ण संख्याएँ और पूर्णांक 'परिमेय संख्या' होते हैं।

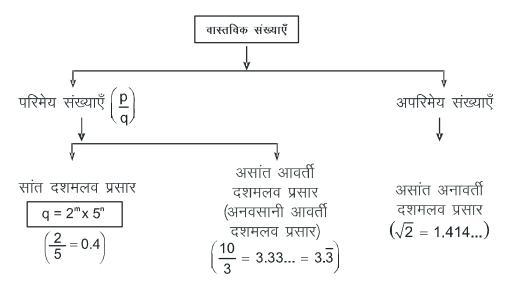
अभाज्य संख्याः सभी प्राकृत संख्याएँ जिनके केवल दो गुणनखण्ड '1 और संख्या स्वयं' होते हैं, अभाज्य संख्याएँ कहलाती है। जैसे 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23

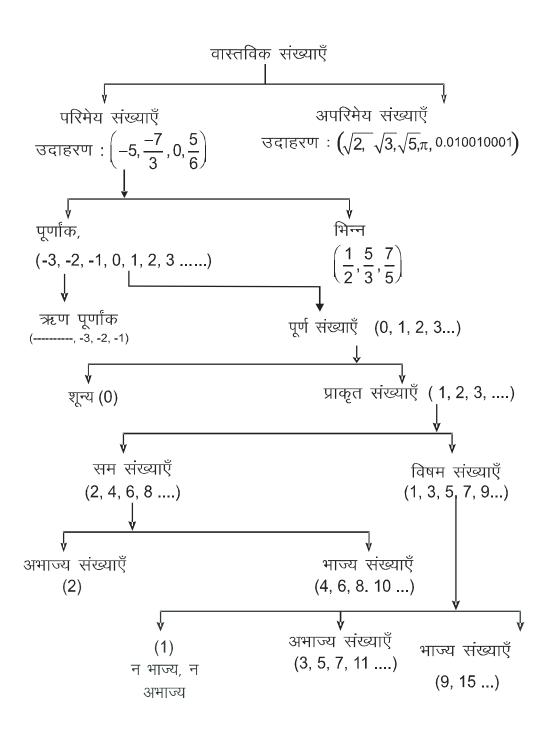
भाज्य संख्याएँ: प्राकृत संख्याएँ जिनके दो से अधिक गुणनखण्ड होते हैं, भाज्य संख्याएँ कहलाती है। जैसे 4, 6, 8, 9, 12, ......

1 न तो भाज्य संख्या है न ही अभाज्य संख्या

 $\sqrt[n]{a}=a^{1/n}$  जहाँ 'a' एक धनात्मक वास्तविक संख्या है तथा n एक धनात्मक पूर्णांक है।

 $a^{\frac{m}{n}}=\left(\sqrt[n]{a}\right)^m=\sqrt[n]{a^m}$  जहाँ a एक धनात्मक वास्तविक संख्या है m और n पूर्णांक है तथा n>0





अति-अति लघु उत्तरीय प्रश्न (1 अंक) बहुविकल्पीय प्रश्न

1. निम्नलिखित में से कौन-सी एक परिमेय संख्या है?

(a)  $1 + \sqrt{5}$ 

(b)  $2\sqrt{3}$ 

(c) 0

(d)  $\pi$ 

2. निम्नलिखित में से कौन-सी अपरिमेय संख्या है?

(a)  $\sqrt{\frac{4}{9}}$ 

(b)  $\frac{\sqrt{12}}{\sqrt{3}}$ 

(c)  $\sqrt{81}$ 

(d)  $\sqrt{5}$ 

3. यदि  $x=2+\sqrt{3}$  हो तो (1/x) बराबर है

(a)  $2 + \frac{1}{\sqrt{3}}$ 

(b)  $\frac{1}{2-\sqrt{3}}$ 

(c)  $2 - \sqrt{3}$ 

(d)  $\frac{1}{2} + \sqrt{3}$ 

4.  $\sqrt{2}$  तथा  $\sqrt{3}$  के बीच एक अपरिमेय संख्या है

(a)  $6^{1/4}$ 

(b)  $\frac{-\sqrt{2} + \sqrt{3}}{2}$ 

(c)  $\sqrt{2} \times \sqrt{3}$ 

(d)  $\sqrt{5}$ 

5. यदि  $10^{2y} = 25$  तब  $10^{-y}$  बराबर है

(a)  $\frac{-1}{5}$ 

(b)  $\frac{1}{50}$ 

(c)  $\frac{1}{625}$ 

(d)  $\frac{1}{5}$ 

### रिक्त स्थानों की पूर्ति कीजिए:

- 6.  $\sqrt{6} \times \sqrt{8} =$ \_\_\_\_\_
- 7. संख्या  $\sqrt{3}$  का दशमलव प्रसार तथा होगा।
- 8. ..... एक पूर्ण संख्या है पर प्राकृत संख्या नहीं है।
- 9.  $\sqrt[2]{(81)^{0.50}} = \dots$
- 10. किन्हीं दो परिमेय संख्याओं के बीच ...... परिमेय संख्या होती है।
- 11. एक परिमेय संख्या तथा एक अपरिमेय संख्या का योगफल तथा अंतर सदैव ...... संख्या होती है।
- 12. प्रत्येक परिमेय संख्या एक ...... संख्या है।
- 13.  $\frac{-2}{3}$  तथा  $\frac{1}{4}$  के बीच एक परिमेय संख्या ज्ञात कीजिए।
- 14. संख्या को  $0.7^-$  के  $\frac{p}{q}$  रुप में दर्शाइए जहाँ p और q पूर्णांक है तथा  $q \neq 0$ .
- **15.**  $0.\overline{23}$  तथा  $0.\overline{22}$  का मान ज्ञात कीजिए।
- **16.** यदि  $5^{x-3}$ .  $3^{2x-8} = 225$  हो तो x का मान ज्ञात कीजिए।
- 17.  $[(4-5(4-5)^4]^3$  का मान ज्ञात कीजिए।
- **18.** प्रथम पाँच पूर्ण संख्याओं को  $\frac{p}{q}$  के रुप में प्रदर्शित कीजिए जहाँ p और q पूर्णांक है तथा  $q \neq 0$ .
- **19.**  $\sqrt{25}$  तथा  $\sqrt{27}$  के बीच दो अपरिमेय संख्याएँ लिखिए।
- 20. दो संख्याएँ लिखिए, जिनका दशमलव प्रसार सांत है।

- **21.**  $(256)^{0.16} \times (259)^{0.09}$  का मान ज्ञात कीजिए।
- 22.  $\left(\frac{3}{5}\right)^3 \times \left(\frac{5}{3}\right)^5$  का मान ज्ञात कीजिए।
- 23.  $\frac{5}{7}$  को दशमलव प्रसार में अंकों को आवर्ती खंड में अंकों की अधिकतम संख्या कितनी हो सकती है?

अति लघु उत्तरीय प्रश्न (2 अंक)

- 24. निम्नलिखित को संख्या रेखा पर निरुपित कीजिए।
  - (i)  $\frac{-7}{5}$

- (ii)  $\sqrt{3}$
- **25.** x का मान ज्ञात कीजिए  $\sqrt[3]{2x+3} = 5$
- **26.** असांत आवर्ती दशमलव प्रसार  $1.\overline{27}$  को  $\frac{p}{q}$  के रुप मे व्यक्त कीजिए।
- **27.**  $\frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{\sqrt{80} + \sqrt{48} \sqrt{45} \sqrt{27}}$  को हल कीजिए।
- 28. नीचे दी गई परिमेय संख्याओ में किसका सांत दशमलव प्रसार होगा या असांत आवर्ती (अनवसानी आवर्ती) दशमलव प्रसार होगा?
  - (i)  $\frac{135}{50}$

(ii)  $\frac{4}{11}$ 

(ii)  $\frac{5^2 \times 3^3}{2 \times 5^3 \times 27}$ 

- (iv)  $\frac{55}{9}$
- 29. नीचे दी गई संख्याओं का वर्गीकरण सांत दशमलव या असांत आवर्ती (अनवसानी आवर्ती) या असांत अनावर्ती दशमलव के रुप में व्यक्त कीजिए।

(i) 0.1666

- (ii) 0.27696
- (iii) 2.142857142857......
- (iv) 2.502500250002......

(v) 4.<del>123456789</del>

दी गई संख्याओं को परिमेय व अपरिमेय संख्याओं के रुप में भी व्यक्त कीजिए।

- 30. दी गई संख्याओं को परिमेय या अपरिमेय संख्या के रुप में वर्गीकृत कीजिए।
  - $(i) \quad \frac{7\sqrt{7}}{\sqrt{343}}$
  - (ii)  $5 + 2\sqrt{23} (\sqrt{25} + \sqrt{92})$
  - (iii)  $\sqrt{360}$
  - (iv)  $\frac{22}{7}$
  - (v) π
- 31. हल कीजिए।
  - (i) जोड़िए  $\sqrt{125} + 2\sqrt{27}$  तथा  $-5\sqrt{5} \sqrt{3}$
  - (ii) गुणा कीजिए  $\left(-3+\sqrt{5}\right)$  तथा  $\left(7+\sqrt{3}\right)$
  - (iii)  $2\sqrt{216} 3\sqrt{27}$  को 3 से

लघु उत्तरीय प्रश्न (3 अंक)

- **32.** यदि  $\frac{3+2\sqrt{5}}{3-2\sqrt{5}} = p+q\sqrt{5}$  , है तो 11 (p+q) का मान ज्ञात कीजिए।
- **33.** हल कीजिए  $\frac{(25)^{5/2} \times (81)^{1/4}}{(125)^{2/3} \times (27)^{2/3} \times 8^{4/3}}$

- **34.** यदि  $32^{2x-5} = 4 \times 8^{x-5}$  है तो x का मान ज्ञात कीजिए।
- 35. मान ज्ञात कीजिए।

(i) 
$$\frac{2^{38} + 2^{37} + 2^{36}}{2^{39} + 2^{38} + 2^{37}}$$

(ii) 
$$(9 + \sqrt{2} - \sqrt{3})^2$$

(iii) 
$$\left[ 5 \left( 8^{1/3} + 27^{1/3} \right)^7 \right]^{1/4}$$

(iv) 
$$(6-\sqrt{2})(2+\sqrt{3})$$

**36.** यदि  $5^{2x-1} - (25)^{x-1} = 2500$  तो x का मान ज्ञात कीजिए।

**37.** यदि 
$$x = 3 - 2\sqrt{2}$$
 , सिद्ध कीजिए  $\left(\sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}}\right) = \pm 2$ 

**38.** यदि xyz = 1 तो हल कीजिए

$$(1+x+y^{-1})^{-1} + (1+y+z^{-1})^{-1} + (1+z+x^{-1})^{-1}$$

- **39.** x का मान ज्ञात कीजिए यदि
  - (i)  $25^{2x-3} = 5^{2x+3}$
  - (ii)  $(4)^{2x-1} (16)^{x-1} = 384$
- 40. हल कीजिए

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{4}} + \frac{1}{\sqrt{4}+\sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{5}+\sqrt{6}} + \frac{1}{\sqrt{6}+\sqrt{7}} + \frac{1}{\sqrt{7}+\sqrt{8}} + \frac{1}{\sqrt{8}+\sqrt{9}}$$

**41.**  $0.6+0.\overline{7}+0.\overline{47}$  को  $\frac{p}{q}$ , के रूप में व्यक्त कीजिए जहाँ p तथा q पूर्णांक है और  $q \ne 0$ .

दीर्घ उत्तरीय प्रश्न (5 अंक)

**42.** मान ज्ञात कीजिए  $\frac{64^{\frac{a}{6}}}{4^a} \times \frac{2^{2a+1}}{2^{a-1}}$ 

**43.** सरल कोजिए 
$$\frac{1}{1+x^{b-a}+x^{c-a}} + \frac{1}{1+x^{a-b}+x^{c-b}} + \frac{1}{1+x^{a-c}+x^{b-c}}$$

44. सरल कीजिए 
$$\left(\frac{x^a}{x^{-b}}\right)^{a-b} \times \left(\frac{x^b}{x^{-c}}\right)^{b-c} \times \left(\frac{x^c}{x^{-a}}\right)^{c-a}$$

**45.** सिद्ध कोजिए 
$$\frac{7\sqrt{3}}{\left(\sqrt{10}+\sqrt{3}\right)} - \frac{2\sqrt{5}}{\left(\sqrt{6}+\sqrt{5}\right)} - \frac{3\sqrt{2}}{\left(\sqrt{15}+3\sqrt{2}\right)} = 1$$

**46.** यदि 
$$a = \frac{\sqrt{7} - \sqrt{6}}{\sqrt{7} + \sqrt{6}}$$
 तथा  $b = \frac{\sqrt{7} + \sqrt{6}}{\sqrt{7} - \sqrt{6}}$ , तो  $a^2 + b^2 + ab$  का मान ज्ञात कीजिए।

**47.** 
$$a = 9 - 4\sqrt{5}$$
 तो ज्ञात कीजिए

(i) 
$$x + \frac{1}{x}$$

(ii) 
$$x - \frac{1}{x}$$

(ii) 
$$x^2 + \frac{1}{x^2}$$

(iv) 
$$x^2 - \frac{1}{x^2}$$

(v) 
$$x^3 + \frac{1}{x^3}$$

(vi) 
$$x^3 - \frac{1}{r^3}$$

(vii) 
$$\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}$$

(viii) 
$$\sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}}$$

(ix) 
$$x + \frac{14}{x}$$

**48.** यदि  $P = 5 - 2\sqrt{6}$  ज्ञात कीजिए।

(i) 
$$P^2 + \frac{1}{P^2}$$

(ii) 
$$P^2 - \frac{1}{P^2}$$

(iii) 
$$P^4 + \frac{1}{P^4}$$

**49.** निम्न का मान ज्ञात कीजिए 
$$\frac{4}{\left(216\right)^{-2/3}} + \frac{1}{\left(256\right)^{-3/4}} + \frac{2}{\left(243\right)^{-1/5}}$$

**50.** यदि 
$$\frac{9^n \times 3^2 \times \left(3^{-n/2}\right)^{-2} - \left(27\right)^n}{3^{3m} \times 2^3} = \frac{1}{729} \text{ (H.g.  $abs) fine} m - n = 2$$$

51. यदि 
$$x = 2^y$$
 तथा  $\frac{9 \times 3^{2x} - 3^x \times 3^{x-2}}{2} = 360$  तो  $y$  का मान ज्ञात कीजिए।

**52.** यदि a=2, b=3 है तो निम्नलिखित का मान ज्ञात कीजिए।

(i) 
$$(a^b + b^a)^{-1}$$

(ii) 
$$(a^a + b^b)^{-1}$$

**53.** यदि 
$$ab + bc + ca = 0$$
, है तो ज्ञात कीजिए  $\frac{1}{a^2 - bc} + \frac{1}{b^2 - ca} + \frac{1}{c^2 - ab}$ 

#### अध्याय-1

## संख्या पद्धति

### उत्तर

- **1.** (c) 0
- 2. (d)  $\sqrt{5}$
- 3. (c)  $2-\sqrt{3}$
- **4.** (a)  $6^{1/4}$
- 5. (d)  $\frac{1}{5}$
- **6.**  $4\sqrt{3}$
- 7. असांत तथा अनावर्ती
- **8.** 0
- **9.** 3
- 10. अपरिमित रुप से अनेक इल
- 11. अपरिमेय
- 12. वास्तविक
- 13. Hint:  $\frac{a+b}{2}$  या हर को बराबर कीजिए

$$\frac{1}{12}$$
 (अन्य उत्तर भी संभव)

- 14.  $\frac{7}{9}$
- 15.  $\frac{5}{11}$
- 16. Hint: घात की तुलना

$$x = 5$$

**17.** −1

**18.** 
$$\frac{0}{1}, \frac{1}{1}, \frac{2}{1}, \frac{3}{1}, \frac{4}{1}$$

19.  $\sqrt{25} = 5$ 

$$\sqrt{27} = 3\sqrt{3} = 3 \times 1.732 = 5.196$$

दो अपरिमेय संख्याएँ 5.012301234012345......

5.1378424134876......

(अन्य उत्तर भी संभव है)

- **20.**  $\frac{17}{5}, \frac{43}{10}$  (अन्य उत्तर भी संभव)
- **21.** 4

**22.** 
$$\left(\frac{5}{3}\right)^2$$

- **23.** 6
- 25. Hint: दोनों तरफ घन करने पर

$$\left(\sqrt[3]{2x+3}\right)^3 = 5^3$$
$$2x+3 = 125$$
$$x = 61$$

- **26.**  $\frac{14}{11}$
- **27.** 1
- 28. (i) सांत दशमलव
  - (ii) असांत आवर्ती दशमलव
  - (iii) Hint: पहले हल कीजिए। सांत दशमलव
  - (iv) असांत आवर्ती दशमलव

- 29. (i) सांत दशमलव-परिमेय
  - (ii) सांत दशमलव-परिमेय
  - (iii) असांत आवर्ती दशमलव-परिमेय
  - (iv) असांत अनावर्ती दशमलव-अपरिमेय
  - (v) असांत आवर्ती-परिमेय
- **30.** (i) परिमेय
  - (ii) परिमेय
  - (iii) अपरिमेय
  - (iv) परिमेय
  - (v) अपरिमेय
- **31.** (i)  $5\sqrt{3}$ 
  - (ii)  $-21 3\sqrt{3} + 7\sqrt{5} + \sqrt{15}$
  - (iii)  $4 3\sqrt{3}$
- 32. Hint: हल का परिमेयकरण

$$p = \frac{-29}{11}, q = \frac{-12}{11}$$

$$11(p+q) = -41$$

- 33. Hint:  $\frac{\left(5^2\right)^{5/2} \times \left(3^4\right)^{1/4}}{5^2 \times 3^2 \times 2^4} = \frac{5^3}{3 \times 2^4} = \frac{125}{48}$
- **34.** Hint:

$$2^{5(2x-5)} = 2^2 \times 2^{3(x-5)}$$

$$2^{10x-5} = 2^{3x-15+2}$$

$$10x - 25 = 3x - 13$$

$$x = \frac{12}{7}$$

**35.** (i) Hint: 
$$\frac{2^{36}(2^2+2^1+1)}{2^{37}(2^2+2^1+1)} = \frac{1}{2}$$

(ii) Hint: 
$$(9)^2 + (\sqrt{2} - \sqrt{3})^2 + 2 \times 9(\sqrt{2} - \sqrt{3})$$
  
=  $2(43 - \sqrt{6} + 9\sqrt{2} - 9\sqrt{3})$ 

(iii) 25

(iv) 
$$12 + 6\sqrt{3} - 2\sqrt{2} - \sqrt{6}$$

**36.** Hint:

$$5^{2x-1} - 5^{2(x-1)} = 5^4 \times 2^2$$

$$5^{2x-1} \frac{-5^{2x-1}}{5} = 5^4 \times 2^2$$

$$5^{2x-1} \left(\frac{4}{5}\right) = 5^4 \times 2^2$$

$$5^{2x-2} \times 2^2 = 5^4 \times 2^2$$

$$2x - 2 = 4$$

$$x = 3$$

**37.** Hint:

$$\left(\sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}}\right)^2 = x + \frac{1}{x} - 2$$

$$= 3 - 2\sqrt{2} + 3 + 2\sqrt{2} - 2$$

$$= 4$$

$$\left(\sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}}\right) = \pm 2$$

**38.** Hint:  $y = \frac{1}{xz}$  रखने पर

$$= (1+x+xz)^{-1} + \left(1+\frac{1}{xz}+\frac{1}{z}\right)^{-1} + \left(1+z+\frac{1}{x}\right)^{-1}$$

$$= \frac{1}{1+x+xz} + \left(\frac{xz+1+x}{xz}\right)^{-1} + \left(\frac{x+xz+1}{x}\right)^{-1}$$

$$= \frac{1}{1+x+xz} + \frac{xz}{1+x+xz} + \frac{x}{1+x+xz}$$

$$= \frac{1+zx+x}{1+x+xz} = 1$$

**39.** (i) Hint:

$$5^{2(2x-3)} = 5^{2x+3}$$
$$x = \frac{9}{2}$$

(ii) Hint:

$$2^{2(2x-1)} - 2^{4(x-1)} = 2^7 \times 3$$

$$2^{4x-2} - 2^{4x-4} = 2^7 \times 3$$

$$2^{4x-2} (1 - 2^{-2}) = 2^7 \times 3$$

$$2^{4x-2} \times \frac{3}{4} = 2^7 \times 3$$

$$2^{4x-4} = 2^7$$

$$4x - 4 = 7$$

$$x = \frac{11}{4}$$

**40.** Hint:

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} + \frac{1-\sqrt{2}}{1-\sqrt{2}} = \frac{1-\sqrt{2}}{1-2} = -(1-\sqrt{2})$$

$$= \sqrt{2} - 1 + \sqrt{3} - \sqrt{2} + \sqrt{4} - \sqrt{3} + \sqrt{5} - \sqrt{4} + \sqrt{6} - \sqrt{5}$$

$$+ \sqrt{7} - \sqrt{6} + \sqrt{8} - \sqrt{7} + \sqrt{9} - \sqrt{8}$$

$$= \sqrt{9} - 1 = 3 - 1 = 2$$

**41.** 
$$\frac{167}{90}$$

$$a = \frac{\sqrt{7} - \sqrt{6}}{\sqrt{7} + \sqrt{6}} \times \frac{\sqrt{7} - \sqrt{6}}{\sqrt{7} - \sqrt{6}}$$

$$= \frac{7 + 6 - \sqrt{42}}{7 - 6} = 13 - 2\sqrt{42}$$

$$b = 13 + 2\sqrt{42}$$

$$(a + b)^2 - ab = a^2 + b^2 + ab$$

$$a^2 + b^2 + ab =$$

$$\left(13 - 2\sqrt{42} + 13 + 2\sqrt{42}\right)^2 - \left(13 - 2\sqrt{42}\right)\left(13 + 2\sqrt{42}\right)$$

$$a^2 + b^2 + ab = (26)^2 - (169 - 168)$$

$$= 676 - 1 = 675$$

(ii) 
$$-8\sqrt{5}$$

(iv) 
$$-144\sqrt{5}$$

$$x^{3} + \frac{1}{x^{3}} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^{3} - 3\left(x + \frac{1}{x}\right)$$
$$= 18^{3} - 3 \times 18 = 5778$$

(vi) Hint:

$$x^{3} - \frac{1}{x^{3}} = \left(x - \frac{1}{x}\right)^{3} + 3\left(x - \frac{1}{x}\right)$$
$$= (-8\sqrt{5})^{3} + 3x - 8\sqrt{5}$$
$$= -2584\sqrt{5}$$

- (vii)  $2\sqrt{5}$
- (viii) 4
- (ix)  $145 + 52\sqrt{5}$
- **48.** (i) 98

(ii) Hint: 
$$p^2 - \frac{1}{p^2} = \left(p + \frac{1}{p}\right) \left(p - \frac{1}{p}\right) = -40\sqrt{6}$$

(iii) Hint: 
$$p^4 + \frac{1}{p^4} = \left(p^2 + \frac{1}{p^2}\right)^2 - 2 = 9602$$

- **49.** 214
- **50.** Hint:

$$\frac{3^{2n} \times 3^2 \times 3^{\frac{-n}{2} \times -2} - 3^{3n}}{3^{3m} \times 3^2} = \frac{1}{729}$$
$$\frac{3^{2n+2+n} - 3^{3n}}{3^{3m} \times 2^3} = \frac{1}{729}$$
$$\frac{3^{3n} (3^2 - 1)}{3^{3m} \times 8} = \frac{1}{729}$$

$$3^{3n-3m} = 3^{-6}$$

$$n-m = -2$$

$$m-n = 2$$

∴ **51.** Hint:

$$\frac{3^2 \times 3^{2x} - 3^x \times 3^{x-2}}{2} = 360$$

$$\frac{3^{2x+2}-3^{2x-2}}{2}=360$$

$$\frac{3^{2x}\left(3^2-3^{-2}\right)}{2}=360$$

$$\frac{3^{2x}\left(9 - \frac{1}{9}\right)}{2} = 360$$

$$\frac{3^{2x} \times 80}{2 \times 9} = 360$$

$$3^{2x} = 81$$

$$3^{2x}=3^4$$

$$x = 2$$

$$x = 2^y$$

$$2 = 2^{y}$$

$$y = 1$$

**52.** (i)  $\frac{1}{17}$ 

(ii) 
$$\frac{1}{31}$$

**53.** Hint: ab = -(bc + ca); bc = -(ca + ab); ca = -(ab + bc)

$$= \frac{1}{a^2 + ac + ab} + \frac{1}{b^2 + ab + bc} + \frac{1}{c^2 + bc + ca}$$

$$= \frac{1}{a(a+b+c)} + \frac{1}{b(a+b+c)} + \frac{1}{c(a+b+c)}$$

$$= \frac{bc + ac + ab}{abc(a+b+c)}$$

$$= \frac{0}{abc(a+b+c)} = 0$$

#### अध्याय-1

# संख्या पद्धति

# अभ्यास परीक्षा

समय: 1 घंटा M.M: 20

1.  $\sqrt{2}$  और  $\sqrt{3}$  के बीच एक परिमेय संख्या तथा एक अपरिमेय संख्या लिखिए। (1)

2. यदि 
$$p = 5 - 2\sqrt{6}$$
 तो  $\frac{1}{p}$  का मान ज्ञात कीजिए। (1)

3. सरल कीजिए 
$$4\sqrt{3} + \sqrt[3]{48} - \frac{5}{2}\sqrt{12}$$
 (2)

**4.** यदि 
$$(5)^{2x-1} - (25)^{x-1} = 2500$$
 है तो  $x$  का मान ज्ञात कीजिए। (2)

5. x और y का मान ज्ञात कीजिए।

$$\frac{\sqrt{11} - \sqrt{7}}{\sqrt{11} + \sqrt{7}} = x - y\sqrt{77} \tag{3}$$

**6.** 
$$\left(2+\sqrt{3}\right)$$
 को संख्या रेखा पर निरुपित कीजिए। (3)

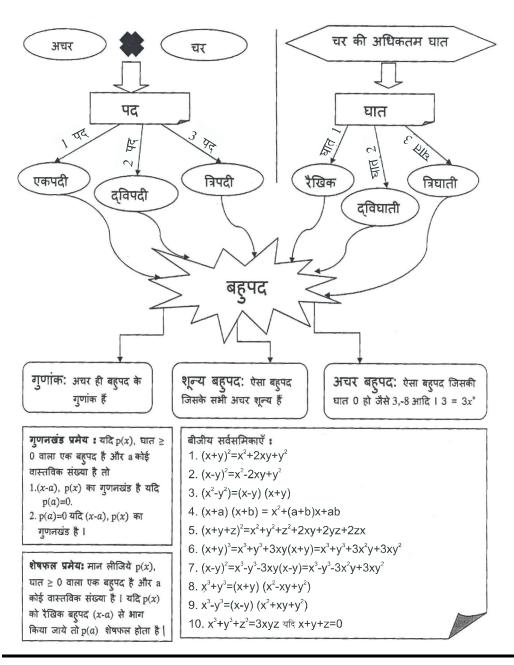
7. सरल कीजिए।

$$\frac{16 \times 2^{a+1} - 4 \times 2^a}{16 \times 2^{a+2} - 2 \times 2^{a+2}} \tag{4}$$

8. निम्नलिखित को p/q में दर्शाइए यहाँ p तथा q पूर्णांक है तथा  $q \neq 0$ 

$$0.\overline{4} + 0.1\overline{8}$$
 (4)

# अध्याय-2 बहुपद महत्वपूर्ण बिंदु माइंड मैप



परिभाषा:

एक चर x और घात n में बहुपद p(x) निम्न प्रकार का एक बीजीय व्यंजक होता है,  $p(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + a_{n-2} x^{n-2} + \dots + a_2 x^2 + a^1 x + a_0, \text{ जहाँ}$ 

- (i)  $a_0, a_1, a_2, \dots a_n$  अचर है और  $a_n \neq 0$
- (ii)  $a_{_0},\,a_{_1},\,a_{_2},\,\dots\,a_{_n},\,$ क्रमशः  $x^{_0},\,x^{_1},\,x^{_2},\,\dots,\,x^{_n}$  के गुणांक है।
- (iii) प्रत्येक  $a_n x^n, a_{n-1} x^{n-1}, a_{n-2} x^{n-2}, \dots, a_n x^2, a_n x_1 a$  बहुपद के पद कहलाते हैं।
- (iv) n बहुपद की घात कहलाता है जहाँ n एक पूर्ण संख्या है।

बहुपद के शून्यांक: किसी बहुपद p(x) के लिए यदि p(a) = 0 जहाँ a एक वास्तविक संख्या है तो 'a' बहुपद का शून्यक है।

बहुपद से जुड़े तथ्य

- 1. चार अथवा अधिक पदों वाले बहुपदों का कोई विशेष नाम नहीं होता है। इनकों केवल बहुपद ही कहा जाता है।
- 2. घात 4 और उससे अधिक वाले बहुपद के लिए कोई विशेष नाम नहीं होता है।
- 3. शून्य बहुपद की घात परिभाषित नहीं हैं।
- 4. एक n' घात के बहुपद के अधिकतम n' शून्यक हो सकते हैं।
- 5. एक शून्येतर अचर बहुपद का कोई शून्यक नहीं होता है।
- 6. प्रत्येक वास्तविक संख्या किसी भी शून्य बहुपद की एक शून्यक होती है।

अति अति लघु उत्तरीय प्रश्न (1 अंक)

1. बहुपद $4x^2 - 7x^2 + 2x + 1$ में $x^2$ का गुणांक	1.	बहुपद	$4x^{2}$ –	$7x^2$	+2x+1	1 में	$x^2$ का	गुणांक	1
---	----	-------	------------	--------	-------	-------	----------	--------	---

(a) 4

(b) 7

(c) -4

(d) -7

2. निम्नलिखित में कौन बहुपद नहीं है?

(a) x + 1

(b)  $\sqrt{x} + 1$ 

(c)  $x^2 + 1$ 

(d)  $\left(\frac{1}{x} + 1\right)x^2$ 

3.	यदि $x = -1$ बहुपद $x^3 - 2x^2 + 3ax + 5$ का एक शून्यक हो तो $a$ का मान होंग						
	(a) 2	(b) $\frac{2}{3}$					
	(c) $\frac{3}{2}$	(d) -5					
4.	यदि $(x + 2)$ बहुपद $x^2 - kx + 14$ का एक	गुणनखंड हो तो k का मान होगाः					
	(a) -9	(b) 9					
	(c) -2	(d) 14					
5.	$p(x) = x^3 - 6x^2 + 2x - 4$ को $x - 2$ से विश	भाजित करने पर शेषफल प्राप्त होगाः					
	(a) 16	(b) 24					
	(c) -16	(d) -24					
6.	यदि एक वर्ग की भुजा $(x+2y-z)$ इकाई ह	हो, तो उसका क्षेत्रफल होगा					
7.	बहुपद $x^2 - a^2$ के शून्यक	है।					
8.	एक द्विघात बहुपद में अधिकतम	पद हो सकते है।					
9.	$(49)^3 - (30)^3 + \dots = 3 \times 49 \times 60$	30 × 19					
10.	बहुपद $x^3 - 64$ की घात है	ं और इसके पद है।					
11.	जाँच कोजिए कि $x=3$ बहुपद $x^3-3x^2+x$	– 3 का एक शून्यक है या नहीं।					
12.	यदि $p+q+r=9$ है, तो $(3-p)^3+(3-q)^3$	$(3-r)^3 + (3-r)^3$ का मान ज्ञात कीजिए।					
13.	. $x^3+3x^2+2x$ को $x$ से भाग करने पर शेषफल ज्ञात कीजिए।						
14.	यदि $f(x) = x^2 - 3$ हो तो $f(1) + f(-1)$ का म	ान ज्ञात कीजिए।					
15.	बहुपद $3x^3 - 4x^2 + 5x + 3$ में $x^2$ और $x$ के प्	गुणाकों का योगफल ज्ञात कीजिए।					
अति	लघु उत्तरीय प्रश्न (2 अंक)						
16.	जाँच कीजिए कि $q(x)$ , $r(x)$ का गुणज है या $r(x) = 2x + 1$ .	नहीं जहाँ $q(x) = 2x^3 - 11x^2 - 4x + 5$ तथा					
17.	दर्शाइए कि $(x-5)$ बहुपद $x^3 - 3x^2 - 4x - 3$	30 का एक गुणनखण्ड है।					
18.	उपयुक्त सर्वसमिका का प्रयोग करके (997)2	का मान ज्ञात कीजिए।					

- **19.** बहुपद p(x) = x(x-2)(x+3) के शून्यक ज्ञात कीजिए।
- **20.**  $3x^2 7x 6$  को (x 3) से भाग देने पर भागफल ज्ञात कीजिए।
- **21.** गुणनखण्ड कीजिए:  $8x^3 + \sqrt{27} v^3$
- **22.** यदि p(x) = x + 9 है तो p(x) + p(-x) ज्ञात कीजिए।
- 23. सीधे गुणा न करके  $106 \times 94$  का मान ज्ञात कीजिए।
- **24.** बहुपद  $5x^2 18x + 9$  के गुणनखण्ड (ax + b) और (x + b) है। a और b का मान ज्ञात कीजिए।
- **25.** यदि  $p(x) = x^2 3x + 2$  तो p(1) + p(-1) + p(10) ज्ञात कीजिए।
- **26.**  $(x-y)^2$  ज्ञात कीजिए यदि  $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = 2$
- **27.** दर्शाइए कि -1 बहुपद  $3x^4 x^3 + 3x + 1$  का एक शून्यक है।
- **28.** गुणनफल ज्ञात कीजिए (x + 1)(x y)

### लघु उत्तरीय प्रश्न (3 अंक)

- **29.** गुणनखण्ड कीजिए:  $64a^2 + 96ab + 36b^2$
- **30.** गुणनखण्ड कीजए:  $x^3 + 6x^2 + 11x + 6$
- **31.** यदि  $x^2 + y^2 = 49$  तथा x y = 3 तो  $x^3 y^3$  का मान ज्ञात कीजिए।
- **32.** सरल करो:  $(5a-2b)(25a^2+10ab+4b^2)-(2a+5b)(4a^2-10ab+25b^2)$
- **33.** यदि  $x^3 3x^2 + 4x 4$  को (x 1) तथा (x + 2) से भाग किया जाए जो इस प्रकार प्राप्त शेषफलों का योग ज्ञात कीजिए।
- **34.** गुणनफल ज्ञात कीजिए:  $\left(p \frac{1}{p}\right) \left(p + \frac{1}{p}\right) \left(p^2 + \frac{1}{p^2}\right) \left(p^4 + \frac{1}{p^4}\right)$
- **35.**  $7\sqrt{2}k^2 10k 4\sqrt{2}$  का गुणनखण्ड कीजिए।
- **36.** सरल कीजिए:  $(3x-4y)^3-(3x+4y)^3$
- **37.** सरल कीजिए:  $(x+y+z)^2 (x-y-z)^2$ .
- **38.** गुणनखण्ड कीजिए:  $125x^3 + 8y^3 + z^3 30 xyz$

- **39.** (x+2) बहुपद  $ax^3 + bx^2 + x 2$  का एक गुणनखण्ड है तथा (x-2) से इस बहुपद को भाग देने पर शेषफल 4 प्राप्त होता है, तो a और b के मान ज्ञात कीजिए?
- **40.** यदि बहुपदों  $ax^3 + 4x^2 + 3x 4$  और  $x^3 4x + a$  को (x 3) से भाग करें तो समान शेषफल प्राप्त होता है a का मान ज्ञात कीजिए।
- **41.** यदि  $\left(\frac{9}{10}\right)^3 \left(\frac{2}{5}\right)^3 \left(\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{x}{50}$  तो x का मान ज्ञात कीजिए।
- **42.** यदि (x-3) तथा  $\left(x-\frac{1}{3}\right)$  बहुपद  $px^2+3x+r$ , के गुणनखड हों तो सिद्ध कीजिए कि p=r.

### दीर्घ उत्तरीय प्रश्न (5 अंक)

- **43.** कक्षा IX द्वारा NSS. के अंतर्गत एक साक्षरता अभियान आयोजित किया गया, रैली हेतु छात्राओं ने (x-5) पंक्ति (rows), (3x-4) स्तम्भ (Column) बनाए। कुल छात्राओं की संख्या को बीजीय व्यंजक के रूप में दर्शाइए।
- **44.** (i) उपयुक्त सर्वसिमका का प्रयोग करके  $(-7)^3 + (5)^3 + (2)^3$  का मान ज्ञात कीजिए।
  - (ii) उस घन की विमाएँ ज्ञात करो जिसका आयतन व्यंजक  $4x^2 + 14x + 6$  से प्रदर्शित होता है।
- **45.** यदि a+b+c=0 हो तो  $\frac{(b+c)^2}{bc} + \frac{(c+a)^2}{ca} + \frac{(a+b)^2}{ab}$  का मान ज्ञात कीजिए।
- **46.** सरल कोजिए:  $\frac{(a^2-b^2)^3+(b^2-c^2)^3+(c^2-a^2)^3}{(a-b)^3+(b-c)^3+(c-a)^3}$
- **47.** गुणनखण्ड कीजिए:  $(2a-b-c)^3 + (2b-c-a)^3 + (2c-a-b)^3$
- **48.** यदि बहुपद  $4x^3 16x^2 + ax + 7$ , x 1 से पूर्णतया विभाजित हो, तो a का मान ज्ञात कीजिए। इसका प्रयोग करते हुए बहुपद का गुणनखण्ड कीजिए।
- **49.** यदि  $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = -1$  जहाँ  $x \neq 0, y \neq 0$  तो  $x^3 y^3$  का मान ज्ञात कीजिए।
- **50.** सरल कोजिए:  $\frac{155 \times 155 + 155 \times 55 + 55 \times 55}{155 \times 155 \times 155 55 \times 55 \times 55}$

उत्तर और संकेत

1. (d) 
$$-7$$

**2.** (b) 
$$\sqrt{x} + 1$$

3. (b) 
$$\frac{2}{3}$$

**4.** (a) 
$$-9$$

**6.** 
$$x^2 + 4y^2 + z^2 + 4xy - 4yz - 2xz$$

9. 
$$(-19)^3$$

**12.** 
$$p + q + r = 9$$

$$(3-p)+(3-q)+(3-r)=0$$

$$(3-p)^3+(3-q)^3+(3-r)$$

$$=3(3-p)(3-q)(3-r)$$

**14.** 
$$f(1) + f(-1)$$

$$=(-2)+(-2)=-4$$

**15.** 
$$(-4) + (5) = 1$$

**16.** : , 
$$q\left(\frac{-1}{2}\right) = 1 \neq 0$$

$$\therefore r(x), q(x)$$
 का गुणज नहीं है।

**17.** बहुपद में 
$$x = 5$$
 रखिए।

**20.** 
$$3x + 2$$

**21.** 
$$(2x + \sqrt{3y})(4x^2 - 2\sqrt{3}xy + 3y^2)$$

**23.** 
$$(100 + 6)(100 - 6) = 9964$$

**24.** 
$$a = 5, b = -3$$

**28.** 
$$x^2 - xy + x - y$$

**29.** 
$$(8a+6b)^2$$

**30.** 
$$(x+1)(x+2)(x+3)$$

**32.** 
$$117a^3 - 133b^3$$

**34.** 
$$p^8 - \frac{1}{p^8}$$

**35.** 
$$(k-\sqrt{2})(7\sqrt{2}k+4)$$

**36.** 
$$-128y^3 - 216x^2y$$

**37.** 
$$4xy + 4xz$$

**38.** 
$$(5x + 2y + z) (25x^2 + 4y^2 + z^2 - 10xy - 2yz - 5zx)$$

**39.** 
$$a = 0, b = 1$$

**40.** 
$$a = -1$$

**41.** 
$$x = 27$$
,  $[a + b + c = 0$  हो तो  $a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$ ]

**43.** 
$$3x^2 - 19x + 20$$

**44.** (i) 
$$-210$$
, (ii) 2,  $(x+3)$ ,  $(2x+1)$ 

**46.** 
$$(a+b)(b+c)(c+a)$$

**47.** 
$$3(2a-b-c)(2b-c-a)(2c-a-b)$$

**48.** 
$$a = 5$$
,  $(x - 1)(2x + 1)(2x - 7)$ 

**50.** 
$$\frac{(155)^2 + 155 \times 55 + (55)^2}{(155)^3 - (55)^3} = \frac{(155)^3 - (55)^3}{(155 - 55) \left( (155)^3 - (55)^3 \right)}$$

$$\frac{1}{100} = 0.01$$

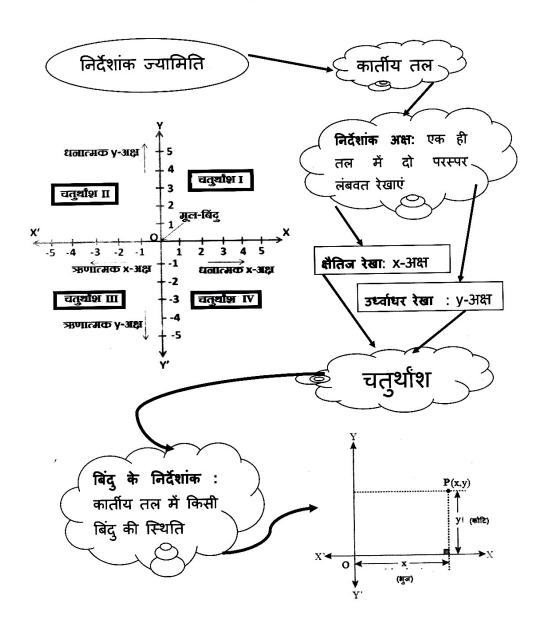
# अभ्यास परीक्षा

### बहुपद

समय : 1 hr.	M.M. 20

- **1.** दर्शाइये कि x = 1, बहुपद  $3x^2 4x^2 + 8x 7$  का एक शून्यक है। (1)
- **2.** x = -3 पर बहुपद 2x + 5 का मान ज्ञात कीजिए। (1)
- **3.** बहुपद  $x^2 4x + 3$  के शून्यक ज्ञात कीजिए। (2)
- **4.** यदि x + y + z = 6, xy + yz + zx = 11 है तो  $x^2 + y^2 + z^2$  का मान ज्ञात कीजिए। (2)
- 5. यदि 3x 4 बहुपद  $p(x) = 2x^3 11x^2 + kx 20$  का एक गुणनखण्ड है तो k का मान ज्ञात कीजिए। (3)
- **6.** गुणनखण्ड कीजिए:  $a^2 + b^2 + 2(ab + bc + ca)$  (3)
- 7. यदि a + b + c = 0 है तो निम्न का मान ज्ञात कीजिए:  $\frac{a^2}{bc} + \frac{b^2}{ca} + \frac{c^2}{ab}$  (4)
- **8.** गुणनखण्ड प्रमेय की सहायता से  $x^3 23x^2 + 142x 120$  का गुणनखण्ड ज्ञात कीजिए। (4)

अध्याय-3 निर्देशांक ज्यामिति माइंड मैप



# महत्वपूर्ण बिंदु

- निर्देशांक ज्यामिति, गणित की वह शाखा है, जिसमें हम कार्तीय तल में किसी वस्तु की स्थिति जात करते हैं।
- कार्तीय तल में दो परस्पर लंबवत् रेखाएँ xx' तथा yy' एक बिंदु O पर प्रतिच्छेद करती हैं। यह बिंदु O मूल-बिंदु कहलाता है।
- ये दो परस्पर लंबवत् रेखाएँ x-अक्ष और y-अक्ष, कार्तीय तल को चार चतुर्थांशों में विभाजित करती हैं।
- किसी बिंदु के निर्देशाँक कार्तीय-तल में उस बिंदु की स्थित को दर्शाते हैं। यह निर्देशाँक उस बिंदु की x-अक्ष तथा y-अक्ष से लंबवत दूरी के आधार पर निर्धारित किए जाते हैं।
- x-अक्ष से किसी बिंदु की लंबवत् दूरी कोटि (ordinate) तथा y-अक्ष से लंबवत् दूरी भुज (abscissa) कहलाती है।
- कार्तीय तल में कोई बिंदु P(a,b) के रुप में दर्शीया जाता है जहाँ (a,b) उस बिंदु के निर्देशांक हैं।

भुज (x) कोटि (y) बिंदु की स्थिति धनात्मक (+) धनात्मक (+) चतुर्थांश I धनात्मक (+) ऋणात्मक (-) चतुर्थांश IV ऋणात्मक (-) ऋणात्मक (-) चतुर्थांश III ऋणात्मक (-) धनात्मक (+) चतुर्थांश II

- x-अक्ष पर किसी बिंदु की स्थिति (x, 0) तथा y-अक्ष पर किसी बिंदु की स्थिति (0, y) द्वारा दर्शायी जाती है।
- यदि दो या अधिक बिंदुओं के भुज समान हों तो इन बिंदुओं को मिलाने वाली रेखा y-अक्ष के समांतर होती है।
- यदि दो या अधिक बिंदुओं की कोटि समान हो तो इन बिंदुओं को मिलाने वाली रेखा x-अक्ष के समांतर होती है।
  - नोट: यदि कोई बिंदु x-अक्ष अथवा y-अक्ष पर स्थित हो तो वह किसी भी चतुर्थांश में स्थित नहीं होता है।
- किसी बिंदु का दर्पण प्रतिबिंब उस बिंदु का किसी एक अक्ष के समक्ष प्रतिबिंब के समान मात्र है।

x-अक्ष में दर्पण प्रतिबिंब - भुज समान रहता है, कोटि का चिन्ह बदल जाता है। y-अक्ष में दर्पण प्रतिबिंब - भुज का चिन्ह बदल जाता है, कोटि समान रहती है। मूल बिंदु में दर्पण प्रतिबिंब - भुज तथा कोटि, दोनों के चिन्ह बदल जाते हैं।

	खण्ड (३	अ )
1.	किसी बिंदु का भुज उसकी दूरी होती है	:
	(a) x-अक्ष से	(b) y-अक्ष से
	(c) मूलबिंदु से	(d) इनमें से कोई नहीं
2.	किसी बिंदु का y-निर्देशांक उसकी दूरी	होती है:
	(a) x-अक्ष से	(b) y-अक्ष से
	(c) मूलबिंदु से	(d) इनमें से कोई नहीं
3.	वह बिंदु जिसके दोनों निर्देशांक ऋणात्म	क हैं, स्थित होगाः
	(a) चतुर्थांश I	(b) चतुर्थांश II
	(c) चतुर्थांश III	(d) चतुर्थांश IV
4.	यदि किसी बिंदु का भुज शून्य है, तो व	ह बिंदु सदैव स्थित है:
	(a) x-अक्ष पर	(b) y-अक्ष पर
	(c) मुलबिंदु पर	(d) चतुर्थांश I में
5.	यदि $x > 0$ , $y < 0$ हो तो बिंदु $(x - y)$	में स्थित है।
	(a) चतुर्थांश I	(b) चतुर्थांश Ⅱ
	(c) चतुर्थांश III	(d) चतुर्थांश IV
6.	बिंदु (a, 0) स्थित है	
	(a) x-अक्ष पर	(b) y-अक्ष पर
	(c) चतुर्थांश III में	(d) चतुर्थांश IV में

7.	चौथे चतुर्थांश में स्थित किसी बिंदु के भु	ज और कोटि के क्रमशः चिन्ह हैं:
	(a) +, +	(b) -, -
	(c) -, +	(d) +, -
8.	किसी बिंदु का भुज धनात्मक होता है:	
	(a) चतुर्थांश I और IV में	(b) केवल चतुर्थांश I में
	(c) चतुर्थांश I और II में	(d) चतुर्थांश I और III में
9.	वह बिंदु जो y-अक्ष की ऋणात्मक दिशा $i$ है, होगाः	में y-अक्ष पर 10 मात्रक की दूरी पर स्थित
	(a) (10, 0)	(b) (0, 10)
	(c) $(-10,0)$	(d) (0, -10)
10.	किसी रेखाखंड के अंतिम बिंदु प्रथम तथा है।	तृतीय चतुर्थांश में हैं। यह रेखाखंड गुजरता
	(a) मूलबिंदु से	(b) x-अक्ष से
	(c) y-अक्ष से	(d) चतुर्थांश II में
11.	वे बिंदु जिनके भुज और कोटि विभिन्न	चिन्हों के होते हैं, स्थित होंगे:
	(a) चतुर्थांश I और II में	(b) चतुर्थांश I और III में
	(c) चतुर्थांश II और III में	(d) चतुर्थांश II और IV में
12.	बिंदुओं $P(0,3), Q(1,0), R(0,-1), S(-5,x)$ -अक्ष पर स्थित नहीं है?	0) और $T(1,2)$ में से कौन-कौन से बिंदु
	(a) केवल $P$ और $R$	(b) केवल $Q$ और $S$
	(c) <i>P, R</i> और <i>T</i>	(d) <i>Q, S</i> और <i>T</i>
13.	यदि दो बिंदुओं $P$ और $Q$ के निर्देशांक क्र $-(Q$ का भुज) बराबर है:	मशः (-2,3) और (-3,5) हैं तो(P का भुज)
	(a) $-5$	(b) 1
	(c) -1	(d) -2

14.	बिंदु (1, 1), (1, -1), (-1, 1), (-1, -1)	
	(a) चतुर्थांश I में स्थित हैं	(b) चतुर्थांश III में स्थित हैं
	(c) चतुर्थांश I और III में स्थित हैं	(d) एक ही चतुर्थांश में स्थित नहीं हैं
15.	वह बिंदु, जहाँ दोनों निर्देशांक अक्ष मिल	ते हैं, कहलाता है:
	(a) भुज	(b) कोटि
	(c) चतुर्थांश	(d) मूलबिंदु
16.	मूलिबंदु के भुज और कोटि हैं:	
	(a) (1,0)	(b) (1, 1)
	(c) (0, 1)	(d) (0, 0)
17.	दोनों निर्देशांक अक्ष के बीच बनने वाला	कोण है:
	(a) शून्य कोण	(b) समकोण
	(c) न्यून कोण	(d) अधिक कोण
18.	x-अक्ष से बिंदु $p(-4,-3)$ की लांबिक दूरी	ो है:
	(a) −4 इकाई	(b) −3 इकाई
	(c) 4 इकाई	(d) 3 इकाई
19.	y-अक्ष से बिंदु $p(-7,2)$ की लांबिक दूरी	है:
	(a) −7 इकाई	(b) 7 इकाई
	(c) 2 इकाई	(d) −2 इकाई
20.	मूल बिंदु से बिंदु $P(3,4)$ की दूरी है:	
	(a) 3 इकाई	(b) 4 इकाई
	(c) 7 इकाई	(d) 5 इकाई

21.	बिंदुओं $A(-5, 0), B(0, -3), C(3, 0), D(0, -3)$ नजदीक हैं?	0,4) में से कौन-से बिंदु मूल बिंदु के
	(a) A	(b) <i>B</i>
	(c) D	(d) बिंदु $B$ और $C$ दोनों
22.	बिंदु (0,3) का y-अक्ष में दर्पण प्रतिबिंब	<del>है</del> :
	(a) $(0,-3)$	(b) (0, 3)
	(c) (3,0)	(d) (-3, 0)
रिक्त	स्थानों की पूर्ति कीजिए।	
23.	निर्देशांक अक्ष तल को चार भागों में विभक्त	करते हैं जो कहलाते हैं।
24.	यदि किसी बिंदु के निर्देशांक (-2, 5) हैं ते है।	। इसकी कोटि और भुज
25.	बिंदु (200, -111) चतुथ	र्गांश में स्थित है।
26.	y-अक्ष पर किसी बिंदु का भुज	होती है।
27.	x-अक्ष पर किसी बिंदु की कोटि	होती है।
28.	बिंदु $(0, 0)$ , $(0, 4)$ और $(4, 0)$ एक .	त्रिभुज बनाते हैं।
29.	यदि $(x, y)$ एक बिंदु को प्रदर्शित करता है त चतुर्थांश में स्थित होगा।	था $xy>0$ है तो बिंदुया
30.	बिन्दु $(3,-1)$ और $(-1,3)$ कार्तीय तल में . स्थान पर स्थित हैं।	(एक ही/अलग-अलग)
31.	यदि किसी बिंदु की कोटि 7 और -5 है तो	इसके निर्देशांक हैं।
32.	वह बिंदु, जिसका भुज $5$ है और वह $x$ -अक्ष हैं।	पर स्थित है, के निर्देशांक
33.	किसी बिंदु के निर्देशांक उसको कार्तीय तल मे	ं रुप से प्रदर्शित करते हैं।
34.	उस बिंदु के निर्देशांक, जो x-अक्ष की ऋणात पर स्थित है, हैं।	मक दिशा में x-अक्ष पर 6 मात्रक की दूरी
35.	दो बिंदुओं $P(0,-1)$ तथा $Q(2,1)$ के लिए $P(0,-1)$ तथा $Q(2,1)$ के लिए $P(0,-1)$	P का भुज $)-(Q$ का भुज $)$ का मान

36. दोनों अक्ष के मध्य बनने वाले कोण का माप ...... होता है।

- 37. निम्न बिंदु किस चतुर्थांश में स्थित हैं:
  - (i) (3, -2)

(ii) 17, -30)

(iii) (-2, 5)

(iv) (-50, -20)

(v) (10, 100)

- (vi) (-81, 80)
- 38. निम्न बिंदु किस अक्ष पर स्थित है:
  - (i) (11, 0)

(ii) (-11, 0)

(iii) (0, -100)

- (iv) (0, 14)
- 39. किसी बिंदु की भुज व कोटि क्रमश: -3 और -5 हों तो बिंदु के निर्देशांक लिखिए।
- **40.** क्या बिंदु P(7, 0) व Q(0, 7) समान बिंदु को प्रदर्शित करते हैं?
- **41.** निर्देशांक तल में x का मान किस चतुर्थांश में ऋणात्मक होता है?
- **42.** ग्राफ पेपर पर कार्तीय तल में बिंदुओं (0,0), (4,4) व (0,4) को निरूपण करने पर कौन-सी आकृति प्राप्त होती है?
- **43.** x > 0 a y > 0 के मान वाला बिंदु A(x, y) किस चतुर्थांश में स्थित होगा?
- **44.** यदि किसी वर्ग के तीन शीर्ष बिंदु (1, 2) (5, 2) (5, -2) हों तो चौथे शीर्ष बिंदु के निर्देशांक लिखिए।
- 45. यदि किसी बिन्दु का भुज धनात्मक हो और कोटि ऋणात्मक हो तो वह बिंदु किस चतुर्थांश में स्थित होगा?
- **46.** उस बिंदु के निर्देशांक लिखिए जिसकी x-अक्ष तथा y-अक्ष से लंबवत् दूरी क्रमश: 5 और 3 इकाई है तथा वह बिंदु दूसरे चतुर्थांश में स्थित है।
- 47. यदि किसी बिन्दु के दोनों निर्देशांक ऋणात्मक हैं तो वह बिन्दु किस चतुर्थांश में स्थित होगा?
- 48. उस बिन्दु के निर्देशांक लिखिए जहाँ पर दोनों अक्ष परस्पर प्रतिच्छेद करते हैं।
- **49.** यदि एक बिन्दु *x*-अक्ष से *x*-इकाई तथा *y*-अक्ष से *y*-इकाई दूरी पर स्थित है तो उस बिन्दु के निर्देशांक लिखिए।
- **50.** x-अक्ष पर स्थित उस बिन्दु के निर्देशांक लिखिए जो y-अक्ष से 5 इकाई दूरी पर स्थित है।
- **51.** y-अक्ष पर स्थित उस बिन्दु के निर्देशांक लिखिए जो x-अक्ष से 9 इकाई दूरी पर स्थित है।
- 52. कार्तीय तल में किस चतुर्थांश में भुज ऋणात्मक तथा कोटि धनात्मक होगी?

- **53.** बिन्दु A(-3, 0) किस अक्ष पर स्थित होगा?
- **54.** बिंदुओं (2, 4) और (2, -5) को जोड़ने वाली रेखा किस अक्ष के समांतर है?
- **55.** x-अक्ष के समक्ष बिन्दु (2,3) के दर्पण प्रतिबिंब के निर्देशांक ज्ञात कीजिए।
- **56.** y-अक्ष के समक्ष बिन्दु (-5,6) के दर्पण प्रतिबिंब के निर्देशांक ज्ञात कीजिए।
- **57.** बिंदु (-1, -4) का y-अक्ष के समक्ष दर्पण प्रतिबिंब किस चतुर्थांश में स्थित है?
- **58.** कोई बिंदु चतुर्थांश II में स्थित है। इस बिंदु का *x*-अक्ष के समक्ष दर्पण प्रतिबिंब किस चतुर्थांश में होगा?
- **59.** ऐसे दो बिंदुओं के निर्देशांक ज्ञात कीजिए जिनकी मूल बिंदु से दूरी समान हो तथा एक बिंदु x-अक्ष तथा दूसरा y-अक्ष पर है।
- **60.** वह चतुर्थांश बताएं जिसमें बिंदु A(x, y) स्थित होगा जबिक

- (b) x < 0 व y < 0
- **61.** एक कार्तीय तल के तृतीय चतुर्थांश में बनी आयताकार आकृति के निर्देशांक ज्ञात कीजिए जिसकी एक भुजा x-अक्ष पर p मात्रक लंबी है व दूसरी भुजा y-अक्ष पर q मात्रक चौड़ी है।
- **62.** एक कार्तीय तल में बिन्दुओं A(1,-1) व B(4,5) दर्शाएं व एक रेखाखण्ड द्वारा इन्हें मिलाएँ। किन्हीं दो बिंदुओं के निर्देशांक ज्ञात कीजिए जो A व B के बीच में स्थित हों।
- **63.** यदि हम कार्तीय तल पर बिंदुओं P(5,0), Q(5,5), R(-5,5) और S(-5,0) को जोड़ते हैं तो कौन सी आकृति प्राप्त होगी? इस आकृति की समिमित अक्ष को भी लिखिए।
- **64.** उस बिंदु के निर्देशांक लिखिए जो कि बिंदु (-4,0) और (4,0) से समदूरस्थ है। इस स्थिति को दर्शाने के लिए ऐसे कितने बिंदु संभव है?
- 65. एक आयताकार मैदान की लंबाई 10 इकाई व चौड़ाई 8 इकाई है। यदि इसका एक शीर्ष मूल बिंदु पर हो और लंबी भुजा x-अक्ष तथा एक शीर्ष प्रथम चतुर्थांश में स्थित हो तो इसके निर्देशांक ज्ञात कीजिए।
- **66.** बिंदुओं B(5,3), E(5,1), S(0,1) और T(0,3) को कार्तीय तल में जोड़ने पर प्राप्त आकृति का नाम लिखिए। आकृति का क्षेत्रफल भी ज्ञात कीजिए।

### अध्याय-3

# निर्देशांक ज्यामिति (उत्तर)

- 1. (b) y-अक्ष
- 3. (c) चतुर्थांश Ⅲ
- **5.** (d) चतुर्थांश IV
- 7. (c) –, +
- 9. (d) (0,-10)
- 11. (d) चतुर्थांश II और IV में
- **13.** (b) 1
- 15. (d) मूलबिंदु
- 17. (b) समकोण
- 19. (b) 7 इकाई
- **21.** (d) बिंदु B और C दोनों
- 23. चतुर्थांश
- **25.** IV
- **27.** 0
- 29. I, III
- **31.** (-5, 7)
- 33. अद्वितीय
- **35.** 2

- 2. (a) x-अक्ष
- 4. (b) y-अक्ष
- 6. (a) x-अक्ष पर
- 8. (c) चतुर्थांश I और II में
- 10. (a) मूल बिंदु से
- **12.** (a) केवल *P* और *R*
- 14. (d) एक ही चतुर्थांश में स्थित नहीं हैं।
- **16.** (d) (0, 0)
- 18. (d) 3 इकाई
- 20. (d) 5 इकाई
- **22.** (b) (0, 3)
- **24.** 5, –2
- **26.** 0
- 28. समद्विबाहु
- 30. अलग-अलग
- **32.** (5, 0)
- **34.** (-6, 0)
- **36.** 90°
- 37. (i) व(ii) चतुर्थांश IV (iii) व(vi) चतुर्थांश II (iv) चतुर्थांश III (v) चतुर्थांश I
- 38. (i) व(ii) x-अक्ष (iii) व(iv) y-अक्ष

**39.** (-3, -5)

40. नहीं क्योंकि भुज तथा कोटि के मान अलग हैं।

41. || व ||| में

42. त्रिभुज

43. चतुर्थांश I

**44.** (1, –2)

45. चतुर्थांश IV में

**46.** (-3, 5)

47. चतुर्थांश । में

**48.** (0, 0)

**49.** (y, x)

**50.** (5, 0)

**51.** (0, –9)

201 (3,0)

**53.** x-अक्ष पर

52. चतुर्थांश II में54. y-अक्ष के

**55.** (2, -3)

**56.** (5, 6)

57. चतुर्थांश IV में

- 58. चतुर्थांश III में
- **59.**  $(\pm a, 0), (0, \pm a)$  जहाँ a कोई वास्तविक संख्या है।
- **60.** (i) चतुर्थांश I

- (ii) चतुर्थांश III
- **61.** (0,0), (-p,0), (-p,-q), (0,-q)
- **62.** कोई भी दो बिंदु जिनमें भुज =4 तथा कोटि का मान-1 और 5 के बीच हो।
- **63.** आयत, *y*-अक्ष

- **64.** y-अक्ष पर कोई भी बिंदु, अनंत
- **65.** (0, 0), (10, 0), (10, 8), (0, 8)
- 66. आकृति-आयत

क्षेत्रफल: 10 वर्ग इकाई

# अभ्यास परीक्षा

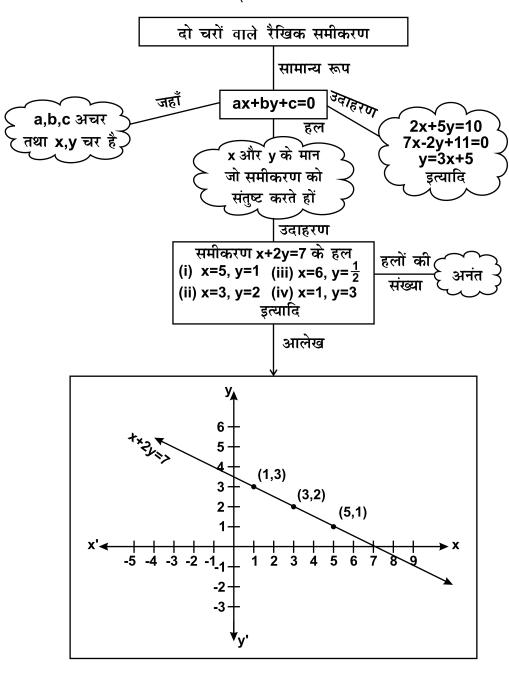
# निर्देशांक ज्यामिति

समय : 1 घंटा M.M. 20 बिंदु (x, y) किस चतुर्थांश में स्थित है? (जहाँ x एक धनात्मक संख्या है तथा y एक ऋणात्मक संख्या है) उस बिंदु के निर्देशांक लिखिए जो x-अक्ष से 5 मात्रक दूरी पर II चतुर्थांश में स्थित है। (1) **3.** x और y का मान ज्ञात कीजिए यदि (2) (a) (x-4, 7) = (4, 7)(b) (1, 2y - 3) = (1, 7)**4.** बिंदु (7, -6) की x-अक्ष से दूरी ज्ञात कीजिए। (2) निम्न बिंदु किस चतुर्थांश में स्थित हैं? (i) (4, -2)(ii) (-3, 7)(iii) (-1, -2)(iv) (3, 6)6. निम्न बिंदुओं का x-अक्ष के समक्ष दर्पण प्रतिबिंब लिखिए। (3) (-3,5)(2,0)(-4,-7)7. बिंदुओं O(0,0), A(4,0) और B(4,6) को देखिए। OA तथा AB की लंबाई ज्ञात कीजिए। यदि OABC एक आयत है तो चौथे बिंदु B के निर्देशांक आप किस प्रकार ज्ञात करेंगे? दो समबाहु त्रिभुजों ABC और ABD, जिसकी भुजा 2a है, का आधार AB, x-अक्ष पर इस

प्रकार स्थित है कि AB का मध्य बिन्दु मूल बिंदु पर है। C और D के निर्देशांक ज्ञात

कीजिए। (4)

अध्याय-4 दो चरों वाले रैखिक समीकरण माइंड मैप



# महत्वपूर्ण बिंदु

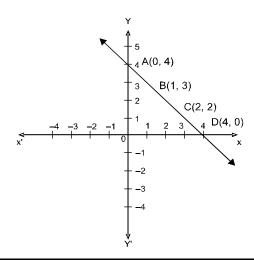
- एक चर में रैखिक समीकरण-एक समीकरण जिसे हम ax + b = 0,  $a \neq 0$  और a, b वास्तविक संख्याएं हैं, के रूप में लिख सके, एक चर में रैखिक समीकरण कहलाता है।
- दो चर में रैखिक समीकरण-कोई समीकरण जिसे हम ax + by + c = 0, जहाँ a, b और c वास्तविक संख्याएँ है और  $a, b \neq 0$ , के रुप में लिख सके, दो चर में रैखिक समीकरण कहलाता है।
- एक चर में रैखिक समीकरण का केवल एक हल होता है।

$$ax + b = 0 \Rightarrow x = -\frac{b}{a}$$

- दो चर में रैखिक समीकरण के अपरिमित रुप से अनेक हल होते हैं।
- दो चर में रैखिक समीकरण का आलेख एक सीधी रेखा ही बनती है।
- रेखा पर प्रत्येक बिंदु रेखा के समीकरण को संतुष्ट करता है।
- समीरकण का प्रत्येक हल रेखा पर स्थित एक बिंदु को दर्शाता है। इस प्रकार दो चर में एक रैखिक समीकरण का आलेखीय रुप एक रेखा होगी जिसका प्रत्येक बिंदु उसका हल होगा।
- आलेख (ग्राफ): x तथा y के युग्म में वे मान जो दिए गए समीकरण को संतुष्ट करते हैं दो चर में समीकरण के हल कहलाते हैं।

उदाहरण: x + y = 4

के अनेक हल (0, 4) (1, 3) (2, 2) (4, 0) इत्यादि हैं।



# अति-अति लघु उत्तरीय प्रश्न (1 अंक)

1.	निम्नलिखित	में	से	कौन-से	रैखिक	समीकरण	नहीं	हैं ?
----	------------	-----	----	--------	-------	--------	------	-------

(a) 
$$3x + 3 = 5x + 2$$

(b) 
$$x^2 + 5 = 3x - 5$$

(c) 
$$\frac{7}{3}x - 5 = 4x - 3$$

(d) 
$$(x+2)^2 = x^2 - 8$$

2. निम्नलिखित में से कौन-से दो चर वाले रैखिक समीकरण नहीं है?

(a) 
$$2x + 3y = 5$$

(b) 
$$3t + 2s = 6$$

(c) 
$$ax^2 + by = c$$

(d) 
$$ax + by = c$$

3. दो चर वाले रैखिक समीकरण के अधिकतम हल है:

4. ax + by + c = 0 का आलेख है:

5. यदि x = 1, y = 1 समीकरण 9ax + 12ay = 63 का एक हल है तो a का मान है:

(c) 
$$-3$$

6. x-अक्ष का समीकरण है:

(a) 
$$x = k$$

(b) 
$$x = 0$$

(c) 
$$y = k$$

(d) 
$$y = 0$$

7. y = x द्वारा आलेखित रेखा पर स्थित बिंदु के निर्देशांक है:

(a) 
$$(a, 0)$$

(b) 
$$(0, a)$$

(d) 
$$(a, -a)$$

8. x = 0 का आलेख एक रेखा है, जो है:

9. x = 2, y = 3 निम्नलिखित रैखिक समीकरण का एक हल है:

(a) 2x + y = 8

(b) x + 2y = 8

(c) x + y = 8

(d) -x + y = 8

10. रैखिक समीकरण 2x + 3y = 6 का आलेख एक रेखा है जो y-अक्ष को निम्न बिंदु पर मिलती है।

(a) (2,0)

(b) (3,0)

(c) (0, 2)

(d) (0,3)

**11.** किस बिंदु पर समीकरण 3x + 2y = 9 आलेख y-अक्ष पर काटेगा?

- 12. माना x, y के अनुक्रमानुपाती है। यदि x = 15 हो तो y = 5 है, समीकरण दीजिए।
- 13. रेखाओं x=2 और y=-3 का प्रतिच्छेदी बिंदु लिखिए।
- 14. बिंदु (3, -7) की x-अक्ष से दूरी लिखिए।
- 15. बिंदु (-5, -4) की y-अक्ष से दूरी लिखिए।
- **16.** समीकरण  $\sqrt{2x-4} = 5y$  को ax + by + c = 0 के रुप में व्यक्त कीजिए। a, b और c का मान लिखिए।
- **17.** समीकरण 3x + 4y = 7 में x का मान y के रुप में व्यक्त कीजिए।
- **18.** समीकरण 3y + 5x = a में y का मान x के रुप में व्यक्त कीजिए।
- **19.** बिंदु (9, 0) किस अक्ष पर स्थित है?
- **20.** x + y = 5 का एक हल ज्ञात कीजिए जो y-अक्ष पर स्थित है।
- **21.** समीकरण 5y = 9 को दो चर वाले रैखिक समीकरण के रूप में लिखिए।
- 22. x-अक्ष के समांतर तथा मूल बिंदु से 2 इकाई ऊपर स्थित एक रेखा का समीकरण लिखिए।
- 23. जाँचिए क्या (1, -2) बिंदु, समीकरण 2x y = 6 का हल है?
- **24.** जाँचिए क्या x = 2 और y = -2 समीकरण 2x y = 6 का हल है?
- **25.** समीकरण y = 5x + 2 के कितने हल है?
- **26.** K, का वह मान ज्ञात कीजिए जिसके लिए x = -1, y = 1 समीकरण Kx 2y = 0 का एक हल हैं।
- 27. यदि समीकरण 2x + Ky = 10K का ग्राफ x-अक्ष को बिंदु (5,0) पर प्रतिच्छेद करता है तो K का मान ज्ञात कीजिए।

- 28. रैखिक समीकरण 4x = 6 का आलेख किस अक्ष के समांतर है?
- **29.** समीकरण 2x y = 6 का आलेख x-अक्ष को किस बिंदु पर काटता है?
- **30.** समीकरण x + 3 = 0 का आलेख, y-अक्ष के किस ओर स्थित है?
- **31.** समीकरण 2y 1 = 0 का आलेख, *x*-अक्ष के किस ओर स्थित है?

### रिक्त स्थानों की पूर्ति कीजिए

- **32.** (a) x-अक्ष के समांतर रेखा की समीकरण ..... = a है। (जहाँ  $a \neq 0$ )
  - (b) y-अक्ष के समांतर रेखा की समीकरण ..... = a है। (जहाँ  $a \neq 0$ )
- 33. प्रत्येक दो चरों वाले रैखिक समीकरण का आलेख ...... होती है।
- **34.** ax + b = 0 के रुप का समीकरण, जहाँ a, b वास्तविक संख्याएँ और  $a \neq 0$  है, का एक चर में ज्यामितीय निरुपणअ ...... है।
- **35.** समीकरण 2(x+y)-x=7 में x का गुणांक ...... है।
- 36. बताइये कि निम्नलिखित कथन सत्य हैं या असत्य।
  - (a) रैखिक समीकरण 7x + 9y = 8 का एक अद्वितीय हल है।
  - (b) सभी बिंदु (2, 0), (-3, 0), (4, 2), x-अक्षपर स्थित हैं।
  - (c) x = -5, y-अक्ष के समांतर एक रेखा जो y-अक्ष के बाँयी ओर 5 मात्रक की दूरी पर स्थित है, को निरुपित करता है।
  - (d) यह आवश्यक नहीं है कि प्रत्येक दो चर वाले रैखिक समीकरण का आलेख एक रेखा हो।
  - (e) रैखिक समीकरण x + 2y = 5 का आलेख बिंदु (0, 5) से गुजरता है।

# अति लघु उत्तर वाले प्रश्न (2 अंक)

- **37.** समीकरण 2x + y = x + 5 के दो हल ज्ञात कीजिए।
- **38.** हल x=2, y=3 के लिए समीकरण 5x+3 Py=4a से p का मान ज्ञात कीजिए।
- **39.** यदि बिंदु A(3,5) तथा B(1,4) रेखा ax + by = 7 के आलेख (ग्राफ) पर स्थित है तो a का मान ज्ञात कीजिए।
- **40.** बिना आलेख बनाए उस बिंदु के निर्देशांक ज्ञात कीजिए जहाँ समीकरण 5x + 2y = 10 का आलेख दोनों अक्ष को काटता है।

- 41. बिंदु (3, 10) से गुजरती हुई दो रेखाओं के समीकरण लिखिए।
- 42. एक रंगीन कागज का मूल्य, एक सफेद कागज के मूल्य के एक तिहाई से ₹7 अधिक है। इस कथन को दो चरों में रैखिक समीकरण के रुप में व्यक्त कीजिए।
- **43.** समीकरण x + y = 5 का ग्राफ बनाइए।
- **44.** समीकरण 2x y = 6 का आलेख किन चतुर्थांशों से गुजरता है?
- **45.** समीकरण 3x 2 = x 3 के निम्न पर कितने हल हैं:
  - (i) संख्या रेखा
  - (ii) कार्तिय तल
- **46.** उन बिंदुओं को ज्ञात कीजिए जहाँ समीकरण x + y = 4 का आलेख ऐसी रेखा पर मिलता है जो:
  - (i) y-अक्ष के समांतर हो, मूल बिंदु से 3 इकाई धनात्मक y-अक्ष की ओर।
  - (ii) y-अक्ष के समांतर हो, मूल बिंदु के बांयी ओर 2 इकाई दूरी पर।

## लघु उत्तर वाले प्रश्न (3 अंक)

- 47. बकरियों और मुर्गियों के एक झुंड में कुल पैरों की संख्या 40 है। इस स्थिति को दो चरों वाले रैखिक समीकरण के रूप में दर्शाइए।
- **48.** यदि 6ax + by = 24 बिंदुओं (2, 0) और (1, 2) से गुजरती हो, तो a और b का मान ज्ञात कीजिए।
- **49.** समीकरण 2x + 5y = 19 के ग्राफ पर वह बिंदु ज्ञात कीजिए जिसमें कोटि, भुज का  $1\frac{1}{2}$  गुना है।
- **50.** वह बिंदु ज्ञात कीजिए, जहाँ समीकरण 2x = 1 5y का ग्राफ x-अक्ष और y-अक्ष पर काटता है।
- 51. x-अक्ष के समांतर एक रेखा की समीकरण लिखिए जोकि मूल बिंदु से 4 इकाई ऊपर हो।
- **52.** यदि बिंदु A(4,6) तथा B(1,3) ग्राफ ax + by = 8 पर स्थित हैं, तो a और b का मान ज्ञात कीजिए।
- **53.** a का मान ज्ञात कीजिए जब (1,-1) समीकरण 2x + ay = 5 का हल है। इस समीकरण के दो और हल लिखिए।
- **54.** रैखिक समीकरण 4x + 5y = 28 के दो हल ज्ञात कीजिए तथा जाँच कीजिए कि (-2, 10) इस समीकरण का हल है।

- **55.** उस रेखा का समीकरण लिखिए जो (3, -3) और (6, -6) से गुजरती है।
- **56.** यदि x = 3k 2, y = 2k, समीकरण, 4x 7y + 12 = 0 का एक हल है तो K का मान ज्ञात कीजिए।
- **57.** यदि बिंदु (m-2, 2m+1) समीकरण, 2x + 3y 10 = 0 पर स्थित हो तो m का मान ज्ञात कीजिए।
- **58.** F = (9/5)C + 32 यहाँ F फारेनहाइट में तापमान है तथा  $C^{\circ}$  सेलिसियस में तापमान है।
  - (i) यदि तापमान  $35^{\circ}C$  है तो फारेनहाइट में तापमान क्या होगा?
  - (ii) यदि तापमान  $30^{\circ}C$  है तो फारेनहाइट में तापमान क्या होगा?
- **59.** समीकरण 2x + 3y = 6 का आलेख खींचिए। उन बिंदुओं के निर्देशांक ज्ञात कीजिए जहाँ रेखा x-अक्ष और y-अक्ष को काटती है।
- **60.** समीकरण 3x + 4y = 12 का आलेख खींचिए। यदि x = 8 हो, तो आलेख की सहायता से y का मान ज्ञात कीजिए।
- **61.** एक ही ग्राफ पेपर पर y = x और 2y = -5x का आलेख खींचिए।
- **62.** समीकरण 5x + 7 = 0 का ज्यामितिय निरुपण कीजिए।
  - (i) एक चर में (ii) दो चरों में
- **63.** समीकरण 2y x = 7 का आलेख खींचिए। आलेख की सहायता से जांचिए कि क्या x = 3 और y = 2 समीकरण का हल है।
- **64.** रैखिक समीकरण 3x-y=4 का आलेख खींचिए। यदि आलेख बिंदुओं (p,-4) और (3,q) से गुजरता है तो p और q का मान ज्ञात कीजिए।
- **65.** एक ही ग्राफ पेपर पर समीकरण 2x + 3y = -5 और x + y = -1 के आलेख खींचिए। इनके प्रतिच्छेदी बिंदु के निर्देशांक लिखिए।
- **66.** दिखाइए कि बिंदु A(1,-1)B(2,6) और C(0,-8) समीकरण 7x-y=8 के आलेख पर स्थित हैं।

# दीर्घ उत्तरीय प्रश्न (5 अंक)

- **67.** 3y = 8x को ax + by + c = 0 के रुप में लिखिए। a, b और c के मान भी ज्ञात कीजिए। समीकरण के दो हल भी दीजिए। आप कितने और हल ज्ञात कर सकते हैं?
- 68. रोहन व रिमता जो कक्षा नवीं के विद्यार्थी है, कक्षा की सफाई के लिए ₹ 25 जमा करने का निर्णय लेते हैं। इसे दो चरों वाले रैखिक समीकरण के रुप में व्यक्त कीजिए व आलेख खींचिए।

- **69.** सारिका बाल-दिवस के अवसर पर चॉकलेट बॉटती है। वह प्रत्येक बच्चे को 5 चॉकलेट देती है तथा व्यस्कों को कुल 20 चॉकलेट देती है। यदि बच्चों की संख्या x तथा कुल बांटी गई चॉकलेट को y दर्शाया गया है तो
  - (i) इसको दो चरों वाले रैखिक समीकरण द्वारा दर्शाइए।
  - (ii) यदि उसने कुल 145 चॉकलेट बांटी तो बच्चों की संख्या ज्ञात कीजिए।
- **70.** प्रियंका और आरती ने विधवाओं हेतु ₹1600 अंशदान करने का निश्चय किया। प्रियंका के अंशदान को x मानकर व आरती के अंशदान को y मानकर
  - (i) इसके दो चरों वाले रैखिक समीकरण में व्यक्त कीजिए।
  - (ii) यदि प्रियंका, आरती से तिगुना दान करती है, तो दोनों द्वारा किया अंशदान ज्ञात कीजिए।
- 71. रिया अपने साथियों के साथ विकलांग बच्चों की संस्था में दान हेतु दिवाली मेले में भाग लेती हैं। मेले में जमा हुई राशि में से ₹3600 वे संस्था में दान करती हैं। यदि प्रत्येक लड़की द्वारा ₹150 व प्रत्येक लड़के द्वारा ₹200 दान किए जाते हैं
  - (i) इसको दो चर वाले रैखिक समीकरण में व्यक्त कीजिए।
  - (ii) यदि लड़िकयों की संख्या 8 हो तो लड़को की संख्या ज्ञात कीजिए।
- 72. आफताब एक कार को 60 किमी. प्रति घंटा की समान गति से चला रहा है। कुल दूरी को y किमी मानते हुए और कुल समय x घंटे मानते हुए एक रैखिक समीकरण बनाइये। आलेख खीचिंए। आलेख से निम्न को बताइये।
  - (i) 90 मिनट में तय की गई दूरी।
  - (ii) 150 किमी. की दूरी तय करने में लगा समय।
- 73. एक प्राइवेट पार्किंग एक कार को पार्क करने में शुल्क ₹20 पहले घंटे के और प्रत्येक अगले घंटे के ₹10 लेता है। कुल पार्किंग शुल्क को ₹y लेकर और कुल पार्किंग समय को x घंटे लेते हुए एक रैखिक समीकरण बनाइये। इसे ax + by + c = 0 के रुप में लिखकर a, b और c का मान ज्ञात कीजिए। इसके लिए आलेख भी खींचिए।
- 74. हम जानते है कि  $C = 2\pi r$ ,  $\pi = \frac{22}{7}$  लेकर परिधि को इकाई और त्रिज्या को इकाई लेते हुए एक रैखिक समीकरण बनाइए। इसका आलेख बनाइए। जांचिए क्या (0, 0) एक आलेख पर स्थित है? आलेख से परिधि ज्ञात कीजिए जब त्रिज्या 2.8 इकाई हो।

#### अध्याय-4

# दो चरों वाले रैखिक समीकरण

# उत्तर व संकेत

1. (b) 
$$x^2 + 5 = 3x - 5$$

**2.** (c) 
$$ax^2 + by = c$$

**6.** (d) 
$$y = 0$$

7. (c) 
$$(a, a)$$

**9.** (b) 
$$x + 2y = 8$$

**12.** 
$$y = 3x$$

**16.** 
$$\sqrt{2x-5y-4}=0$$

$$a = \sqrt{2}$$
,  $b = -5$ ,  $c = -4$ 

17. 
$$x = \frac{7 - 4y}{3}$$

**18.** 
$$y = \frac{9-5x}{3}$$

- **19.** x-axis
- **20** (0, 5)
- **21.** ox + 5y = 9
- **22.** y = 2
- **23.** No
- **24.** Yes
- 25. अनंत अनेक हल
- **26.** K(-1)-2(1)=0

$$k = -2$$

**27.** 2(5) + k(0) = 10k

$$k = 1$$

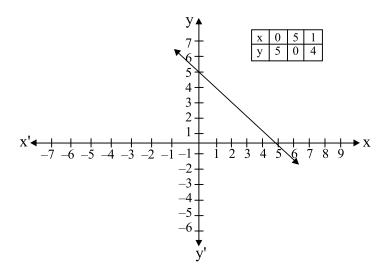
- 28. y-अक्ष के समांतर
- **29.** (3, 0)
- 30. बाँइ ओर
- 31. दाँई ओर
- **32.** (a) *y* 
  - (b) *x*
- 33. सरल रेखा
- 34. संख्या रेखा पर एक बिंदु
- **35.** 1
- **36.** (a) F (b) F (c) T (d) F (e) F
- **37.** (1, 4) (0, 5) (या कोई अन्य)
- **38.** क्योंकि x = 2, y = 3 एक हल है

$$5(2) + 3p(3) = 4a$$

$$10 + 9p = 4a$$

$$p = \frac{4a - 10}{9}$$

- **39.** 3a + 5b = 7; a + 4b = 7 3(7 - 4b) + 5b = 7b = 2, a = -1
- **40.** 5x 2y = 10 का ग्राफ x-अक्ष को काटेगा जब y = 0 अर्थात  $5x 2(0) = 10 \Rightarrow 5x = 10$  x = 2 1अतः समीकरण x-अक्ष को बिंदु (2,0) पर कटेगा। इसी प्रकार y-अक्ष के लिए x = 0 ie 5(0) 2y = 10 y = -5 अतः बिंदु (0, -5)
- **41.** 3x y + 1 = 0, x + y = 13 (या कोई अन्य समीकरण)
- **42.** माना रंगीन कागज का मूल्य = ₹ x और सफेद कागज का मूल्य = ₹ y,  $x = 1/3 \ y + 7$  या 3x = y + 21
- **43.** x + y = 5



**44.** I, IV, III

**45.** (i) 
$$3x - 2 = x - 3$$

$$x = -\frac{1}{2}$$

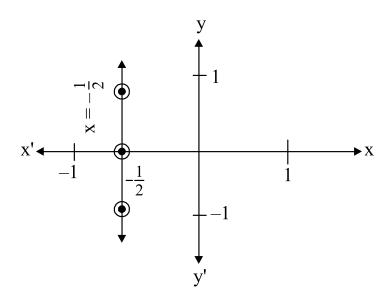
संख्या रेखा पर एक ही हल

$$x = -\frac{1}{2}$$

$$-1 \qquad 0$$

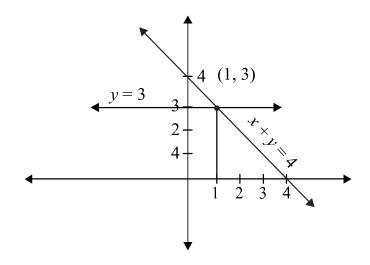
(ii) कार्तियन तल पर अपरिमित रुप से अनेक हल होगें ie.  $1.x + 0.y = -\frac{1}{2}$ 

x	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$
У	-1	0	1

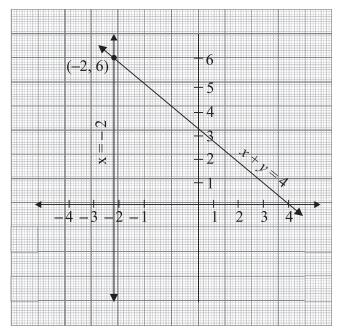


(y-अक्ष के समांतर एक रेखा)

# **46.** (i) (1, 3)



(ii) (-2, 6)



**47.** माना बकरियां की संख्या = x और माना मुर्गियों की संख्या = y

$$4x + 2y = 40$$

या

$$2x + y = 20$$

**48.** 6a(2) + b(0) = 24

$$12a = 24$$

$$a = 2$$

$$6(2)(1) + b(2) = 24$$

$$12 + 2b = 24$$

$$2b = 12$$

$$b = 6$$

**49.** माना वांछित बिंदु है (x', y')

$$A/Qy' = 1\frac{1}{2}x' = \frac{3}{2}x'$$
 ----- (1)

(x', y') समीकरण 2x + 5y = 19 के ग्राफ पर है

$$2x' + 5y' = 19$$
 -----(2)

(1) & (2) से

$$2x' + 5\left(\frac{3}{2}x'\right) = 19$$
$$4x' + 15x' = 38 \Rightarrow x' = 2$$
$$y' = \frac{3}{2} \times 2 = 3$$

वांछित बिंदु होगा (x', y') ie (2, 3)

**50.** x-अक्ष: 
$$\left(\frac{1}{2},0\right)$$

y-अक्ष: 
$$\left(0,\frac{1}{5}\right)$$

**51.** 
$$y = 4$$

**52.** 
$$4x + 6b = 8$$

या 
$$2a + 3b = 4$$
  
 $a + 3b = 8$   
 $a = -4 \& b = 4$ 

**53.** 
$$2(1) + a(-1) = 5$$

$$-a = 3$$

$$a = -3$$

$$2x - 3y = 5,$$
 कोई दो हल

[या कोई अन्य]

$$(-2, 10)$$

$$4x + 5y = 28$$

L.H.S. ≠ R.H.S

 $\Rightarrow$  (-2, 10) समीकरण 4x + 5y = 28 का हल नहीं है।

**55.** 
$$x + y = 0$$

**56.** 
$$4[3k-]-7[2k]+12=0$$
  
  $12k-8-14k+12=0$   
  $k=2$ 

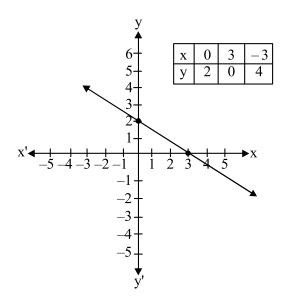
57. 
$$2[m-2] + 3[2m+1] - 10 = 0$$
  
 $2m-4+6m+3-10 = 0$   
 $m = \frac{11}{8}$ 

**58.** (i) 
$$F = \left(\frac{9}{5}\right)C + 32$$
  $C = 35^{\circ}$ 

$$F = \left(\frac{9}{5}\right)(35) + 32$$

$$F = 95^{\circ} \, \mathrm{F}$$

**59.** 
$$2x + 3y = 6$$



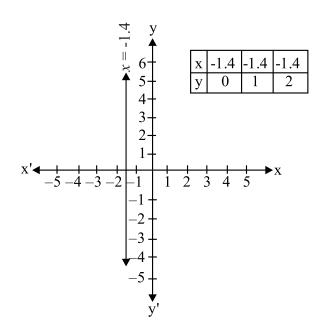
x-अक्ष: (3, 0)

y-अक्ष: (0, 2)

**60.** 
$$y = -3$$

62. 
$$x = \frac{-7}{5}$$
 or  $x = -1.4$ 

(i)  $\begin{array}{c|c}
-1.4 \\
-2 & -1 & 0 & 1 & 2
\end{array}$ 



63. नहीं

**64.** 
$$3x - y = 4$$
 का ग्राफ  $(p, -4)$  से गुजरता है।

$$\Rightarrow (p, -4)$$
 समीकरण  $3x - y = 4$ 

के ग्राफ जो कि एक सीधी रेखा है, पर स्थित है जब

$$y = -4$$
 तब  $x = 0$ 

$$\Rightarrow p = 0$$

इसी प्रकार (3,q) भी इस रेखा पर है इसलिए

$$x = 3, y = 5$$

$$\Rightarrow q = 5$$

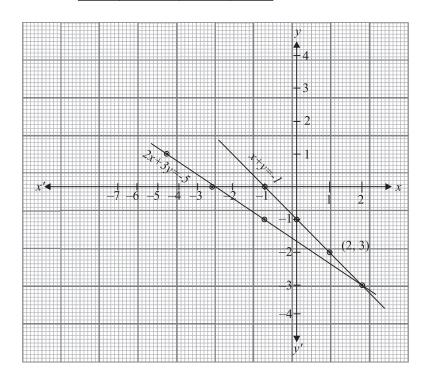
**65.** 
$$2x + 3y = -5$$

$$\Rightarrow x = \frac{-5 - 3y}{2} \dots (1)$$

х	-2.5	-4	-1
У	0	1	-1

$$x + y = -1$$

x	0	-1	1
У	-1	0	-2



प्रच्छिदी बिंदु होगा (2, -3)

**67.** 
$$8x - 3y + 0 = 0$$
;  $x = \frac{3y}{8}$   $(0,0)(3,8)$ 

**68.** x + y = 25 [यहाँ x-रोहन की राशि, y-रिमता की राशि]

**69.** (i) 
$$5x + 20 = y$$

**70.** (a) 
$$x + y = 1600$$

(b) Priyanka = ₹ 1200 [: 
$$x = 3y$$
]

**71.** (a) 
$$150x + 200y = 3600$$

(b) Number of boys = 
$$12$$

72. 
$$\overline{\eta} = \frac{\overline{q} \overline{\chi}}{\overline{\eta}}$$

$$y = 60x$$

$$\left[ \because x = 90 \text{ min} = \frac{90}{60} \text{ hr} = \frac{3}{2} \text{ hr} \right]$$
 (ii) 2 hours 30 min.

**73.** 
$$10x + 20 = y$$

$$10x - y + 20 = 0$$

$$a = 10$$
;  $b = -1$ ;  $c = 20$ 

**74.** 
$$y = 2\pi^x$$

yes

when

$$r = 2.8 \,\mathrm{units}$$

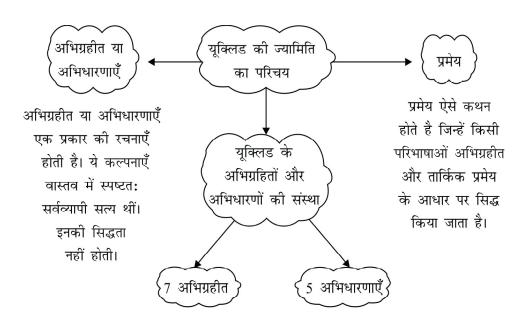
$$c = 17.6 \,\mathrm{units}$$

# अभ्यास परीक्षा

# दो चरों वाले रैखिक समीकरण

समर	यः 1 घंटा	M.M. 20
1.	समीकरण $2y = 5$ का ग्राफ किस अक्ष के समांतर होगा?	(1)
2.	एक रैखिक समीकरण लिखिए, जिसका ग्राफ y-अक्ष के समांतर हो और मूल और 3 इकाई की दूरी पर हो।	। बिंदु से बाँइ (1)
3.	यदि रेखा $5bx - 3ay = 30$ बिंदुओं $(-1, 0)$ और $(0, -3)$ से गुजरती हो तो तमान ज्ञात कीजिए।	a और $b$ का (2)
4.	(2, -3) से गुजरने वाली कोई दो रेखाओं के समीकरण लिखिए।	(2)
5.	समीकरण $x+\sqrt{3}y=4$ को $ax+by+c=0$ के रूप में व्यक्त कीजिए औ का मान बताइए। $x$ को $y$ के रूप में भी व्यक्त कीजिए।	र <i>a, b</i> और <i>c</i> (3)
6.	समीकरण $2x + y = 4$ के वे हल ज्ञात कीजिए जो उस बिंदु को दर्शाते हैं	जो
		(3)
	(i) x-अक्ष पर	
	(ii) y-अक्ष पर	
	(iii) x-अक्ष से 3 इकाई को लंबवत् दूरी पर हो।	
7.	रैखिक समीकरण का ज्यामितीय निरुपण कीजिए: $2x+5=0$	(4)
	(a) एक चर में (b) दो चरों में	
8.	एक टैक्सी, पहले एक किलोमीटर की यात्रा के लिए ₹ 15 ओर इसके बाद प्र ₹ 8 वसूलती है। $x  \mathrm{km}$ दूरी की यात्रा तय करने के लिए ₹ $y$ अदा करने पड़ते को दर्शाने के लिए एक रैखिक समीकरण लिखिए और आलेख खीचिए।	

# अध्याय-5 यूक्लिड ज्यामिति माइंड मैप



#### महत्वपूर्ण बिन्द्

- भूमिका: 'यूक्लिड की ज्यामिति' जो हम पढ़ते है वह यूक्लिड की देन है। ये ज्यमिति के पिता के नाम से जाने जाते हैं। यूक्लिड का गणित के विभिन्न क्षेत्रों जैसे संख्या पद्धित और खगोल शास्त्र में बड़ा योगदान है।
- अभिग्रहीत या अभिधारणाएँ: अभिग्रहीत या अभिधारणाएँ एक प्रकार की कल्पनाएँ होती है। ये कल्पनाएँ वास्तव में स्पष्टत: सर्वव्यापी सत्य थी। इनकी सिद्धता नहीं होती।
- प्रमेयः प्रमेय ऐसे कथन होते हैं जिन्हें परिभाषाओं, अभिग्रहीतों और तार्किकताओं के आधार पर सिद्ध किया जाता है।

## यूक्लिड के कुछ अभिग्रहीतः

- वे वस्तुएँ जो एक ही वस्तु के समान हों एक दूसरे के समान होती हैं।
- 2. अगर बराबर को बराबर में जोड़े तो पूर्ण भी बराबर होते हैं।

- 3. अगर बराबर को बराबर में से घटाया जाए तो शेषफल भी बराबर होते हैं।
- 4. वे वस्तुएँ जो आपास में संपाती है, एक दूसरे के समान होती हैं।
- 5. पूर्ण अपने भाग से बडा होता है।
- एक ही वस्तुओं के दुगुने आपस में समान होते हैं।
- 7. एक ही वस्तुओं के आधे आपस में समान होते हैं।

#### यूक्लिड की अभिधारणाएँ

- अभिधारणा:1 एक बिंदु से एक अन्य बिंदु तक सीधी रेखा खींची जा सकती है।
- अभिधारणा:2 एक सांत रेखा को अनिश्चित रुप से बढ़ाया जा सकता है।
- अभिधारणा:3 किसी बिंदु को केन्द्र मानकर तथा किसी त्रिज्या से एक वृत्त खींचा जा सकता है।
- अभिधारणा:4 सभी समकोण एक दूसरे के समान होते हैं।
- अभिधारणा:5 यदि एक सीधी रेखा दो सीधी रेखाओं पर गिरकर एक ही ओर अन्त:कोण इस तरह बनाए कि इन दोनों कोणों का योग मिलकर दो समकोणों से कम हो तो वे दोनों सीधी रेखाएँ अनिश्चित रुप से बढ़ाए जाने पर उसी ओर मिलती है जिस ओर यह योग दो समकोणों से कम होता है।

#### परिभाषाएँ

- 1. एक बिंदु वह है जिसका कोई भाग नहीं होता।
- 2. एक रेखा चौडाई रहित लंबाई होती है।
- 3. एक सीधी रेखा ऐसी रेखा है जो स्वयं पर बिंदुओं के साथ सपाट रुप से स्थित होती है।
- एक रेखा के सिरे बिंदु होते हैं।
- 5. एक पृष्ठ वह है, जिसकी केवल लंबाई और चौड़ाई होती है।
- एक समतल पृष्ठ ऐसा पृष्ठ है जो स्वयं पर सीधी रेखाओं के साथ सपाट रुप से स्थित होता है।
- 7. पृष्ठ के किनारे रेखाएँ होती है।

#### अति-अति लघु उत्तरीय प्रश्न (1 अंक)

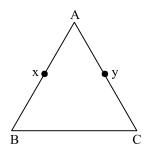
- 1. दो बिंदुओं सेः
  - (a) केवल एक रेखा खींची जा सकती है।

	(b) कोई रेखा नहीं खींची जा सकती	
	(c) एक से ज्यादा रेखाएं खींची जा सकती	है।
	(d) दो से अधिक रेखाएं खींची जा सकती ह	है।
2.	यूक्लिड के गणित के क्षेत्र में किये गये इ	गत कार्यों के आलेख को कहा जाता है:
	(a) तत्व	(b) सिद्धान्त
	(c) अभिधारणाएँ	(d) अभिग्रहीत
3.	वस्तुएं जो किसी समान वस्तु का दुगुना हो	ती हैं, आपस में
	(a) समान वस्तु का आधा होती है	(b) समान वस्तु का दुगुना होती है
	(c) बराबर होती है	(d) समान वस्तु कास चार गुना होती है
4.	वह गणितीय कथन जिसका सत्यापन तर्क	संगत रुप से स्थापित किया जा चुका हो <i>,</i>
	कहलाता है।	
	(a) सिद्धांत	(b) अभिधारणा
	(c) प्रमेय	(d) इनमें से कोई नहीं
5.	एक उभयनिष्ठ बिंदु वाली दो रेखाओं को	कहते हैं
	(a) समान्तर रेखाएं	(b) छेदक रेखाएं
	(c) संपाती रेखाएं	(d) इनमें से कोई नहीं
6.	के लिए सिद्धता की आवश्य प्रमेय)	वकता होती है। (अभिग्रहित, अभिधारणाएँ,
7.	तीन सरेखीय बिंदुओं से रेखाएँ खींची जा सकती है। (दो, तीन, केवल एक)	
8.	यूक्लिड के कथन के अनुसार अगर बराबर को बराबर में से घटाया जाए तो शेषफल भी बराबर होते है एक है। (अभिग्रहित, परिभाषा, अभिधारणा)	
9.	एक बिंदु कीविमाएं होती है।	
10.	यूक्लिड की अभिधारणाओं की संख्या	है।
11.	एक पृष्ठ (Surface) की विमाओं की संख्या	कितनी होगी?
12.	दी गई आकृति में यदि $AD = BC$ तो क्या $AC$	ट और <i>BD</i> समान हैं या नहीं?
	A D	C D

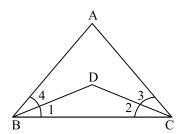
- 13. एक बिंदु से कितनी रेखाएं गुजर सकती हैं?
- 14. यूक्लिड की पाँचवी अभिधारणा को लिखिए।
- **15.** क a + b = 15 और a + b + c = 15 + c हो तो यह यूक्लिड की किस अभिग्रहित को दर्शाता है?

### अति लघु उत्तरीय प्रश्न (2 अंक)

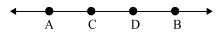
**16.** यदि x + y = 10 तथा x = z तो सिद्ध कीजिए कि z + y = 10



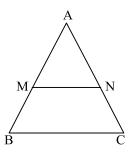
- 17. आकृति में AX = AY, Ab = AC तो सिद्ध कीजिए कि BX = CY
- 18. दी गई आकृति में यदि  $\angle ABC = \angle ACB$  और  $\angle 3 = \angle 4$  है तो सिद्ध कीजिए कि  $\angle 1 = \angle 2$



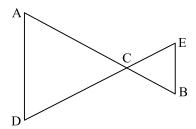
19. आकृति में AD = CB तो सिद्ध कीजिए कि AC = BD



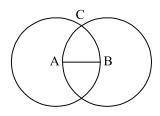
- **20.** समीकरण x-10=15, को हल कीजिए। आपने इसे हल करने में यूक्लिड की कौन सी अभिग्रहित प्रयोग की है?
- **21.** दी गई आकृति में  $AM = \frac{1}{2} AB$ ,  $AN = \frac{1}{2} AC$  और AM = AN तो सिद्ध कीजिए कि AB = AC



22. आकृति में AC = DC, तथा CB = CE तो सिद्ध कीजिए AB = DE



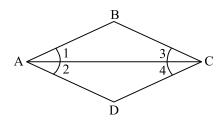
23. आकृति में, दो वृत जिनके केन्द्र A और B है, C पर काटते हैं। सिद्ध कीजिए कि AB = AC = BC



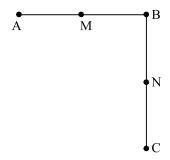
- 24. सिद्ध कीजिए कि किसी रेखाखण्ड का केवल और केवल एक मध्य बिंदु होता है।
- 25. कार्तिक और हिमांक का बराबर भार है। यदि प्रत्येक का भार 3 किलो बढ़ जाए, जो आप उनके नए भार की तुलना कैसे करेंगे? यूक्लिड के उस अभिग्रहित का कथन लिखिए जो यहाँ प्रयोग हुआ है।

लघु उत्तरीय प्रश्न (3 अंक)

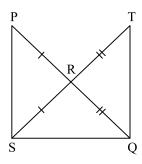
**26.** आकृति में  $\angle 1=\angle 2$  तथा  $\angle 2=\angle 3$  तो सिद्ध कीजिए कि  $\angle 1=\angle 3$  है।



27. दी गई आकृति में AB = BC तथा AB का मध्य बिंदु M और BC का मध्य बिंदु N है तो सिद्ध करो कि AM = NC



**28.** दी गई आकृति में PR = RS तथा RQ = RT है RQ = RT है। दर्शाइए PQ = ST है तथा इसका समिथन करते हुए यूक्लिड अभिग्रहित लिखें।



29. एक समबाहु त्रिभुज एक बहुभुज होता है जिसकी दो भुजाएँ तीसरी भुजा के समान होती है और प्रत्येक कोण का माप 60° होता है।

क्या आप यह सिद्ध कर सकते हैं कि समबाहु त्रिभुज के प्रत्येक कोण और प्रत्येक भुजाएँ समान होती हैं?

- 30. राम तथा श्याम कक्षा नवीं के विद्यार्थी हैं। मार्च के महीने में वे दोनो अंध विद्यालय को समान राशि दान करते हैं। अप्रैल मास में वे दोनों दान राशि को दुगुना कर देते हैं।
  - (a) दोनों की दान राशि की तुलना कीजिए।
  - (b) किस गणितीय विधि को प्रश्न में दर्शाया गया है?

#### उत्तर व संकेत

- 1. (a) केवल एक रेखा खींची जा सकती है
- 2. (a) तत्त्व
- 3. (c) बराबर
- 4. (a) सिद्धान्त
- 5. (b) छेदक रेखाएँ
- 6. प्रमेय
- 7. केवल एक
- 8. अभिग्रहित
- 9. शून्य
- 10. पाँच
- 11. दो
- 12. बराबर
- **13.** अनेक
- 14. अभिधारणा: 5- यदि एक सीधी रेखा दो सीधी रेखाओं पर गिरकर एक ही ओर अन्त:कोण इस तरह बनाए कि इन दोनों कोणों का योग मिलकर दो समकोणों से कम हो तो वे दोनों सीधी रेखाएँ अनिश्चित रुप से बढ़ाए जाने पर उसी ओर मिलती है जिस ओर यह योग दो समकोणों से कम होता है।
- 15. दूसरा अभिग्रहीत

**16.** 
$$x + y = 10$$
 ...(1)

समीकरण (1) में से दोनों तरफ y घटाने पर

$$x + y - y = 10 - y$$
 [अभिग्रहीत 3 से]  
 $z = 10 - y$  [समीकरण 2 से]

दोनों तरफ y जोड़ने पर

$$z + y = 10 - y + y$$
 [अभिग्रहीत 2 से]  
 $z + y = 10$ 

**17.** AB = AC

$$AX = AY$$

**18.**  $\angle ABC = \angle ACB$ 

यूक्लिड के अभिग्रहीत 3 के अनुसार यदि बराबर को बराबर से घटाया जाए तो शेषफल भी बराबर होते है। समीकरण (2) को समीकरण (1) से घटाने पर

$$AB - AX = AC - AY$$

$$BX = CY$$
--- (1)
$$\angle 4 = \angle 3 \qquad ...(2)$$

समीकरण (2) – समीकरण (1)

$$\angle ABC = \angle 4 = \angle ACB = \angle 3$$
 [अभिग्रहीत 3]  $\angle 1 = \angle 2$ 

**19.** AD = CB

$$AC + CD = CD + DB$$

CD को दोनों तरफ घटाने पर

$$AC + CD - CD = CD + DB - CD$$
 (अभिग्रहीत 3 से)  
 $AC = DB$ 

**20.** x - 10 = 15

दोनों तरफ 10 जोड़ने पर

$$x - 10 + 10 = 15 + 10$$
 [अभिग्रहीत 2 से]  
 $x = 25$ 

**21.** दिया है 
$$AM = \frac{1}{2} AB$$
 ...(i)

$$AN = \frac{1}{2} AC \qquad ...(ii)$$

$$AM = AN$$
 ...(iii)

समीकरण (1), (2), (3) से

$$\frac{1}{2} AB = \frac{1}{2} AC$$

AB = AC

[अभिग्रहीत 6 से]

**22.** 
$$AC = DC$$

$$AC = DC$$

...(1)

$$CB = CE$$
 ...(2)

यूक्लिड के अभिग्रहीत (2) के अनुसार

अगर बराबरों को बराबर में जोड़े तो पूर्ण भी बराबर होते है।

समीकरण (1) + समीकरण (2)

$$AC + CB = DC + CE$$

$$AB = DE$$

**23.** 
$$AB = AC$$

$$AB = AC$$

...(1) [एक ही वृत्त की त्रिज्याएं]

$$BC = AB$$

...(2) [एक ही वृत्त की त्रिज्याएं]

समीकरण (1) और (2) से

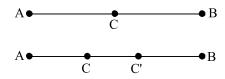
$$AB = AC = BC$$

[अभिग्रहीत 1 से]

**24.** C रेखाखण्ड AB का मध्य बिंदु है

$$AC = BC$$

माना C और C दो AB के मध्य बिंदु है



तब

$$AC = \frac{1}{2} AB$$
  $AC = \frac{1}{2} AB$ 

 $\Rightarrow$ 

$$AC = AC'$$

[अभिग्रहीत 1 से]

यह केवल तब ही संभव है जब ८' और ८' संपाती है।

अतः C और C एक ही है।

25. कार्तिक का भार = हिमांक का भार

कार्तिक का भार +3 kg = [अभिग्रहीत 2 सो]

उनके नए भार बराबर होगें क्योंकि यूक्लिड के अभिग्रहीत 2 के अनुसार अगर बराबर को बराबर में जोड़े तो पूर्ण भी बराबर होते हैं।

**26.** 
$$\angle 1 = \angle 2$$

**---** (1)

--- (2)

$$\angle 2 = \angle 3$$

समीकरण (1) और (2) से

$$\angle 1 = \angle 3$$

[अभिग्रहीत 1से]

**27.** AB = BC

$$AM + BM = BN + CN$$
$$2AM = 2CN$$

[M] और N क्रमश: AB और BC के मध्यबिंदु है]

$$AM = CN$$

[यूक्लिड के अभिग्रहीत 6 से]

**28.** 
$$PR = RS$$

--- (1)

$$RQ = RT$$

--- (2)

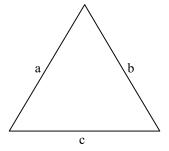
समीकरण (1) + समीकरण (2)

$$PR + RQ = RS + RT$$

$$PQ = ST$$

[अभिग्रहीत 2 से]

29.



a = b and b = c

 $\Rightarrow \qquad \qquad a = b = c \tag{3}$ 

[अभिग्रहीत 1 से]

एक त्रिभुज की सभी भुजाएं बराबर है चूंकि समबाहु त्रिभुज के सभी कोण  $60^\circ$  के होते है तो सभी कोण बराबर होगें।

- **30.** राम ने मार्च में दान की राशि = श्याम ने मार्च में दान की राशि --- (1)
  - राम ने अप्रैल में दान की राशि  $= 2 \times$ राम ने मार्च में दान की राशि --- (2)
  - श्याम ने अप्रैल में दान की राशि  $= 2 \times श्याम ने मार्च में की दान राशि --- (3) समीकरण <math>(1)$ , (2), (3) से
  - ⇒ राम की अप्रैल में दान राशि = श्याम की अप्रैल में दान राशि [अभिग्रहीत 3 से]

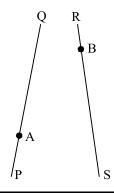
## अभ्यास परीक्षा

## यूक्लिड की ज्यामिति का परिचय

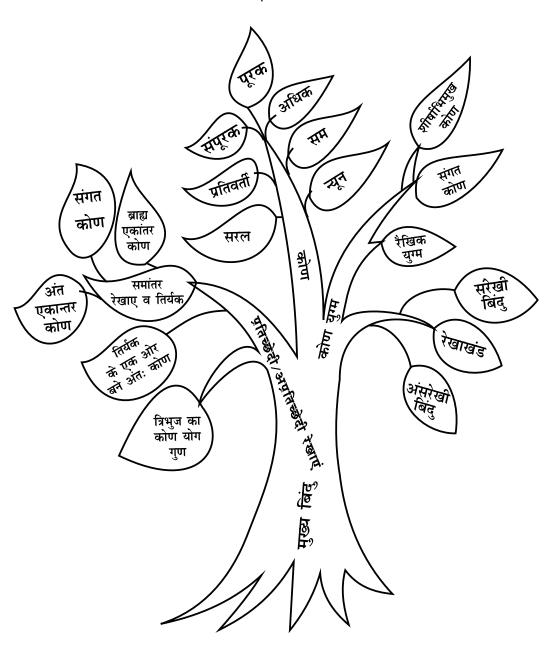
समय : 1 घंटा M.M. 20

- 1. तीन संरेखी बिंदुओं द्वारा कितने रेखाखंड खींचे जा सकते हैं?
- 2. एक दिए बिंदु से कितनी रेखाएँ गुजर सकती है?
- 3. समीकरण x+3=10 को हल कीजिए। प्रयुक्त यूक्लिङ के अभिग्रहीत का कथन लिखिए। (2)
- 4. यूक्लिड का पहला अभिग्रहीत लिखिए। (2)
- 5. यदि बिंदु C दो बिंदुओं A और B के मध्य इस प्रकार स्थित है कि AC = BC है। सिद्ध कीजिए  $AC = \frac{1}{2} AB$  तथा आकृति द्वारा भी समझाइए। (3)
- 6. यह पता है कि यदि x+y=10 हो तो x+y+z=10+z होता है। यूक्लिड को कौन सा अभिग्रहीत इस कथन का चित्रण करता है?
- यूक्लिड की पाँचवीं अभिधारणा लिखिए और समझाइए। समांतर रेखाओं की स्थिति से इसकी तुलना कीजिए।
   (4)
- **8.** आकृति में, PQ = RS है। A और B क्रमश: PQ और RS पर इस प्रकार है कि  $AP = \frac{1}{3}PQ$  और  $RB = \frac{1}{3}RS$ । दिखाइए कि AB = RB है।

प्रयुक्त अभिधारणा को लिखिए। इसके अतिरिक्त दो अन्य अभिधारणाएं दीजिए जो यहाँ प्रयुक्त हुई हैं। (4)

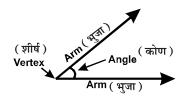


अध्याय-6 रेखाएँ और कोण माइंड मैप



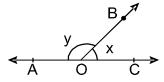
#### महत्वपूर्ण बिंदु

- रेखा बिंदुओं का वह समूह है जिसकी केवल लम्बाई होती है तथा चौड़ाई और मोटाई नहीं होती है।
- रेखाखण्डः एक रेखा का वह भाग जिसके दो अन्तः बिंदु होते है।
- किरणः एक रेखा का वह भाग जिसका एक अन्तः बिंदु होता है।
- सरेखीय बिंदुः तीन और अधिक बिन्दु जो एक ही रेखा पर स्थित हों।
- असरेखीय बिंदु: तीन व तीन से अधिक बिंदु जो एक ही रेखा पर स्थित न हों।
- कोण: जब दो किरणें एक ही अंत बिंदु से प्रारम्भ होती है तो एक कोण बनता है। कोण को बनाने वाली दोनों किरणे कोण की भुजाएँ कहलाती हैं और उभयनिष्ठ बिंदु कोण का शीर्ष कहलाता है।

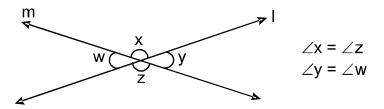


- न्यून कोण: एक कोण जिसका माप 0° और 90° के बीच होता है।
- समकोण: एक कोण जिसका माप 90° होता है।
- अधिक कोण: एक कोण जिसका माप 90° से अधिक पर 180° से कम होता है।
- ऋजु कोण: एक कोण जिसका माप 180° का होता है
- प्रतिवर्ती कोण: एक कोण जिसका माप 180° से अधिक और 360° से कम होता है।
- पुरक कोण: कोणों का ऐसा युग्म जिनका योग 90° होता है।
- सम्पूरक कोणः एक कोण जिसका मापा 180° होता है।
- सम्पूर्ण कोण: एक कोण जिसका माप 360° होता है।
- **आसन्न कोणः** दो कोण आसन्न कोण होगें यदि-
  - (1) उनका शीर्ष उभयनिष्ठ हो।
  - (2) एक भुजा उभयनिष्ठ हो।
  - (3) उनकी वे भुजाएँ जो उभयनिष्ठ नहीं है, उभयनिष्ठ भुजा के विपरीत ओर स्थित हो।
- कोणों का रैखिक युग्म: आसन्न कोणों का युग्म जिनका योग 180° हो।

## $\angle AOB$ और $\angle COB$ रैखिक युग्म बनाते हैं।

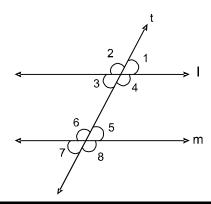


• शीर्षाभिमुख कोणः दो प्रतिच्छेदी रेखाओं के प्रतिच्छेदन बिंदु के अभिमुख बने कोण जैसे



- प्रतिच्छेदी रेखाएँ: दो रेखाएं प्रतिच्छेदी रेखाएँ कहलाती हैं यदि उनके बीच लम्बवत् दूरी समान न हो। ये एक बिंदु पर प्रतिच्छेद करती है।
- अप्रतिच्छेदी रेखाएँ: दो रेखाएँ अप्रतिच्छेदी रेखाएं कहलाती हैं यदि उनके बीच लम्बवत दूरी समान हो। ये अनिश्चित रुप से बढ़ाने पर भी नहीं काटती। यदि ये एक ही तल में हों तो ये समांतर रेखाएँ कहलाती है।
- तिर्यक रेखाः चित्रानुसार  $l \mid\mid m$  तथा t एक तिर्यक रेखा है।

$$\angle 1 = \angle 3$$
 |  $\angle 2 = \angle 4$  | शीर्षाभिमुख कोण  $\angle 5 = \angle 7$  |  $\angle 6 = \angle 8$  |



$$\angle 1 = \angle 5$$
 |  $\angle 2 = \angle 6$  | संगत कोण  $\angle 3 = \angle 7$  |  $\angle 4 = \angle 8$  |

- (c)  $\angle 3 = \angle 5$  एकांतर अन्तः कोण  $\angle 4 = \angle 6$

 $\angle 3$ ,  $\angle 6$  तथा  $\angle 4$ ,  $\angle 5$  सह-अन्त: कोण है।

- एक त्रिभुज के सभी अन्त: कोणों का योग 180° होता है।
- किसी रेखा के समांतर अन्य दो रेखाएँ परस्पर भी समांतर होती है।

अति-अति लघु उत्तरीय प्रश्न (1 अंक)

बहुविकल्पीय प्रश्न (1 अंक)

- 1. यदि एक कोण अपने पूरक कोण के समान हो तो प्रत्येक कोण का माप होगा।
  - (a) 90°

(b) 0°

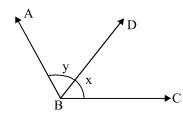
(c) 48°

- (d) 45°
- 2. दी गई आकृति में x + y के किस मान के लिए ABC एक रेखा होगी।
  - (a) 90°

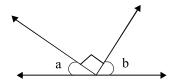
(b) 180°

(c) 360°

(d)  $270^{\circ}$ 



	2 %	2 4
3.	आकृति में, $\angle AOC$ और $\angle BOC$ एक रैरि	~
	(a) 30°	(b) 150°
	(c) 15°	(d) 75°
	5x	<b>≠</b> C
	A O	B
		_
4.	110° का प्रतिवर्ती कोण	
	(a) 70°	(b) 90°
	(c) 250°	(d) 190°
5.	सम्पूरक कोणों के एक युग्म में एक कोण माप	दूसरे कोण से 10° अधिक है, कोणों का
	(a) 90°, 90°	(b) 86°, 94°
	(c) 85°, 95°	(d) 42.5°, 47.5°
6.	यदि तीन तथा अधिक बिंदु एक सरल रे	खा पर स्थित न हो तो उन बिंदुओं को
	कहते है।	•
	(a) संकेद्री बिंदु	(b) संरेखी बिंदु
	(c) असरेखी बिंदु	(d) संलग्न बिंदु
7.	कोण $x$ तथा $y$ रैखिक युग्म बनाते हैं और	$x - 2y = 30^{\circ}$ तो $y$ का मान हैं:
	(a) 50°	(b) 110°
	(c) 210°	(d) 60°
8.	चित्र में AB एक सरल रेखा है, तो (a + h	) का मान होगा।
	(a) 0°	(b) 90°
	(c) 180°	(d) 60°

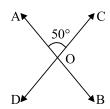


- 9. यदि  $\angle AOC = 50^{\circ}$  है तो  $\angle BOD$  का मान ...... होगा।
  - (a) 50°

(b)  $40^{\circ}$ 

(c) 130°

(d) 25°



- 10. यदि दो समांतर रेखाएँ एक तिर्यक रेखा से काटी जाए तो तिर्यक रेखा के एक ही ओर बने अन्त:कोण होगें।
  - (a) समान

(b) संलग्न

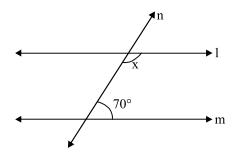
(c) सम्पूरक

- (d) पूरक
- 11. चित्र में  $l \parallel m, x$  का मान .....
  - (a) 70°

(b) 35°

(c) 210°

(d) 110°



- 12. तीन समांतर रेखाएँ एक दूसरे को ...... बार प्रतिच्छेद करती है।
  - (a) एक

(b) दो

(c) तीन

(d) शून्य

## 13. अगर एक रैखिक युग्म का एक कोण न्यून कोण हो, तो दूसरा कोण होगा।

(a) समकोण

(b) अधिक कोण

(c) न्यून कोण

(d) ऋजु कोण

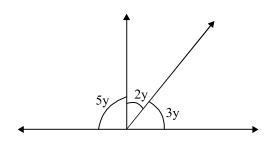
#### 14. दी गई आकृति में y का मान होगा।

(a) 18°

(b) 9°

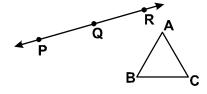
(c) 30°

(d)  $36^{\circ}$ 



#### खाली स्थान भरें

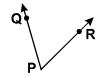
- 15. एक किरण का ...... अंत बिंदु होता है।
- 16. एक रेखाखण्ड की लंबाई ..... होती है।
- 17. यदि दो रेखा प्रतिच्छेदी न हो, तो वे ...... होंगी।
- 18. एक कोण जिसकी माप 0° से अधिक परंतु 90° से कम हो वह ...... कोण कहलाता है।
- 19. एक सरल कोण में ..... समकोण होते है।
- **20.** एक कोण जिसकी माप 180° से अधिक परंतु 360° से कम हो वह ...... कोण कहलाता है।
- 21. यदि एक कोण अपने सम्पूरक कोण के समान है तो उसकी माप ...... होगी।
- 22. दी गई आकृति में (A, B, C) व (P, Q, R) में से संरेखी बिंदुओं के समूह पहचाने।



23. दी गई आकृति में उस रेखाखण्ड का नाम बताएं जिसका एक अंत बिंदु B है।



24. दी गई आकृति में कोण के शीर्ष का नाम बताए।

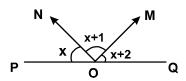


- 25. प्रश्न 3 में दी गई आकृति में कोण की दो भुजाओं के नाम बताएं।
- 26. दी गई आकृति में कोण का प्रकार बताएं।

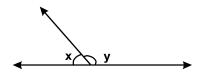


#### अति लघु उत्तरीय प्रश्न (2 अंक)

27. दी गई आकृति में POQ एक सरल रेखा है व OM व ON दो किरणें हैं इस प्रकार जो तीन संगत कोण प्राप्त हुए वे क्रमागत संख्याएँ हैं। x का मान ज्ञात कीजिए।

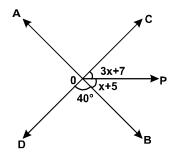


**28.** यदि x व y रैखिक युग्म बनाते हैं और x का दोगुना y से  $30^\circ$  कम है तो x व y का मान ज्ञात कीजिए।

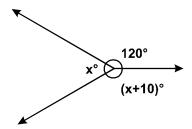


29. एक संपूरक कोणों के युग्म का एक कोण दूसरे कोण से 2° अधिक है। कोण ज्ञात कीजिए।

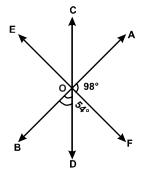
**30.** दी गई आकृति में AB व CD दो सरल रेखाएँ हैं। जो O बिंदु पर प्रतिच्छेद करती हैं OP एक किरण है।  $\angle AOD$  का मान व x का मान ज्ञात कीजिए।



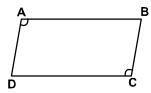
- 31. यदि दो संपूरक कोणों के बीच  $40^\circ$  का अंतर है तो कोणों में से छोटे कोण का मान ज्ञात कीजिए।
- 32. वह कोण ज्ञात कीजिए जो अपने पूरक कोण का चार गुना है।
- **33.** दी गई आकृति में x का मान ज्ञात कीजिए।



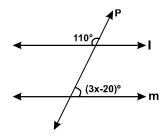
**34.** दी गई आकृति में AB, CD व EF तीन सरल रेखाएँ हैं जो O बिंदु पर प्रतिच्छेद करती हैं।  $\angle BOC$  का मान ज्ञात कीजिए।



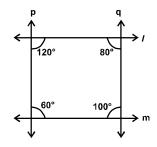
35. दी गई आकृति में  $AB \parallel DC$  व  $AD \parallel BC$  है। सिद्ध कीजिए कि  $\angle DAB = \angle DCB$ .



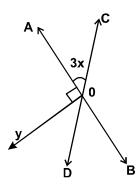
**36.** दी गई आकृति में यदि  $l \parallel m$  है तो x का मान ज्ञात कीजिए।



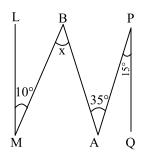
- 37. पाँच मित्रों ने कुछ धन जमा करके पिज्जा खरीदा। वे सभी इसे बराबर बाँटना चाहते थे। परन्तु उनमें से एक मित्र को बहुत भूख लगी होने के कारण दुगुना दिया गया। प्रत्येक को मिले पिज्जा के भाग का कोण ज्ञात कीजिए।
- 38. सिद्ध कीजिए कि यदि दो रेखाएँ प्रतिछेद करें तो शीर्षाभिमुख कोण समान होते हैं।
- 39. चित्र में, रेखाओं का कौन सा युग्म समांतर है। कारण सहित बताइए।



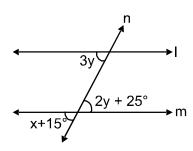
40. यदि दो प्रतिच्छेदी रेखाओं द्वारा बनाये गये कोणों में से एक कोण समकोण है, तो सिद्ध कीजिए कि शेष तीनों कोण भी समकोण हैं। **41.** AB तथा CD दो प्रतिच्छेदी रेखाएँ हैं।  $\angle BOY$  का समद्विभाजक OD है। x का मान ज्ञात कीजिए।



**42.** दी गई आकृति में  $QP \parallel ML, x$  का मान ज्ञात कीजिए।



43. चित्र में  $l \parallel m$  और n तिर्यक रेखा है तो x का मान क्या होगा?

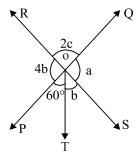


44. यदि दो रेखाएँ अन्य दो समांतर रेखाओं पर लम्ब है तो दिखाइए कि वे रेखा आपस में एक दूसरे के समान्तर है।

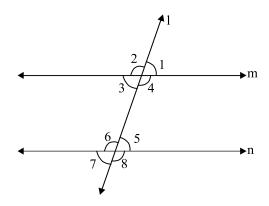
- 45. सिद्ध कीजिए कि एक रैखिक युग्म बनाने वाले कोणों के अर्धक समकोण पर स्थित होते हैं।
- 46. यदि दो पूरक कोण इस प्रकार हैं कि एक कोण के माप का दो गुना दूसरे कोण के माप के तीन गुने के बराबर है तो बड़े कोण की माप ज्ञात कीजिए।

#### दीर्घ उत्तरीय प्रश्न (5 अंक)

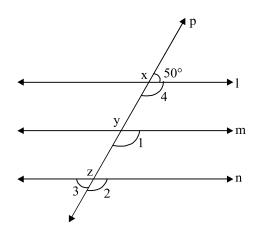
**47.** आकृति में PQ और RS दो सीधी रेखाएँ O बिंदु पर प्रतिच्छेद करती है। यदि  $\angle POT = 60^\circ$ , तो a, b और c का मान ज्ञात कीजिए।



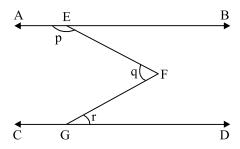
**48.** दी गई आकृति में  $m \parallel n$  और कोण 1 और कोण 2 का अनुपात 3:2 है। सभी कोणों का मान ज्ञात कीजिए।



**49.** आकृति में l,m और n समांतर रेखाएँ है तथा तिर्यक रेखा p इन्हें बिंदु x,y तथा z पर क्रमश: काटती है।  $\angle 1, \angle 2, \angle 3$  और  $\angle 4$  का मान ज्ञात कीजिए।



- 50. यदि एक कोण की भुजाएं क्रमश: दूसरे कोण की दो भुजाओं के समांतर है तो सिद्ध कीजिए कि दोनों कोण समान या संपूरक है।
- **51.** दी गई आकृति में,  $AB\parallel CD$  सिद्ध कीजिए कि  $p+q-r=180^\circ$



# अध्याय-6 रेखाएँ और कोण (उत्तर)

- **1.** (d) 45°
- **2.** (b) 180°
- 3. (a)  $30^{\circ}$
- **4.** (c) 250°
- **5.** (c) 85°, 95°
- 6. (c) असंरेखी बिंदु
- 7. (a)  $50^{\circ}$
- **8.** (b) 90°
- **9.** (a) 50°
- 10. (c) संपूरक कोण
- **11.** (d) 110°
- 12. (d) शून्य
- 13. (b) अधिक
- **14.** (a) 18°
- **15.** एक
- 16. निश्चित
- **17.** समांतर
- 18. न्यून
- 19. दो

- 20. प्रतिवर्ती
- **21.** 90°
- **22.** *P*, *Q*, *R*
- 23.  $\overline{BA}$
- **24.** *P*
- **25.** *PQ*, *PR*
- **26.** समकोण
- **27.** 59°
- **28.** Hint:  $y 2x = 30^{\circ}$

$$x = 50^{\circ}, y = 130^{\circ}$$

- **29.** 89°, 91°
- **30.** Hint: *CD* सरल रेखा है।

$$\angle AOD = \angle BOC = 4x + 12^{\circ}$$

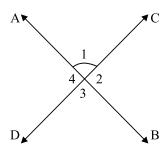
$$140^{\circ}, 32^{\circ}$$

- **31.** 70°
- **32.** 72°
- **33.** 115°
- **34.** 152°
- 35. Hint: तिर्यक के एक ओर बने अंत:कोणों का 180° योग होता है।
- **36.** 30°
- **37.** 4 बराबर टुकडे  $=60^{\circ}$

1 दुगुना टुकडा = 120°

**39.**  $l \parallel m$  क्योंकि तिर्यक के एक ओर बने अतः कोणों का योग  $180^\circ$  होता है।

**40.** 



दिया है:

$$\angle 1 = 90^{\circ}$$

सिद्ध करना है:

$$\angle 2 = \angle 3 = \angle 4 = 90^{\circ}$$

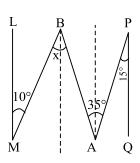
$$\angle 1 + \angle 2 = 180^{\circ}$$

$$90^{\circ} + \angle 2 = 180^{\circ}$$

$$\angle 2 = \angle 3 = \angle 4 = 90^{\circ}$$

**41.**  $x = 15^{\circ}$ 

**42.** 



Hint: BD || LM & AC || LM बनाएँ। LM||PQ

$$\therefore BD \| AC \| LM \| PQ$$

$$\angle PAC = \angle QPA = 15^{\circ}$$

(एकांतर अंत:कोण)

[रैखिक युग्म]

$$\therefore \angle CAB = 20^{\circ}$$

$$\angle CAB = \angle ABD = 20^{\circ}$$

(एकांतर अंत:कोण)

$$LMB = MBD = 10^{\circ}$$

(एकांतर अंत:कोण)

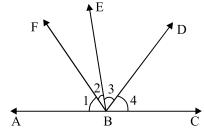
$$\therefore \qquad x = \angle MBD + \angle ABD = 10^{\circ} + 20^{\circ}$$

$$x = 30^{\circ}$$

**43.** Hint: 
$$3y = 2y + 25^{\circ}$$

$$y = 25^{\circ}$$
 $x + 15^{\circ} = 3y$ 
 $x + 15^{\circ} = 75$ 
 $x = 60^{\circ}$ 
(संगत कोण)

45.



Hint: दिया है:  $\angle ABE$  and  $\angle EBC$  रैखिक युग्म बनाते है। BF और BD,  $\angle ABE$  और  $\angle EBC$  के क्रमश: समद्विभाजक है।

$$\angle 3 = \angle 4$$

सिद्ध करना है:

$$\angle FBD = 90^{\circ}$$

हल:  $\angle ABE + \angle EBC = 180^{\circ}$  (रैखिक युग्म)

$$\Rightarrow \qquad \angle 1 + \angle 2 + \angle 3 + \angle 4 = 180^{\circ}$$

$$2(\angle 2 + \angle 3) = 180^{\circ}$$

$$\angle 2 + \angle 3 = 90^{\circ}$$

$$\angle FBD = 90^{\circ}$$

**46.** Hint: 2x = 3(90 - x)

$$x = 54^{\circ}$$

*:*.

**47.** Hint: a = 4b

$$a+b+60^\circ=180^\circ$$
 (रैखिक युग्म) 
$$5b=120^\circ$$
 
$$b=24^\circ$$
 
$$a=4\times24^\circ=96^\circ$$
 
$$60^\circ+b=2c$$
 (शीर्षाभिमुख कोण) 
$$60^\circ+24^\circ=2c$$
 
$$c=42^\circ$$

**48.** 
$$\angle 1 = \angle 5 = \angle 3 = \angle 7 = 108^{\circ}$$

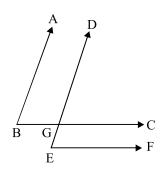
$$\angle 2 = \angle 6 = \angle 4 = \angle 8 = 72^{\circ}$$

**49.** 
$$\angle 1 = \angle 2 = \angle 4 = 130^{\circ}$$

$$\angle 3 = 50^{\circ}$$

**50.** Hint:  $AB \parallel DE$ 

 $BC \parallel EF$ 



Case-1

$$\angle ABC = \angle DGC$$
 (संगत कोण)

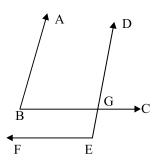
$$\therefore$$
  $AB \parallel DE$ 

$$\angle DGC = \angle DEF$$
 (संगत कोण)

 $\therefore$  BC || EF

$$\angle ABC = \angle DEF$$

Case-2



$$\angle ABC + \angle DGB = 180^{\circ}$$
 (अंत:कोण)  $\angle DGB = \angle DEF$  (संगत कोण)  $\angle ABC + \angle DEF = 180^{\circ}$ 

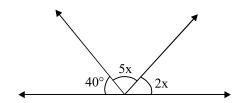
## अध्याय-6

## रेखाएं एवं कोण

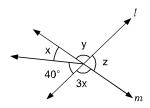
## अभ्यास परीक्षा

समय : 1 घंटा M.M. 20

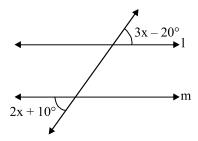
- 1. यदि  $\angle ABC = 142^\circ$ , प्रतिवर्ती  $\angle ABC$  ज्ञात कीजिए। (1)
- यदि रैखिक युग्म में एक कोण न्यून कोण है तो दूसरा कोण किस प्रकार का होगा?
   (1)
- 3. दिए गए चित्र में x का मान ज्ञात कीजिए। (2)



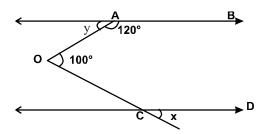
- 4. यदि दो संपूरक कोणों के बीच का अंतर 40° तो दोनों कोण ज्ञात कीजिए। (2)
- 5. दिए गए चित्र में l और m प्रतिच्छेदी रेखाएँ हैं। x, y तथा z के मान ज्ञात कीजिए। (3)



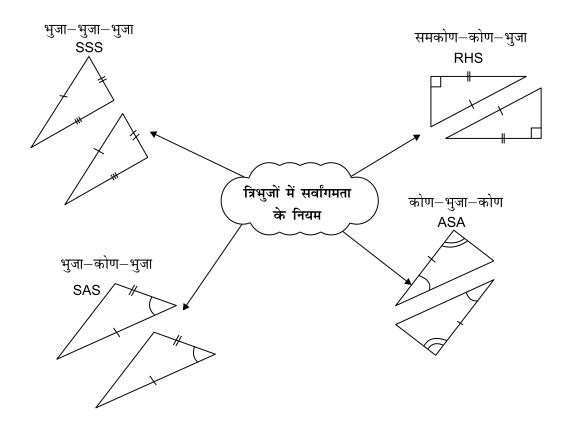
- 6. पूरक कोणों का अनुपात 5: 4 है तो कोण ज्ञात कीजिए।
- 7. यदि  $l \parallel m$  है तो सभी कोण ज्ञात कीजिए। (4)



8. आकृति में यदि  $AB \parallel CD$  तो x और y का मान ज्ञात कीजिए। (4)



## अध्याय-7 त्रिभुज माइंड मैप



## महत्पूर्ण बिन्दु

## विभिन्न आकृतियों में सर्वांगसमता

- दो आकृतियाँ सर्वांगसमता होती हैं, यदि उनका एक ही आकार और एक ही माप हो।
- दो समतल आकृतियाँ सर्वांगसमता होती हैं यदि प्रत्येक को दूसरी आकृति पर रखने पर वह उसको पूरी तरह ढक लेती है।

- दो रेखाखण्ड सर्वांगसम होते हैं यदि उनकी लम्बाई समान हो।
- समान माप वाले दो कोण सर्मांगसम होते हैं।
- समान त्रित्याओं वाले दो वृत सर्वांगसम होते हैं।
- समान भुजाओं वाले दो वर्ग सर्वांगसम होते हैं।
- दो आयत सर्वांगसम होते हैं यदि उनकी लम्बाई और चौड़ाई की माप समान हो।

#### सर्वांगसमता

- यदि त्रिभुज ABC और DEF सर्वागसम है तो  $A \leftrightarrow D, B \leftrightarrow E$  and  $C \leftrightarrow F$ , के अंतर्गत सर्वागसम हो, तो उन्हें सांकेतिक रुप में  $\Delta ABC \cong \Delta DEF$  लिखते हैं।
- त्रिभुजों की सर्वांगसमता के नियम:
  - (a) भुजा-कोण-भुजा (SAS) सर्वांगसमता नियम: यदि एक त्रिभुज की दो भुजाएँ और अंतर्गत कोण, दूसरे त्रिभुज की दो भुजाओं और अंतर्गत कोण के बराबर हों, तो दोनों त्रिभुज सर्वांगसमत होते हैं।
  - (b) कोण-भुजा-कोण (ASA) सर्वांगसमता नियमः यदि एक त्रिभुज के दो कोण और अंतर्गत भुजा दूसरे के दो कोणों और अंतर्गत भुजा के बराबर हों, तो दोनों त्रिभुज सर्वांगसम होते हैं।
  - (c) भुजा-भुजा-भुजा (SSS) सर्वांगसमता नियम: यदि एक त्रिभुज की तीनों भुजाएँ दूसरे त्रिभुज की तीनों भुजाओं के बराबर हों, तो दोनों त्रिभुज सर्वांगसमत होते हैं।
  - (d) समकोण-कर्ण-भुजा (RHS) सर्वांगसमता नियमः यदि दो समकोण त्रिभुजों में, एक त्रिभुज का कण्र और एक भुजा क्रमशः दूसरे त्रिभुज के कर्ण और एक भुजा के बराबर हों, तो दोनों त्रिभुज सर्वांगसम होते हैं।

अति-अति लघु उत्तर प्रश्न (1 अंक)

- 1. निम्न में से कौन सा त्रिभुजों की सर्वांगसमता नियम नहीं है?
  - (a) SSS

(b) RHS

(c) AAA

(d) SAS

- 2. यदि  $AB \cong CD$  तब
  - (a) AB < CD

(b) AB + CD = 0

(c) AB = CD

(d) AB > CD

- 3. यदि  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$  तब
  - (a) AB = DE

(b) BC = DF

(c) FE = CB

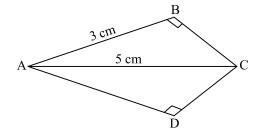
- (d) AB = DF
- 4. यदि किसी त्रिभुज का एक कोण अन्य दो कोणों के योग के बराबर है तो त्रिभुज है
  - (a) एक समबाहु त्रिभुज

- (b) एक समद्विबाहु त्रिभुज
- (c) एक अधिककोण त्रिभुज
- (d) एक समकोण त्रिभुज
- 5. यदि AB = QR, BC = PR और CA = PQ, तब
  - (a)  $\triangle ABC \cong \triangle PQR$

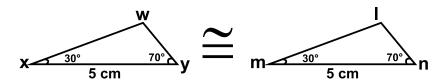
(b)  $\triangle CBA \cong \triangle PRQ$ 

(c)  $\Delta BAC \cong \Delta RPQ$ 

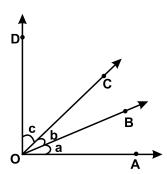
- (d)  $\Delta PQR \cong \Delta BCA$
- 6. दो आकृतियाँ सर्वांगसमत होती हैं यदि वे ...... आकार और समान ...... ...... की हैं।
- 7. दो वृत्त सर्वांगसम होते हैं यदि उनकी त्रिज्याओं की माप ...... हो।
- 8. दो समबाहु त्रिभुज सर्वांगसम होते हैं यदि उनकी भुजाएँ ...... माप की हों।
- 9. दो वर्ग सर्वांगसम होते हैं यदि उनकी भुजाओं की लंबाईयाँ ...... हों।
- **10.** यदि  $\Delta PQR \cong \Delta LMN$  तब NL .....
- 11. यदि  $\triangle ABC$  में AB = BC और  $\angle B = 40^\circ$  है।  $\angle C$  का मान ज्ञात कीजिए।
- **12.** यदि AB = QR, BC = PR तथा CA = PQ है तब सर्वांगसमता का उचित सांकेतिक रूप लिखिए।
- 13. दी गई आकृति में AC कोण BAD का समद्विभाजक है। यदि AB=3 cm, AC5 cm तो AD ज्ञात करें।



- 14. वृत्त  $O_1\cong$  वृत्त  $O_2$ । यदि वृत्त,O की त्रिज्या 6 सेमी है तो वृत्त  $O_2$  का व्यास ज्ञात कीजिए।
- **15.**  $\triangle ABC$  और  $\triangle PQR$  के लिए सर्वांगसमता नियम लिखिए यदि  $AB = QP, \angle B = \angle P$  और BC = PR
- **16.** किसी समकोण त्रिभुज  $\triangle ABC$  में  $AB = BC \mid \angle A$  ज्ञात कीजिए।
- 17. निम्न त्रिभुजों के लिए सर्वांगसमता नियम लिखिए।



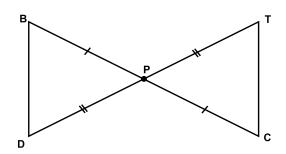
- 18. भुजा NL के समान भुजा का नाम लिखिए यदि  $\Delta PQR \cong \Delta LMN$ ।
- **19.** रेखाखण्ड MN = 4 सेमी और TP = 4.2 सेमी है। क्या रेखाएँ सर्वांगसम हैं?
- 20. इसका क्या अर्थ है यदि दो त्रिभुज SSS सर्वांगसमता नियम से सर्वांगसम हैं?
- 21.  $\triangle PQR$  में  $\angle R = \angle P$ , QR = 4 सेमी और PR = 5 सेमी। PQ ज्ञात कीजिए।
- **22.** दी गई आकृति में यदि a=b=c तब  $\angle AOC$  के सर्वांगसम कोण का नाम लिखिए।



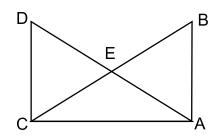
- 23. RHS सर्वांगसमता में 'R' का क्या सांकेतिक अर्थ है?
- **24.**  $\triangle BCD$  और  $\triangle WXY$  में BD = WX और  $\angle B = \angle X$  है। ASA सर्वांगसमता का सार्थ करने के लिए तीसरी आवश्यकता क्या है?
- 25. दो वर्ग सर्वांगसम होने के लिए क्या आवश्यक होगा?
  अति लघु उत्तर प्रश्न (2 अंक)
- **26.**  $\triangle ABP \cong \triangle KST$  तो

(a)  $\angle P = \dots$  (b)  $KT = \dots$ 

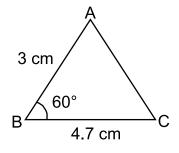
27. दी गई आकृति में कौन-से दो त्रिभुज सर्वांगसम हैं? इन त्रिभुजों का नाम सर्वांगसमता नियमानुसार लिखिए।

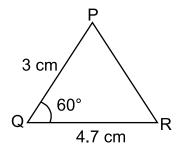


- 28. स्पष्ट कीजिए कि AAA दो त्रिभुजों के लिए सर्वांगसमता नियम क्यों नहीं है?
- 29. दी गई आकृति में यदि AB = CD, AD = BC है तो सिद्ध कीजिए कि  $\triangle ABC \cong \triangle CBA$

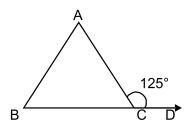


- **30.** यदि  $\triangle ABC$  एक समद्विबाहु त्रिभुज है और AB = AC तो सिद्ध कीजिए कि A से BC पर खींचा गया लम्ब AD,BC को समद्विभाजित करता है।
- 31. दी गई आकृति में दोनों त्रिभुज सर्वांगसमता के किस नियम को संतुष्ट करते हैं?

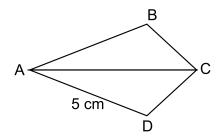




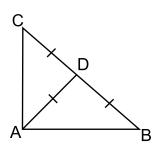
- **32.** यदि  $\triangle PQR$  में  $\angle P=110^\circ$  और PQ=PR तो  $\angle Q$  और  $\angle R$  ज्ञात कीजिए।
- 33. दी गई आकृति में, यदि AB = AC और  $\angle ACD = 125^\circ$ . तो  $\angle A$  ज्ञात कीजिये।



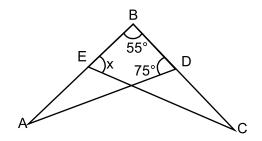
**34.** दी गई आकृति में AC,  $\angle A$  व  $\angle C$  को समद्विभाजित करता है तथा AD=5 है तो AB ज्ञात कीजिये।



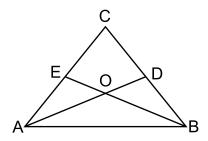
- 35. एक समद्विबाहु त्रिभुज का शीर्ष कोण  $80^\circ$  है तो आधार कोणों को ज्ञात कीजिए। लघु उत्तरीय प्रश्न (3 अंक)
- **36.** ABC एक त्रिभुज है जिसमें भुजा BC का मध्य बिंदु D है। D से AB और AC पर खीचे गए लम्बों की लम्बाईयां समान है तो सिद्ध कीजिए कि यह एक समिद्धबाहु त्रिभुज है।
- 37. सिद्ध कीजिए कि समद्विबाहु त्रिभुज की समान भुजाओं के सम्मुख कोण समान होते हैं।
- **38.** दी गई आकृति में, यदि AD = BD = CD तो  $\angle BAC$  का मान ज्ञात कीजिये।



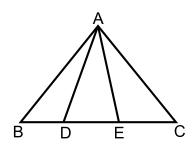
**39.** दी गई आकृति में, यदि AB = BC और  $\angle A = \angle C$  है तो x का मान ज्ञात कीजिए।



**40.** दी गई आकृति में, यदि  $\angle ABC = \angle BAC$ , D और E भुजा BC तथा भुजा AC पर कोई बिंदु हैं जहाँ DB = AE. यदि AD और BE एक दूसरे को बिंदु O पर काटते हैं। तो OA = OB सिद्ध की जिये।

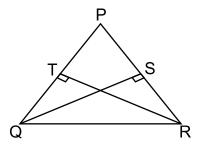


41. दी गई आकृति में AB = AC,  $\angle BAD = \angle CAE$  है तो सिद्ध कीजिये  $\triangle ADE$  एक समिद्धबाहु त्रिभुज है।

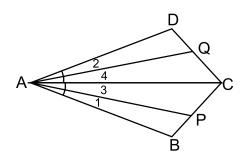


- 42. यदि  $\triangle DEF$  में  $\angle E = 2 \angle F$  है तथा DM,  $\angle EDF$  का अर्द्धक है जो कि EF को M पर काटती है। यदि DM = MF तो सिद्ध कीजिए कि  $\angle EDF = 72^\circ$ .
- 43. सिद्ध कीजिए की समबाहु त्रिभुज के तीनोक कोण 60° के होते हैं। दीर्घ उत्तरीय प्रश्न (5 अंक)
- 44.  $\triangle ABC$  के शीर्षलम्ब AF, BD और CE की लम्बाईयाँ समान है। सिद्ध कीजिए कि  $\triangle ABC$  एक समबाहु त्रिभुज है।

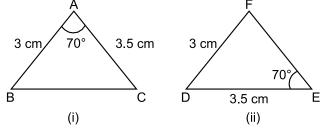
- **45.**  $\triangle ABC$  की भुजाएं AB, BC और माध्यिका AM,  $\triangle PQR$  की भुजाओं PQ, QR और माध्यिका PN के क्रमश: समान हैं। सिद्ध कीजिए
  - (i)  $\Delta ABM \cong \Delta PQN$
  - (ii)  $\triangle ABC \cong \triangle PQR$
- **46.** दी गई आकृति में, PQR की भुजाओं PR और PQ पर क्रमशः डाले एक शीर्षलम्बों QS और RT की लंबाईयाँ बराबर है सिद्ध कीजिए
  - (i)  $\Delta PQS \cong \Delta PRT$
  - (ii) PQR एक समद्विबाहु त्रिभुज है।



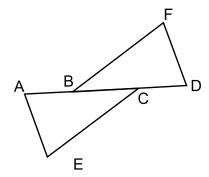
47. दी गई आकृति में, AB = AD,  $\angle 1 = \angle 2$  and  $\angle 3 = \angle 4$  है। सिद्ध कीजिए कि AP = AQ.



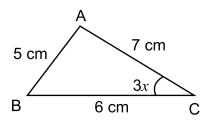
48. वन्दना अपने पास की बस्ती में रहने वाले गरीब बच्चों को शिक्षित करना चाहती है। उसने निम्न चित्रानुसार बच्चों के लिए फ्लैश-कार्ड तैयार किये।

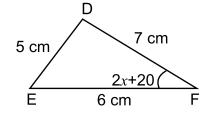


- (a) कौन से दो फ्लैश कार्ड सर्वांगसम हैं?
- (b) यहाँ सर्वांगसमता की कौन सी कसौटी सत्य है?
- (c) सर्वांगसम त्रिभुजों के संगत भाग के द्वारा त्रिभुजों की कौन-सी तीसरी भुजा समान होगी?
- 49. दी गई आकृति में, AB = CD, CE = BF और  $\angle ACE = \angle DBE$  है सिद्ध कीजिए।
  - (i)  $\triangle ACE \cong \triangle DBF$
  - (ii) AC = DF



**50.**  $\Rightarrow \triangle ABC$  and  $\triangle DEF$  in the given figure are congruent. Hence find the value of x.





उत्तर

- **1.** (c) AAA
- **2.** (c) AB = CD
- 3. (c) FE = CB
- 4. (d) एक समकोण त्रिभुज
- **5.** (b)  $\triangle CBA \cong \triangle PRQ$

- 6. समान, आकार
- **7.** बराबर
- 8. बराबर
- 9. बराबर
- **10.** *RP*
- **11.** 40°
- **12.**  $\triangle ABC \cong \triangle QRP$
- 13. AD = 3 cm
- **14.** 12 cm
- **15.** by SAS
- **16.**  $\angle A = 45^{\circ}$
- **17.** ASA
- **18.** NL = RP
- 19. नहीं
- 20. एक त्रिभुज की तीनों भुजाएँ दूसरे त्रिभुज की तीनों भुजाओं के क्रमश: बराबर है।
- **21.** PQ = 4 cm
- **22.** ∠*BOD*
- 23. समकोण
- **24.**  $\angle D = \angle W$
- 25. वर्गो की भुजाएं बराबर होगी।
- **26.** (a)  $\angle T$
- (b) *AP*
- **27.**  $\triangle PBD \cong \triangle PCT$
- 28. दिए गए तीन कोणों के द्वारा बहुत से त्रिभुज संभव है।
- **29.**  $\triangle ADC$  और  $\triangle CBA$

$$AB = CD$$
 (दिया है)

$$AD = BC$$
 (दिया है)

$$AC = AC$$
 (उभयनिष्ठ)

 $\therefore \Delta ADC \cong \Delta CBA \text{ (SSS सर्वांगसमता नियम से)}$ 

**30.**  $\triangle ABD$  और ∠DDC में

$$AB = AC$$
 (दिया है)

$$AD = AD$$
 (उभयनिष्ठ)

$$\angle ADB = \angle ADC (90^{\circ})$$

 $\therefore \Delta ABD \cong \Delta ADB$  (By RHS सर्वांगसमता नियम से)

$$\Rightarrow BD = DC (CPCT से)$$

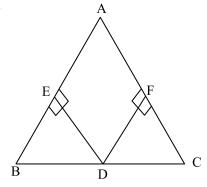
**31.** SAS

**32.** 
$$\angle Q = \angle R = 35^{\circ}$$

**33.** 
$$\angle A = 70^{\circ}$$

**34.** 
$$AB = 5$$
 cm

**36.** 



$$\Delta BDE$$
 और  $\Delta BDF$  में  $BD = CD$  (दिया है)

$$DE = DF$$
 (दिया है)  
 $\angle 1 = \angle 2 (90^{\circ})$ 

By RHS congruence rule

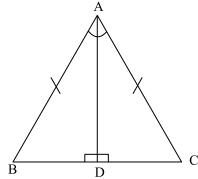
$$\Delta BDE \cong \Delta CDF \quad (RHS से)$$

 $\Rightarrow \qquad \angle B = \angle C \left( CPCT \, \vec{\mathsf{H}} \right)$ 

AB = AC (:. बराबर कोणों की सम्मुख भुजाएं बराबर होती

है)

**37.** 



रचना  $AD \perp BC$ 

In  $\triangle ADB$  और  $\triangle ADC$  में

$$AB = AC$$
 (दिया है)

$$AD = AD$$
 (उभयनिष्ठ)

$$\angle ADB = \angle ADC$$
 (90°)

$$\triangle ADB \cong \triangle ADC \qquad (RHS \vec{\forall})$$

$$⇒ ∠B = ∠C (CPCT \dot{\exists})$$

बराबर भुजाओं के सम्मुख कोण बराबर होते है

$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^{\circ}$$
 (त्रिभुज के तीनों का योग 180° होता है)   
  $\angle 2 + \angle 4 + \angle 3 + \angle 1 = 180^{\circ}$  (समीकरण 1, और समीरकरण 2)   
  $\angle 2 + \angle 4 + \angle 4 + \angle 2 = 180^{\circ}$    
  $2(\angle 2 + \angle 4) = 180^{\circ}$ 

$$\angle 2 + \angle 4 = \frac{180^{\circ}}{2} = 90^{\circ}$$

$$\angle BAC = 90^{\circ}$$

**39.**  $\angle BAD = 180^{\circ} - (55^{\circ} + 75^{\circ})$  (त्रिभुज के तीनों कोणों का योग  $180^{\circ}$  होता है)

$$\angle BAD = 180^{\circ} - 130^{\circ} = 50^{\circ}$$
  
 $\angle A = \angle C$  (दिया है)

$$\therefore \qquad \angle BCE = 50^{\circ}$$

$$\Delta BCE$$
 कमें  $x + 55^{\circ} + 50^{\circ} = 180^{\circ}$ 

$$x = 180^{\circ} - 105 = 75^{\circ}$$

**40.** E O D

 $\Delta ABE$  और  $\Delta ABD$  में

$$AB = AB$$
,  $AE = BD$ ,  $\angle EAB = \angle DBA$ 

$$\angle EAB = \angle DBA$$

$$\therefore \qquad \Delta ABE \cong \Delta ABE (SAS \vec{\mathcal{H}})$$

$$\Rightarrow \qquad \angle ABE = \angle BAD (CPCT \vec{\mathcal{H}})$$

$$\angle 1 = \angle 2 \Rightarrow AO = OB$$

**41.**  $AB = AC \Rightarrow \angle B = \angle C$ 

 $\triangle ABD$  और  $\triangle ACE$  में

$$\angle BAD = \angle CAE, AB = AC, \angle B = \angle C$$

∴  $\triangle ABD \cong \triangle ACE \quad (SAS \ \vec{\exists})$ 

⇒ AD = AE (CPCT से)

∴ ADE समद्विबाहु त्रिभुज है

- **42.** संकेत:  $\angle EDM = \angle FDM$ ,  $\angle FDM = \angle FMD$ ,  $\Delta DEF$  में कोणों के योग गुणधर्म का उपयोग करते हुए
- 43. समबाहु त्रिभुज की सभी भुजाएं बराबर होती है और बराबर भुजाओं के सम्मुख कोण बराबर होते है, इसलिए त्रिभुज के सभी कोण बराबर होगे और चूंकि तीनो कोणों का योग 180° होता है तो प्रत्येक कोण 60° होगा।
- **44.**  $\triangle BDC$  और  $\triangle BEC$  में

$$BD = ECBC = BC, \angle BEC = \angle BDC (90^{\circ})$$

$$\angle B = \angle C$$
 इसीप्रकार  $\angle A = \angle B \& \angle A = \angle C$ 

$$\Rightarrow \qquad \angle A = \angle B = \angle C$$

अत: ABC एक समबाहु त्रिभुज है

**45.** संकेत:  $\triangle ABC \cong \triangle PQN (SSS \ \dot{\forall})$ 

$$\Rightarrow$$
  $\angle B = \angle Q (CPCT \vec{R})$ 

∴ 
$$\triangle ABC \cong \triangle PQR (SAS से)$$

**46.**  $\triangle QTR$  और  $\triangle RST$  में

IX - गणित

$$QR = QR, \angle QTR = \angle RST, RT = SQ$$

$$\triangle QTR \cong \Delta RST (RHS से)$$

$$\angle Q = \angle R (CPCT \vec{\mathcal{H}}) \Rightarrow PQ = PR$$

 $\Delta PQS$  और  $\Delta PTR$  में

$$RT = SQ$$
,  $\angle PTR = \angle PSQ$ ,  $PR = PQ$ 

∴  $\Delta PSQ \cong \Delta PTR \text{ (RHS ₹)}$ 

**47.** 
$$\angle 1 = \angle 2$$
 ...(1)

$$\angle 3 = \angle 4$$
 --- (2)

समीकरण (1) + समीकरण (2)

$$\Rightarrow$$
  $\angle 1 + \angle 3 = \angle 2 + \angle 4$ 

$$\angle CAB = \angle CAD$$
 --- (3)

$$AC = AC \qquad --- (4)$$

$$AB = AD --- (5)$$

(3), (4), (5) से

$$\triangle ADC \cong \triangle ABC \Rightarrow \angle ADC = \angle ABC$$

 $\Delta ADQ$  और  $\Delta ABP$  में

$$\angle 1 = \angle 2$$
,  $AB = AD$ ,  $\angle ABP = \angle ADQ$ 

⇒ 
$$\Delta ADQ \cong \Delta ABP (ASA \ \vec{\mathcal{H}})$$

$$AP = AQ (CPCT \vec{\mathsf{H}})$$

- **48.** (a)  $\triangle ABC \cong \triangle QRP$ 
  - (b) SAS
  - (c) BC = RP
- **49.** संकेत: AB = CD

दोनों तरफ BC जोड़ते हुए सिद्ध करे  $\Delta ACE \cong \Delta DBF$  (By SAS)

**50.** 
$$3x = 2x + 20$$

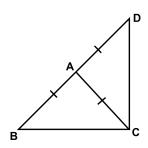
$$3x - 2x = x = 20$$

## अभ्यास परीक्षा

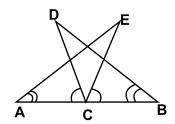
## त्रिभुज

समय : 2 घंटा M.M. 20

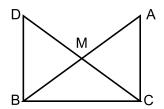
- 1. समबाहु त्रिभुज के प्रत्येक बाह्य कोण की माप लिखिए। (1)
- 2. समद्विबाहु त्रिभुज के ...... उसे दो सर्वांगसम त्रिभुजों में विभाजित करता है।(1)
- किसी समद्विबाहु त्रिभुज का शीर्षकोण उसके एक आधार कोण का तिगुना है।
   आधार-कोण ज्ञात कीजिए।
- **4.** ज्ञात कीजिए कि क्या  $\triangle ABC$  संभव है। यदि AB=4.5 सेमी, BC=5 सेमी और AC=9.5 सेमी है। (2)
- 5. दी गई आकृति में AB = AC तथा भुजा BA को D तक इस प्रकार बढ़ाया गया कि AB = AD। सिद्ध कीजिए  $\angle BCD = 90^\circ$



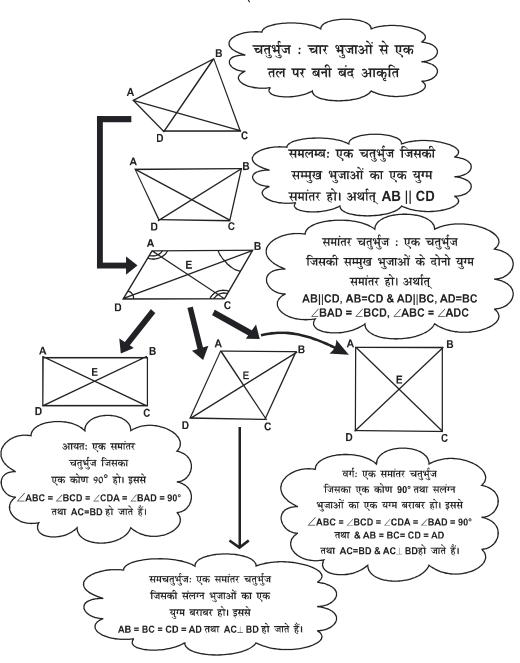
- 6. एक समबाहु त्रिभुज की माध्यिकाएं बराबर होती है। (3)
- 7. दिए गए चित्र में AB का मध्य-बिंदु C है।  $\angle DCA = \angle ECB$  और  $\angle DBC = \angle EAC$  है। दर्शाइए कि DC = EC और BD = AE। (4)



8. दी गई आकृति में, एक समकोण  $\Delta ABC$  में जिसमें कोण C समकोण है, M कर्ण AB का मध्य बिंदु है। C को M से मिलाकर D तक इस प्रकार बढ़ाया गया है कि DM = CM हो। बिंदु D को बिंदु B से मिला दिया जाता है। दर्शाइये कि  $CM = \frac{1}{2} AB$ . (4)

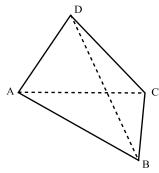


## अध्याय-8 चतुर्भुज माइंड मैप

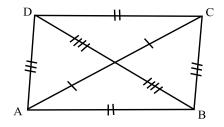


## महत्वपूर्ण बिंदु

1. चतुर्भुज-चार भुजाओं से बनी बंद आकृति कहलाती है। किसी चतुर्भुज में

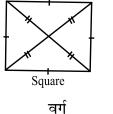


- (i) सम्मुख भुजाओं के दो युग्म होते हैं, जैसे चित्र में AB व CD और BC व AD
- (ii) सम्मुख कोणों के दो युग्म होते हैं, जैसे  $\angle A$  व  $\angle C$  और  $\angle B$  व  $\angle D$ .
- (iii) संलग्न भुजाओं के चार युग्म होते हैं, जैसे AB व BC, BC व CD, CD व AD और AD व AB
- (iv) संलग्न कोणों के चार युग्म होते हैं। (एक भुजा उभयनिष्ठ) जैसे  $\angle A$  व  $\angle B$ ,  $\angle B$  व  $\angle C$ ,  $\angle C$  व  $\angle D$  और  $\angle D$  व  $\angle A$ .
- (v) सम्मुख शीर्षों को मिलाने वाला रेखाखण्ड विकर्ण कहलाता है। जैसे AC व BD
- (vi) चतुर्भुज के कोणों का योग  $360^{\circ}$  होता है।  $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^{\circ}$ .
- 2. समांतर चतुर्भुज: एक चतुर्भुज समांतर चतुर्भुज होता है यदि

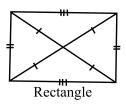


- (i) सम्मुख भुजाओं के दोनों युग्म बराबर/समांतर हो या
- (ii) सम्मुख कोणों के दोनों युग्म बराबर हो! या
- (iii) विकर्ण एक दूसरे को परस्पर समद्विभाजित करते हो। या
- (iv) सम्मुख भुजाओं का एक युग्म समांतर व समान हो।

किसी समांतर चतुर्भुज का विकर्ण उसे दो सर्वांगसम त्रिभुजों में विभाजित करता है।
 समांतर चतुर्भुज के अन्य उदाहरण:



Rhombus



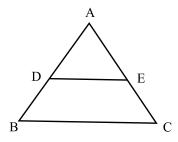
आयत

र्ग समचतुर्भज

4. मध्य बिंदु प्रमेय: किसी त्रिभुज की किन्ही दो भुजाओं के मध्य बिंदुओं को मिलाने वाला रेखाखण्ड तीसरी भुजा के समांतर होता है और इसका आधा होता है।

यहाँ AD = BD व AE = EC

तब  $DE \parallel BC$  और  $DE = \frac{1}{2} BC$ .



5. मध्य बिंदु प्रमेय का विलोम: किसी त्रिभुज की एक भुजा के मध्य बिंदु से दूसरी भुजा के समांतर खींची गई रेखा भुजा को समद्विभाजित करती है।

AD = BD व  $DE \parallel BC$  तब E, AC का मध्य बिंदु होगा।

अति-अति लघु उत्तरीय प्रश्न (1 अंक)

- 1. चतुर्भुज के तीन कोणों का मान 75°, 90°, 75° हो तो चौथा कोण होगा:
  - (a) 90°

(b) 95°

(c) 105°

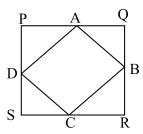
- (d) 120°
- 2. सम चतुर्भुज ABCD में  $\angle ACB = 40^\circ$  हो तो  $\angle ABD$  का मान है?
  - (a)  $40^{\circ}$

(b) 45°

(c) 50°

(d) 60°

3.	<ul> <li>समान्तर चतुर्भुज के आंतरिक कोणों के समद्विभाजकों से बनने वाली आकृति होर्ग</li> </ul>	
	(a) समांतर चतुर्भुज	(b) वर्ग
	(c) समचतुर्भुज	(d) आयत
4. चतुर्भुज की भुजाओं मे मध्य बिंदुओं को क्रमागत मिलाने पर बनने वाली उ		ागत मिलाने पर बनने वाली आकृति होगी?
	(a) वर्ग	(b) समान्तर चतुर्भुज
	(c) आयत	(d) सम चतुर्भुज
5.	एक समांतर चतुर्भुज $ACBD$ के विकर्ण $AB$ औ यदि $\angle DAC = 32^\circ$ और $\angle AOB = 70^\circ$ हो	
	(a) 24°	(b) 86°
	(c) 38°	(d) 32°
6.	एक समानतर चतुर्भुज के कोण क्रमश: 3:4: मान होगा।	5:6 के अनुपात में है। चतुर्भुज के कोणों का
	(a) 60°, 80°, 100°, 120°	(b) 120°, 100°, 80°, 60°
	(c) 120°, 60°, 80°, 100°	(d) 80°, 120°, 100°, 60°
7.	किसी त्रिभुज की दो भुजाओं के मध्य बिंदुओं समान्तर होती है और उसकी	
	(a) त्रिभाजित	(b) आधी
	(c) समद्विभाजित	(d) एक-चौथाई
8.	यदि एक सम चतुर्भुज की दो क्रमागत भुजाएँ परिमाप होगा?	3x-6 और $x+14$ हो तब सम चतुर्भुज का
	(a) 10	(b) 24
	(c) 70	(d) 96
9.	बिंदु $A, B, C$ और $D$ वर्ग $PQRS$ की भुजाओं व	हे मध्य बिंदु है। यदि PQRS का क्षेत्रफल 36
	वर्ग इकाई हो तो ABCD का क्षेत्रफल होगा?	
	(a) $9\sqrt{2}$	(b) $18\sqrt{2}$
	(c) 9	(d) 18

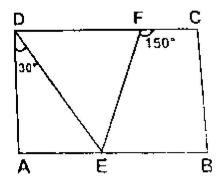


- 10. एक सम चतुर्भुज का परिमाप 60 सेमी है। यदि उसके बड़े विकर्ण की लम्बपाई 24 सेमी हो तो छोटे विकर्ण की लम्बाई सेमी होगी:
  - (a) 20

(b) 18

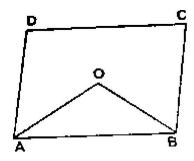
(c) 15

- (d) 9
- 11. निम्न में कौन सा कथन सभी समांतर चतुर्भुजों के लिए सत्य है।
  - (a) विकर्ण बराबर होते है
  - (b) क्षेत्रफल दो संलग्न भुजाओं के गुणनफल के बराबर होता है।
  - (c) विपरीत कोण समान होते हैं।
  - (d) विकर्ण परस्पर लम्ब होते हैं।
- **12.** दी गयी आकृति एक आयत ABCD है। यदि  $\angle ADE = 30^\circ$  और  $\angle CFE = 150^\circ$  हो तो  $\angle DEF$  का मान कितना होगा?

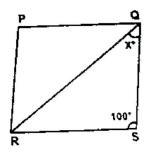


13. दिये गये चार बिंदुओं A, B, C, D में तीन बिंदु A, B और C सरेखीय हैं इन बिंदुओं को क्रमागत मिलाने पर प्राप्त होने वाली बन्द आकृति का नाम बताइए।

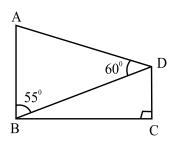
- 14. समांतर चतुर्भुज के दो क्रमागत कोणों का योग कितना होता है?
- **15.** समांतर चतुर्भुज ABCD में कोणों A और B के समद्विभाजक परस्पर O पर काटते हैं। कोण AOB का मान कितना होगा?



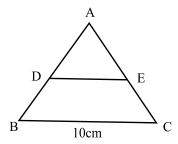
- 16. यदि एक समांतर चतुर्भुज का एक कोण अपने संलग्न कोण का दो-तिहाई हो तो समांतर चतुर्भुज का सबसे छोटा कोण कितना होगा?
- 17. संलग्न आकृति में PQRS एक समचतुर्भुज है। x का मान क्या होगा?



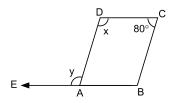
- **18.** यदि समांतर चतुर्भुज के दो संलगन कोणों का अनुपात 2:4 हो तो दोनों कोणों का मान कितना होगा?
- 19. यदि चतुर्भुज ABCD, में  $\angle A=60^\circ$  तो  $\angle B$ ,  $\angle C$  और  $\angle D$  ज्ञात कीजिए।
- **20.** यदि चतुर्भुज के कोणों का अनुपात 1:2:4:5 है तो प्रत्येक कोण का माप ज्ञात कीजिये।
- 21. एक समचतुर्भुज LMNP, में  $\angle LNM = 40^{\circ}$  तो  $\angle LPM$  का माप क्या होगा?
- **22.** एक चतुर्भुज के चार कोणों का अनुपात 1:1:1:1 है तो यह किस प्रकार का चतुर्भुज है?
- 23. संलग्न चित्र में  $AB \parallel CD$  तो  $\angle ADC$  क्या होगा?



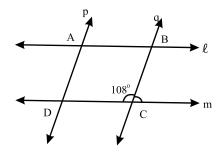
**24.** चित्र में यदि D और E क्रमश: AB और AC के मध्य बिंदु है तो ED की लम्बाई क्या होगी?



- **25.** PQRS एक चतुर्भुज है, जिसमें  $\angle QPS = 50^\circ$  तो  $\angle RQS$  का मान क्या होगा?
- **26.** चित्र में ABCD एक समांतर चतुर्भुज है। (x+y) का मान ज्ञात कीजिए।

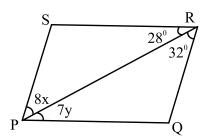


**27.** चित्र में  $l \parallel m$  और  $p \parallel q. \angle BCD = 108^\circ$  चतुर्भुज ABCD के चारों कोणों का मान ज्ञात कीजिये।

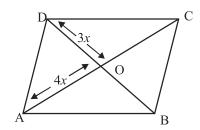


118

28.	निम्नलिखित में कौन-कौन से कथन (T) सत्य है और कौन से असत्य (F) है?	
	(a) एक समांतर चतुर्भुज के विकर्ण समान होते है।	)
	(b) यदि किसी चतुर्भुज के सभी कोण समान हो तो वह एक समांतर चतुर्भुज होता है	1
	(	)
	(c) समांतर चतुर्भुज के विकर्ण परस्पर समद्विभाजित करते है।	)
	(d) सम चतुर्भज के विकर्ण समान होते है।	)
	(e) समांतर चतुर्भुज के सभी कोण न्यून कोण होते हैं।	)
	(f) समलम्ब चतुर्भुज में विपरीत भुजाओं के दोनों युग्म समांतर होते है।	)
	रिक्त स्थान भरो	
29.	समांतर चतुर्भुज के विपरीत कोण होते है।	
30.	एक आयत के दोनों विकर्ण परस्पर तथा होते हैं।	
31.	यदि एक आयत $ABCD$ में विकर्ण $AC$ , $\angle A$ तथा $\angle C$ को समद्विभाजित करता हो त $ABCD$ एक होगा।	तो
32.	एक चतुर्भुज, समांतर चतुर्भुज होगा यदि उसकी सम्मुख भुजाओं के दोनों युग्म हों।	••
33.	एक समचतुर्भुज के विकर्ण एक दूसरे को करते हैं तथा परस्पर होते हैं।	••
34.	एक वर्ग के विकर्ण होते हैं।	
	अति लघु उत्तरीय प्रश्न (2 अंक)	
35.	सिद्ध कीजिये कि चतुर्भुज के चारों कोणों का योग 360° होता है।	
36.	दर्शाइये कि "समांतर चतुर्भुज के सम्मुख कोण समान होता है"।	
37.	किसी समांतर चतुर्भुज $ABCD$ में यदि $\angle B$ = $110^\circ$ तो $\angle A$ और $\angle D$ का मान ज्ञात कीजिए	ĹΙ
38.	चित्र में यदि $PQRS$ सएक समांतर चतुर्भुज है तो $x$ और $y$ का मान ज्ञात कीजिये।	



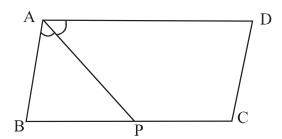
- **39.** एक समांतर चतुर्भुज ABCD के विकर्ण परस्पर O पर काटते हैं। O से गुजरती एक रेखाखण्ड AB को X तथा DC को Y पर काटती है। सिद्ध कीजिए कि OX = OY.
- **40.** एक समांतर चतुर्भुज ABCD में विकर्ण AC और BD एक दूसरे को O पर काटते हैं। यदि AC = 7.4 सेमी., BD = 6.2 सेमी, AO तथा BO की लम्बाई ज्ञात कीजिए।
- **41.** समांतर चतुर्भुज के दो सम्मुख कोणों का माप  $(5x-3)^\circ$  और  $(4x+12)^\circ$  हैं। चतुर्भुज के चारों कोणों के मान ज्ञात कीजिए।
- **42.** एक चतुर्भुज ABCD के विकर्ण एकदूसरे को परस्पर समिद्धभाजित करते हैं। यदि $\angle A$ =35° है तो  $\angle B$  ज्ञात कीजिए।
- 43. एक समांतर चतुर्भुज का परिमाप 30सेमी. है। यदि लम्बी भुजा 9.5 सेमी. है तो छोटी भुजा की लम्बाई ज्ञात कीजिए।
- **44.** एक समांतर चतुर्भुज ABCD के विकर्ण परस्पर O पर काटते हैं। AC=12.6 सेमी. और BD = 9.4 सेमी. OC और OD का मान ज्ञात कीजिए।
- **45.** ABCD एक समचतुर्भुज है जिसमें DO = 3x तथा AO = 4x है तो ABCD का परिमाप ज्ञात कीजिए।



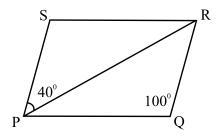
**46.** एक चतुर्भुज के कोणों का माप  $(x+20)^\circ$ ,  $(x-20)^\circ$ ,  $(2x+5)^\circ$  और (2x-5) है। x का मान ज्ञात कीजिये।

### लघु उत्तरीय प्रश्न (3 अंक)

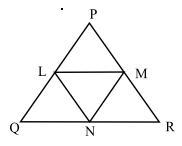
**47.** दी गई आकृति में समांतर चतुर्भुज ABCD में बिंदु P, BC का मध्य बिंदु है। यदि  $\angle BAP = \angle DAP$  है तो सिद्ध कीजिए AD = 2CD.



**48.** संलग्न चित्र में PQRS एक समांतर चतुर्भुज है, जिसमें  $\angle PQR = 100^\circ$  और  $\angle SPR = 40$  तो  $\angle PRQ$  और  $\angle SRQ$  ज्ञात कीजिये।

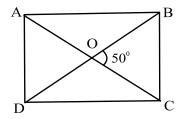


- 49. "किसी त्रिभुज की दो भुजाओं के मध्य बिन्दुओं को जोड़ने वाली रेखाखण्ड, तीसरी भुजा के समांतर होती है" सिद्ध कीजिए।
- **50.** संलग्न चित्र में L, M और N क्रमश: PQ, PR, QR के मध्य बिंदु हैं। यदि PQ = 4.4 सेमी, QR = 5.6 सेमी, PR = 4.8 cm सेमी, तो त्रिभुज LMN का परिमाप ज्ञात कीजिए।

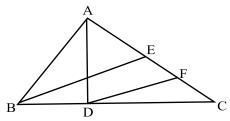


51. यदि किसी चतुर्भुज में सम्मुख भुजाओं का एक युग्म बराबर और समांतर हो तो वह चतुर्भुज समांतर चतुर्भुज होगा। सिद्ध कीजिये।

- 52. यदि किसी चतुर्भुज के विकर्ण परस्पर समद्विभाजित करते हैं तो वह चतुर्भुज समांतर चतुर्भुज होगा। सिद्ध कीजिये।
- 53. एक समांतर चतुर्भुज PQRS मे M तथा N बिंदु क्रमश: PQ और RS पर इस प्रकार हैं कि PM = RN सिद्ध कीजिए  $MS \parallel NQ$ .
- **54.** एक समांतर चतुर्भुज ABCD में AP तथा CQ क्रमश: शीर्ष A तथा C से विकर्ण BD पर डाले गये लम्ब हैं। सिद्ध कीजिये  $\Delta APB \cong \Delta CQD$ .
- **55.** आयत ABCD के विकर्ण परस्पर O पर काटते हैं। यदि  $\angle BOC$   $50^\circ$  तो  $\angle ODA$  ज्ञात कीजिये।

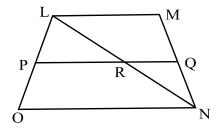


**56.** संलग्न चित्र में AD और BE,  $\Delta ABC$  की माध्यिकाएं हैं और  $BE \parallel DF$  है। सिद्ध कीजिए CF = 1/4 AC.

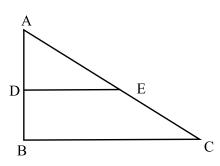


दीर्घ उत्तरीय प्रश्न (5 अंक)

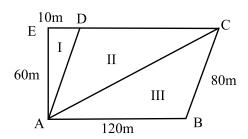
57. संलग्न चित्र में LMNO समलंब चतुर्भुज हैं।  $LM \parallel ON$ , बिंदु P,LO का मध्य बिंदु है। बिंदु Q,MN पर इस प्रकार है कि  $PQ \parallel ON$ । सिद्ध कीजिये कि Q,MN का मध्य बिंदु और  $PQ \parallel 1/2 \ (LM+ON)$ .



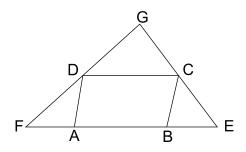
**58.** चित्र में,  $\angle B = 90^\circ$  यदि AB = 9 सेमी. AC = 15 सेमी. और D तथा E क्रमश: AB और AC के मध्य बिन्दु हैं तो ज्ञात कीजिये:



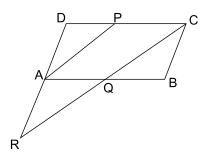
- (i) BC की लम्बाई
- (ii) समलम्ब चतुर्भुज
- (ii) BCED का क्षेत्रफल
- **59.** एक किसान अपने खेत को तीन भागों I, II और III में (चित्रानुसार) बांटता है। भाग I में वह अपने जानवरों की देखभाल करता है। जबिक भाग II और III में वह दो अलग तरह की फसल उगाना चाहता है। निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिये।:



- (i) जानवरों की देखभाल के लिए प्रयोग होने वाले भाग का क्षेत्रफल क्या है?
- (ii) क्या क्षेत्रफल II क्षेत्रफल III के समान है? प्रमाणित कीजिए।
- (iii) खेत का कुल क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।
- **60.** समान्तर चतुर्भुज ABCD की भुजा AB को दोनों ओर बिंदु E और F तक इस प्रकार बढ़ाया गया कि BE = BC और AF = AD. दर्शाइए कि EC और FD को बढ़ाने पर वह दोनों समकोण बनाते हैं।



**61.** समांतर चतुर्भुज ABCD में बिंदु P भुजा CD का मध्य बिंदु है। C से गुजरती हुई रेखा PA के समांतर है और AB को Q पर काटती है और बढ़ी हुई भुजा DA को R पर। सिद्ध कीजिए DA = AR तथा CQ = QR.



उत्तर

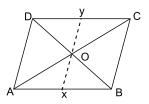
- **1.** (d) 120°
- **2.** (c)  $50^{\circ}$
- **3.** (d) आयत
- 4. (b) समांतर चतुर्भुज
- **5.** (c) 38°
- **6.** (a)  $60^{\circ}$ ,  $80^{\circ}$ ,  $100^{\circ}$ ,  $120^{\circ}$
- **7.** (c) आधा
- **8.** (d) 96
- **9.** (d) 18
- **10.** (b) 18

- 11. विपरीत कोण समान होते हैं
- **12.** 90°
- 13. एक त्रिभुज
- **14.** 180°
- **15.** 90°
- **16.** 72°
- **17.** 40°
- **18.** 60°, 120°
- **19.** 120°, 60°, 120°
- **20.** 30°, 60°, 120°, 150°
- **21.** 100°
- 22. आयत
- **23.** 115°
- **24.** 5 cm
- **25.** 65°
- **26.** 200°
- **27.** 108°, 72°, 108°, 72°
- **28.** (a) F (b) F (c) T (d) F (e) F (f) F
- **29.** बराबर
- 30. समद्विभाजक, बराबर
- 31. समचतुर्भुज
- 32. समांतर या बराबर
- 33. समद्विभाजित, लम्ब
- 34. बराबर, लम्ब समद्विभाजक

**37.** 70°, 110°

**38.** 
$$x = y = 4$$

39.



 $\Delta AOX \& \Delta COY$  में

$$OA = OC$$

$$\angle AOX = \angle COY$$

$$\angle OAX = \angle OCY$$

$$\Delta AOX \cong \Delta COY(ASA)$$

$$OX = OY(CPCT)$$

**40.**  $OA = \frac{1}{2} AC$  (समांतर च. के विकर्ण एक दूसरे को समद्विभाजित करते हैं)

$$=\frac{1}{2} \times 7.4 = 3.7 \text{ cm}$$

इसी प्रकार 
$$OB = \frac{1}{2} BD = 3.1 \text{ cm}.$$

**41.** 
$$5x - 3 = 4x + 12$$

$$x = 15^{\circ}$$

$$5x - 3 = 5 \times 15^{\circ} - 3 = 72^{\circ}$$

शेष कोण होगें 108°, 72°, 108°

**42.** 145°

**43.** माना लम्बी भुजा है a = 9.5 cm और छोटी भुजा है 'b'

परिमाप 
$$= 2a + 2b = 30$$

$$2 \times 9.5 + 2b = 30$$

$$2b = 11$$

$$b = 5.5$$
cm

**44.** 
$$OC = \frac{1}{2} AC = 6.3 \text{ cm}$$

$$OD = \frac{1}{2} BD = 4.7 \text{ cm}$$

**45.** Δ*OAD* में

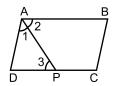
$$AD^2 = (3x)^2 + (4)^2$$
  
 $AD^2 = 9x^2 + 16x^2$   
 $AD = 5x$ 

परिमाप = 20x

46. Hint:चतुर्भुज के चारों कोणों का योग 360° होता है

$$x = 60$$

**47.** Hint:



$$\angle 1 = \angle 2$$

$$\angle 2 = \angle 3$$

$$\angle 1 = \angle 3$$

 $\Delta ABP$  में

$$\angle 1 = \angle 3$$

$$BP = AB$$

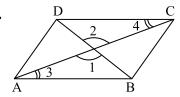
**48.** पहले  $PS \parallel RQ$  तथा PR को तिर्यक रेखा लें फिर  $PQ \parallel RS$  तथा PR को तिर्यक रेखा लें

$$\angle PRQ = 40^{\circ}, \angle SRQ = 80^{\circ}$$

**50.** 
$$MN = \frac{1}{2} PQ = 2.2 \text{ cm}$$

इसी प्रकार LM = 2.8 cm. LN = 2.4 cm

**52.** 

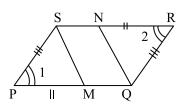


Proof: OA = OC (दिया है) OB = OD  $\angle 1 = \angle 2 \text{ (V.O.A)}$   $\Rightarrow \qquad \Delta AOB \cong \Delta COD \text{ (क्यों)}$   $\Rightarrow \qquad AB = CD \qquad --- (1) \text{ (CPCD)}$ &  $\angle 3 = \angle 4 \qquad \text{ (CPCD)}$   $AB \parallel CD \qquad --- (2) \text{ (क्यों)}$ 

(1) और (2) से

ABCD एक समांतर च. है।

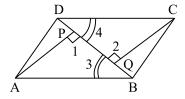
**53.** 



 $\Delta PMS$  और  $\Delta RNQ$  में

$$PS=QR$$
 (स. च. की विपरीत भुजाएँ) 
$$PM=RN \qquad \qquad (दिया है)$$
  $\angle 1=\angle 2 \qquad \qquad (स. च.)$   $\Delta PMS\cong \Delta RNQ$ 

54.

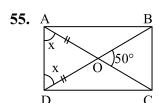


 $\Delta APC$  &  $\Delta CQD$  में

$$\angle 1 = \angle 2 \& \angle 3 = \angle 4$$
  
 $AB = CD$   
 $\triangle APB = \triangle CQD \quad [AAS \stackrel{\rightarrow}{\bowtie}]$ 

128

\_\_\_



$$\angle BOC = \angle AOD = 50^{\circ}$$

 $\Delta AOD$  में

$$x + x + 50 = 180^{\circ}$$
 [क्यों]  
 $2x = 180 - 50$   
 $x = 65^{\circ} = \angle ODA$ 

**56.** Hint-In  $\triangle ABC$ 

$$EC = \frac{1}{2} AC [BEमाध्यिका है]$$

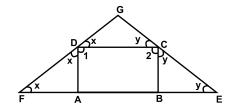
In  $\Delta BEC$ 

$$CR = \frac{1}{2} EC$$

- **58.** 12 cm, 40.5 cm<sup>2</sup>
- **59.** Hint:

$$\frac{1}{2}$$
 (130 + 120) × 60

- (i)  $300 \, \text{m}^2$
- (ii) हाँ
- (iii) 7500m<sup>2</sup>
- **60.** समांतर चतुर्भुज *ABCD* में



$$\angle 1 + \angle 2 = 180^{\circ}$$
 --- (1)  
  $x + x + \angle 1 = 180^{\circ}$  [Why?]

$$x = 90 - \frac{1}{2}(\angle 1) \qquad -----(2)$$

similarly

$$y = 90^{\circ} - \frac{1}{2} \ (\angle 2)$$
 -----(3)

 $\Delta DGC$  में  $\angle DGC + x + y = 180^{\circ}$ 

**61.** APCQ समांतर चतुर्भुज है

Q, AB का मध्य बिंदु है

 $\Delta AQR$  तथा  $\Delta BQC$  में

$$\angle AQR = \angle BQC$$

$$\angle QAR = \angle QBC$$

$$AQ = BQ$$

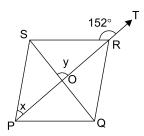
$$\Delta AQR \cong \Delta BQC$$

### अभ्यास परीक्षा

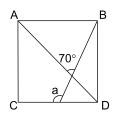
समय : 1 घंटा M.M. 20

1. एक चतुर्भुज के चारों कोणों में अनुपात 2:3:5:8 हैं। सबसे छोटे कोण का माप ज्ञात कीजिए। (1)

- 2. समांतर चतुर्भुज के दो सम्मुख कोणों का माप  $(5x-3)^\circ$  और  $(4x+12)^\circ$  है। चतुर्भुज के चारों कोणों के माप ज्ञात कीजिए। (1)
- 3. त्रिभुज  $\Delta PQR$ , की माध्यिका PS को बिंदु T तक इस प्रकार बढ़ाया कि PS=ST। सिद्ध कीजिए कि PQTR एक समांतर चतुर्भुज हैं। (2)
- 4. चित्र में एक समचतुर्भुज PQRS में विकर्ण PR को बिंदु T तक बढ़ाया गया। यदि  $\angle SRT = 152^\circ$  तो x और y का मान ज्ञात कीजिए। (2)



5. चित्र में ABCD एक वर्ग हैं एक रेखाखण्ड BM, CD को M पर और विकर्ण AC को O पर काटती है और  $\angle AOB = 70^\circ$  तो a का मान ज्ञात कीजिए। (3)

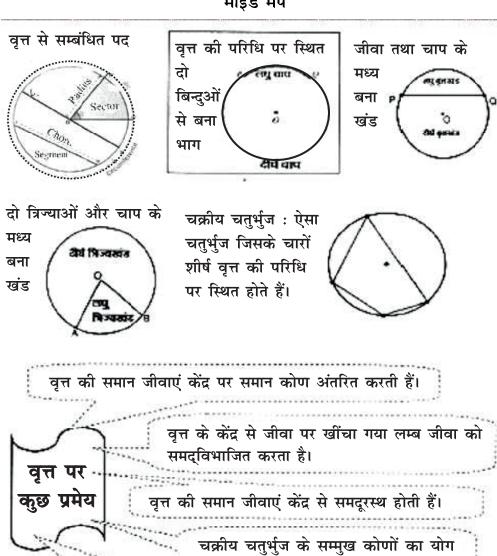


- 6. AD त्रिभुज  $\triangle ABC$  की माध्यिका है बिंदु E,AD का मध्य बिंदु हैं BE को इस प्रकार बढ़ाया गया कि AC को F पर काटती है। सिद्ध कीजिए। AF = 1/3 AC. (3)
- 7. सिद्ध कीजिए कि समांतर चतुर्भुत के कोणों के समद्विभाजक एक आयत बनाते है। (4)
- 8. "एक वर्ग की भुजाओं के मध्य बिन्दुओं को जोड़ने पर प्राप्त चतुर्भुज एक वर्ग है" सिद्ध कीजिए।

(4)

# अध्याय - 10 वृत्त

# माइंड मैप



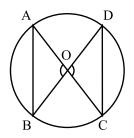
180° होता है।

#### महत्वपूर्ण बिंदुः

एक तल पर उन सभी बिंदुओं का समूह जो तल पर स्थित एक स्थिर बिंदु से एक स्थिर दूरी पर स्थित हों, एक वृत्त कहलाता है। स्थिर बिंदु को वृत्त का केन्द्र और स्थिर दूरी को वृत्त की त्रिज्या कहते हैं।

प्रमेय: वृत्त की बराबर जीवाएं केन्द्र पर बराबर कोण अंतरित करती हैं।

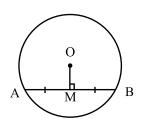
यदि 
$$AB = CD$$
 तो  $\angle AOB = \angle COD$ 



विलोम: यदि एक वृत्त की जीवाओं द्वारा केन्द्र पर अंतरित कोण बराबर हों तो वे जीवाएं बराबर होती हैं।

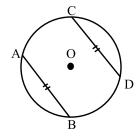
प्रमेयः एक वृत्त के केन्द्र से जीवा पर डाला गया लम्ब जीवा को सम्द्विभाजित करता है।

यदि 
$$OM \perp AB$$
 तो  $AB = BM$ 



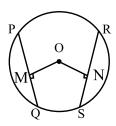
विलोम: एक वृत्त के केन्द्र से जीवा को सम्द्विभाजित करने के लिए खींची गई रेखा जीवा पर लम्ब होती है।

गुण: यदि किसी वृत्त की दो जीवाएं बराबर हों तो उनकी संगत चाप सर्वांगसम होती हैं।



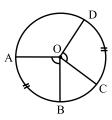
विलोम: यदि किसी वृत्त की चाप सर्वांगसम हों तो उनकी संगत जीवाएं बराबर होती हैं।

**प्रमेय:** एक वृत्त की बराबर जीवाएं केन्द्र से समदूरस्थ होती हैं। यदि PQ = RS तो OM = ON



विलोम: किसी वृत्त के केन्द्र से समदूरस्थ जीवाएं लम्बाई में समान होती हैं।

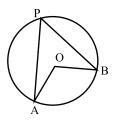
गुण: किसी वृत्त की सर्वांगसम चाप या बराबर चाप केन्द्र पर समान कोण अंतरित करती हैं।



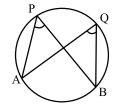
$$\Rightarrow \angle AOB = \angle COD$$

प्रमेयः एक चाप द्वारा केन्द्र पर अंतरित कोण उसी चाप द्वारा वृत्त के शेष भाग पर अंतरित कोण का दुगुना होता है।

$$\Rightarrow \angle AOB = 2\angle APB$$

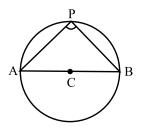


एक ही वृत्त-खंड के कोण बराबर होते हैं।  $\Rightarrow \angle APB = \angle AQB$ 



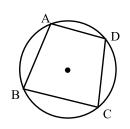
• अर्धवृत्त में बना कोण समकोण होता है।

$$\angle APB = 90^{\circ}$$



प्रमेयः किसी चक्रीय चतुर्भुज के सम्मुख कोणों के युग्म का योग 180° होता है।

$$\angle A + \angle C = 180^{\circ}$$
$$\angle B + \angle D = 180^{\circ}$$



विलोम: यदि किसी चतुर्भुज के सम्मुख कोणों के युग्म का योग  $180^\circ$  हो तो वह चतुर्भुज चक्रीय चतुर्भुज होता है।

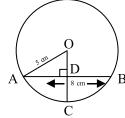
### अति-अति लघु उत्तरीय प्रश्न (1 अंक)

- 1. एक ही वृत्त-खण्ड में बने कोण होते है:
  - (a) बराबर

(b) पूरक

(c) सम्पूरक

- (d) शीर्षाभिमुख
- 2. आकृति में, यदि OA = 5 सेमी, AB = 8 सेमी. तथा OD जीवा AB पर लंब है, तो CD बराबर है:
  - (a) 2 सेमी.
  - (b) 3 सेमी.
  - (c) 4 सेमी.
  - (d) 5 सेमी.



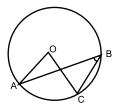
- 3. एक वृत्त की त्रिज्या 13 सेमी तथा इसमें स्थित एक जीवा की लंबाई 10 सेमी है। वृत्त के केन्द्र से जीवा की लंबाई है:
  - (a) 11.5 सेमी.

(b) 12 सेमी.

(c)  $\sqrt{69}$  सेमी.

(d) 23 सेमी.

4. आकृति में यदि  $\angle ABC = 20^{\circ}$  है, तो  $\angle AOC$  बराबर है:



(a) 20°

(b) 40°

(c)  $60^{\circ}$ 

- (d) 10°
- 5. केन्द्र O वाले वृत्त की दो जीवाएँ AB तथा BC इस प्रकार हैं कि AB = 12 सेमी. , BC = 16 सेमी. तथा AB, BC के लंबवत् है, तो A, B, C बिंदुओं से गुजरने वाली वृत्त की त्रिज्या है:
  - (a) 6 सेमी.

(b) 8 सेमी.

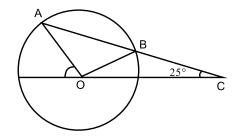
(c)  $\sqrt{10}$  सेमी.

- (d) 12 सेमी.
- 6. दी गई आकृति में, केन्द्र O वाले वृत्त की जीवा AB को C तक इस प्रकार आगे बढ़ाया गया है कि BC = OB तथा CO को मिलाया गया और आगे बढ़ाने पर वृत्त के बिंदु D पर मिला। यदि  $\angle ACD = 25^{\circ}$  तो  $\angle AOD = ?$ 
  - (a) 50°

(b) 75°

(c) 90°

(d) 100°



- 7. बिंदु A, B, C और D एकवृत्तीय होगें यदि  $\angle BAD$  और  $\angle BAC$  बराबर हों:
  - (a) 180°

(b) 90°

(c) 45°

(d) 100°

- 8. किसी वृत्त का व्यास AD = 34 सेमी और जीवा AB = 30 सेमी. है तो वृत्त के केन्द्र से AB की दूरी है:
  - (a) 17 सेमी.

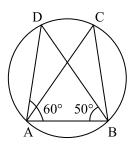
(b) 15 सेमी.

(c) 4 सेमी.

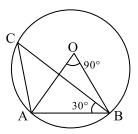
- (d) 8 सेमी.
- 9. आकृति में, यदि  $\angle DAB = 60^{\circ}, \angle ABD = 50^{\circ}$  है, तो  $\angle ACB$  बराबर है:



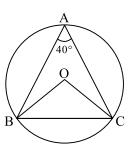
- (b) 60°
- (c) 70°
- (d) 80°



- **10.** आकृति में,  $\angle AOB = 90^{\circ}$  तथा  $\angle ACD = 30^{\circ}$  है, तो  $\angle CAO$  बराबर है:
  - (a) 30°
  - (b) 45°
  - (a) 90°
  - (b) 60°



- 11. दी गई आकृति में, O वृत्त का केन्द्र है तथा  $\angle BAC = 40^\circ$  तो  $\angle OBC = ?$ 
  - (a) 40°
  - (b) 50°
  - (c) 80°
  - (d) 20°



- 12. 9 सेमी. भुजा वाला एक समबाहु त्रिभुज वृत्त के अंतर्गत स्थित है, वृत्त की त्रिज्या है:
  - (a) 3 सेमी.

(b)  $3\sqrt{2}$  सेमी.

(c)  $3\sqrt{3}$  सेमी.

(d) 6 सेमी.

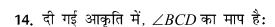
13. आकृति में BC वृत्त का व्यास है तथा  $\angle BAO = 60^{\circ}$  है, तो  $\angle ADC$  बराबर है:



(b) 60°

(c) 120°

(d) 45°

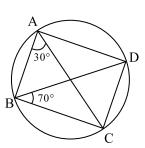


(a) 80°

(b) 30°

(c) 70°

(d) 100°



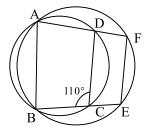
**15.** दी गई आकृति में ABCD तथा ABEF दो चक्रीय चतुर्भुज हैं यदि  $\angle BCD = 110^\circ$  तो  $\angle BEF = ?$ 

(a) 110°

(b) 55°

(c) 90°

(d) 70°



**16.** ABCD एक चक्रीय चतुर्भुज इस प्रकार है कि AB वृत्त का व्यास है तथा  $\angle ADC = 140^\circ$  तो  $\angle BAC$  बराबर है:

(a) 80°

(b) 30°

(c) 50°

(d) 40°

17. 13 सेमी. त्रिज्या वाले वृत्त पर 12 सेमी. दूरी पर स्थित जीवा की लम्बाई है:

(a) 5 सेमी.

(b) 10 सेमी.

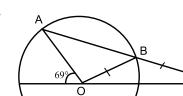
(c) 12 सेमी.

(d) 13 सेमी.

**18.** दी गई आकृति में  $\angle ECB = 40^\circ$  तथा  $\angle CEB = 105^\circ$  तो  $\angle EAD = ?$ 



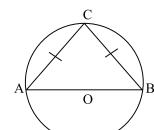
- (b) 20°
- (c) 50°
- (d) 40°



D

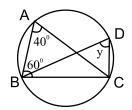
)105°

- **19.** दी गई आकृति में, *BC* = त्रिज्या *OB* है। ∠*OCB* का माप है:
  - (a) 69°
  - (b) 46°
  - (c) 92°
  - (d) 23°
- **20.** दी गई आकृति में AOC वृत्त का व्यास और AC = BC है।  $\angle CAB$  का मान है:

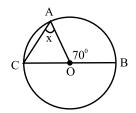


- (a)  $60^{\circ}$
- (b) 50°
- (c) 45°
- (d)  $70^{\circ}$
- 21. त्रिज्यखण्ड, वृत्त की चाप और वृत्त की ...... के मध्य का क्षेत्र होता है।
- 22. किसी चाप के सिरे वृत्त के व्यास पर स्थित हों तो वह चाप ...... होती है।
- 23. अर्द्धवृत्त के कोण का माप ...... होता है।
- 24. एक वृत्त किसी तल को ...... भागों में बाँटता है।
- 25. किसी वृत्त का व्यास, वृत्त की ...... जीवा होती है।
- 26. समान केन्द्र और विभिन्न त्रिज्याओं वाले वृत्त ...... वृत्त कहलाते हैं।
- 27. अर्द्धवृत्त का कोण ..... होता है।
- 28. वृत्त की दो जीवाएँ बराबर हों तो संगत चाप ...... होती हैं।
- 29. यदि किसी चतुर्भुज के सम्मुख कोणों के युग्म का योग 180° हो तो वह चतुर्भुज ...... ...... होता है।

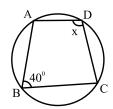
- 30. एक वृत्ताकार पिज्जा को चार भागों में बाँटा जाता है। प्रत्येक भाग ...... प्रदर्शित करता है।
- **31.** एक वृत्त का व्यास AD और AB जीवा है। यदि  $AD=34~\mathrm{cm}, AB=30~\mathrm{cm}$  तो BD ज्ञात कीजिए।
- 32. दिए गए दो संकेन्द्रीय वृत्तों के केन्द्र O हैं। एक रेखा वृत्तों को क्रमश: A, B, C तथा D पर काटती है। यदि  $AB=10~{\rm cm}$  तो CD की लम्बाई ज्ञात कीजिए।
- **33.** दी गई आकृति में y का माप ज्ञात कीजिए।



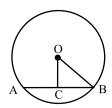
**34.** दी गई आकृति में x का माप ज्ञात कीजिए।



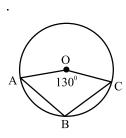
**35.** x का मान ज्ञात कीजिए।



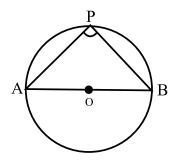
**36.** दी गई आकृति में केन्द्र O से जीवा AB पर OC लम्ब खींचा गया है। यदि OB = 5 cm और OC = 3 cm तो AB की लम्बाई ज्ञात कीजिए।



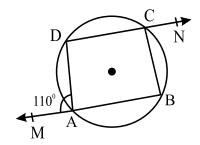
37. दी गई आकृति में O वृत्त का केन्द्र है यदि  $\angle AOC = 130^\circ$  तो  $\angle ABC$  का माप ज्ञात कीजिए।



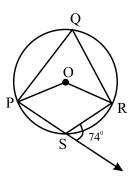
**38.** दी गई आकृति में AOB वृत्त का व्यास है और P वृत्त पर स्थित एक बिंदु है तो  $\angle APB$  का मान ज्ञात कीजिए।



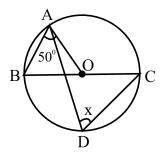
- 39. सिद्ध कीजिए चक्रीय समांतर चतुर्भुज एक आयत होता है।
- 40. यदि एक वृत्त की जीवा उसकी त्रिज्या के समान है तो उस जीवा द्वारा वृत्त पर अंतरित कोण का माप लघु चाप और दीर्घ चाप पर ज्ञात कीजिए।
- 41. दी गई आकृति में  $\angle BCN$  का माप ज्ञात कीजिए।



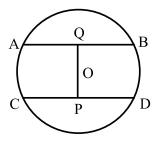
42. दी गई आकृति में प्रतिवर्ती कोण POR ज्ञात कीजिए।



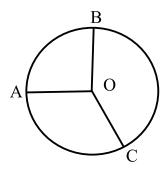
43. दी गई आकृति में O, वृत्त का केन्द्र है। यदि  $\angle OAB = 50^\circ$  तो x का माप ज्ञात कीजिए।



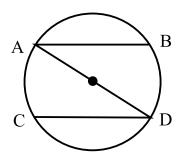
44. दी गई आकृति में O, वृत्त का केन्द्र है तथा वृत्त की त्रिज्या 5 cm है। यदि  $OP \perp CD$ ,  $OQ \perp AB$ ,  $AB \parallel CD$ , AB = 6 cm और CD = 8 cm हो तो PQ ज्ञात कीजिए।



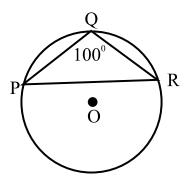
**45.** दी गई आकृति में, O वृत्त का केन्द्र है तथा  $\angle AOB = 90^\circ$ ,  $\angle BOC = 120^\circ$  है।  $\angle ABC$  का माप ज्ञात कीजिए।



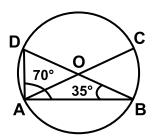
**46.** दी गई आकृति में, AB तथा CD समांतर जीवाएँ है। यदि चाप AC की लंबाई =  $14~\mathrm{cm}$  है तो BD की लंबाई ज्ञात कीजिए।



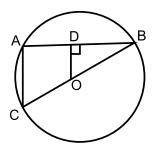
**47.** दी गई आकृति में  $\angle PQR = 100^\circ$  जहाँ P, Q और R वृत्त पर स्थित हैं जिसका केन्द्र O है।  $\angle OPR$  का माप ज्ञात कीजिए।



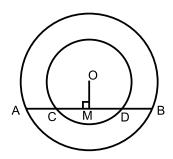
**48.** दी गई आकृति में O, वृत्त का केन्द्र है। यदि  $\angle ABD = 35^\circ$  और  $\angle BAD = 70^\circ$  तो  $\angle ACB$  ज्ञात कीजिए।



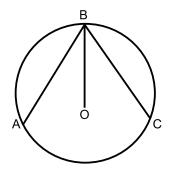
**49.** आकृति में O केन्द्र वाले वृत्त में OD, जीवा AB पर लंब है। यदि BC वृत्त का व्यास हो, तो दिखाइए कि CA = 2 OD है।



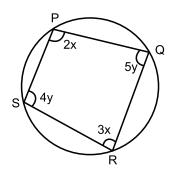
**50.** O केन्द्र वाले दो सकेंद्रीय वृत्त हैं। AB बाहरी वृत्त की एक जीवा है, जो आंतरिक वृत्त को C और D पर काटती है (जैसा कि आकृति में दिखाया गया है) AB = 12 cm और CD = 8 cm हो, तो AD ज्ञात कीजिए।



**51.** आकृति में, AB = BC और O वृत्त का केन्द्र है। सिद्ध कीजिए कि BO,  $\angle ABC$  का समिद्धभाजक है।

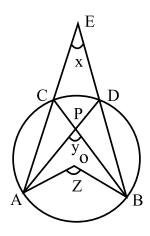


**52.** आकृति में PQRS एक चक्रीय चतुर्भुज है। x और y के मान ज्ञात कीजिए।

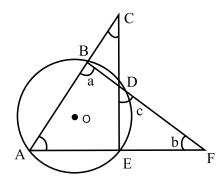


लघु उत्तरीय प्रश्न (3 अंक)

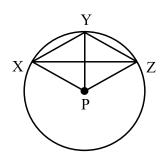
53. दी गई आकृति में, O वृत्त का केन्द्र है। सिद्ध कीजिए  $\angle x + \angle y = \angle z$  है।



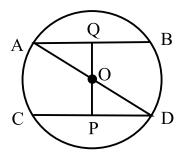
- 54. यदि समलंब चतुर्भुज की दो भुजाएँ, जो समान्तर नहीं हैं, समान हों तो सिद्ध कीजिए कि यह एक चक्रीय चतुर्भुज है।
- **55.** दी गई आकृति में यदि  $\angle BCD = 43^\circ$  और  $\angle BAF = 62^\circ$  हो तो a,b और c का मान ज्ञात कीजिए।



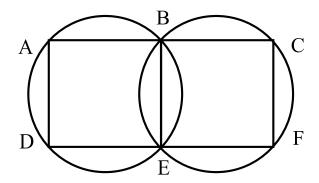
56. दी गई आकृति में P, वृत्त का केन्द्र है तो सिद्ध कीजिए कि  $\angle XPZ = 2$  ( $\angle XZY + \angle YXZ$ )



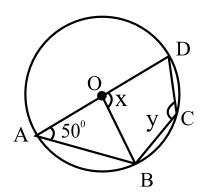
57. दी गई आकृति में AD वृत्त का व्यास तथा O केन्द्र है। यदि  $AB \parallel CD$  तो सिद्ध कीजिए AB = CD है।



- 58. सिद्ध कीजिए कि समबाहु त्रिभुज के केन्द्रक और परिकेन्द्र एक ही बिन्दु होते हैं।
- **59.** दी गई आकृति में A, B, C और D, E, F संरेखी बिंदुओं के दो युग्म हैं तो सिद्ध कीजिए  $AD \parallel CF$ .



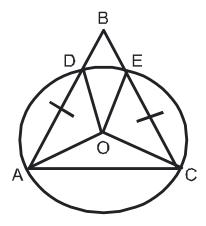
**60.** दी गई आकृति में O वृत्त का केन्द्र है और  $\angle DAB = 50^\circ$  है x और y के मान ज्ञात कीजिए।



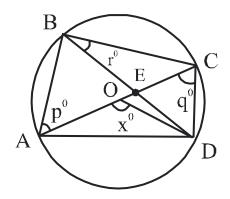
- 61. यदि एक वृत्त की दो समान जीवाएँ वृत्त के अभ्यंतर में एक-दूसरे को प्रतिच्छेदित करती हों तो सिद्ध कीजिए एक जीवा के खण्ड दूसरी जीवा के संगत खण्डों के समान होते हैं।
- 62. यदि किसी चतुर्भुज के सम्मुख कोणों का एक युग्म सम्पूरक हो तो सिद्ध कीजिए कि वह चतुर्भुज चक्रीय होगा।
- 63. एक त्रिभुज A,B,C के कोणों A,B और C के समद्विभाजक इसके परिवृत्त को क्रमश:D,E और E पर प्रतिच्छेद करते हैं। सिद्ध कीजिए कि त्रिभुज E के कोण क्रमश:E000  $-\frac{1}{2}$ 000  $-\frac{1}{2}$ 000 -

- 64. चक्रीय चतुर्भुज के बर्हिभाग के वृत्तखण्ड के कोणों के मापों का योगफल ज्ञात कीजिए।
- 65. मान लीजिए कि त्रिभुज ABC का शीर्ष B एक वृत्त के बाहर स्थित है और त्रिभुज की भुजाएँ AB तथा CB वृत्त से बराबर जीवाएँ AD और CE काटती हैं। सिद्ध कीजिए कि  $\angle ABC$  जीवाओं AC और DE द्वारा अंतरित कोणों के अंतर का आधा है।

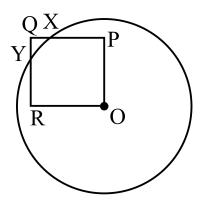
$$\angle ABC = \frac{1}{2} (\angle DOE - \angle AOC)$$



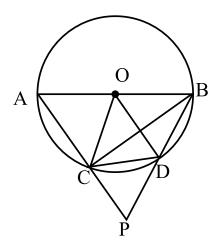
66. दी गई आकृति में वृत्त का केन्द्र O, व्यास AC और जीवा BD और AC एक दूसरे को E पर काटते हैं। यदि  $\angle AOD = x^{\circ}$ ,  $\angle BAC = p^{\circ}$ ,  $\angle ACD = q^{\circ}$  है तो P,Q,R का मान x के पदों में ज्ञात कीजिए।



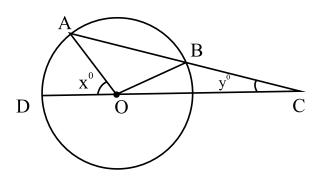
67. दिए गए चित्र में OPQR एक वर्ग है। एक वृत्त जिसका केन्द्र O है इस वर्ग को X तथा Y पर काटता है। सिद्ध कीजिए QX = QY है।



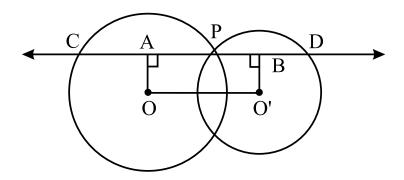
- 68. सिद्ध कीजिए कि चक्रीय चतुर्भुज के सम्मुख कोणों का प्रत्येक युग्म सम्पूरक होता है।
- 69. दिए गए चित्र में, वृत्त C(O, r) का व्यास AB है तथा चाप CD वृत्त की त्रिज्या OC के बराबर है। यदि AC तथा BD को बढ़ाने पर वे बिंदु P पर मिलते हैं तो सिद्ध कीजिए कि  $\angle APB$  का मान  $60^{\circ}$  है।



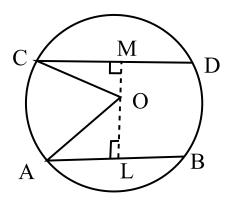
70. दिए गए चित्र में, केन्द्र O वाले वृत्त में जीवा AB को बिंदु C तक इस प्रकार बढ़ाया गया है कि BC = OB है। C को O से मिलाकर वृत्त पर बिंदु D तक बढ़ाया गया। यदि  $\angle ACD = y^\circ$  तथा  $\angle AOD = x^\circ$  तो सिद्ध कीजिए कि x = 3y है।



71. दो वृत्त जिनके केन्द्र O तथा O' हैं, बिंदु P पर प्रतिच्छेद करते हैं। बिंदु P से OO' के समांतर एक रेखा l खींची गई जो वृत्तों को बिंदु C तथा D पर प्रतिच्छेद करती है। सिद्ध कीजिए कि CD = 20O' है।

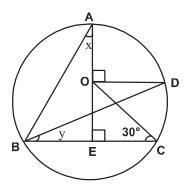


72. किसी वृत्त पर दो समांतर जीवाएँ AB तथा CD वृत्त के केन्द्र O की विपरीत दिशाओं में इस प्रकार स्थित है कि  $AB=10~{\rm cm}$ ,  $CD=24~{\rm cm}$  तथा AB और CD के बीच की दूरी 17 cm है। वृत्त की त्रिज्या ज्ञात कीजिए।

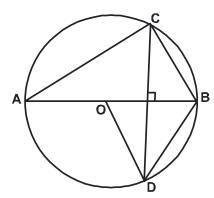


#### दीर्घ उत्तरीय प्रश्न (4 अंक)

- 73. AB और AC त्रिज्या r वाले एक वृत्त की दों जीवाएँ इस प्रकार है कि AB = 2AC है। यदि p और q क्रमश: केन्द्र से AB और AC की दूरियाँ हैं तो सिद्ध कीजिए कि  $4q^2 = p^2 + 3r^2$  है।
- 74. आकृति में O, वृत्त का केन्द्र है और  $\angle BCO = 30^\circ$  है। x और y ज्ञात कीजिए।



75. आकृति में, O वृत्त का केन्द्र है, BD = OD और  $CD \perp AB$  है।  $\angle CAB$  कीजिए।



- 76. सिद्ध कीजिए कि एक चाप द्वारा वृत्त के केन्द्र पर अंतरित कोण उसी चाप द्वारा वृत्त के शेष भाग पर बने कोण का दुगुना होता है।
- 77. सिद्ध कीजिए कि यदि किसी वृत्त की दो जीवाएँ एक दूसरे को समद्विभाजित करती हों तो वे वृत्त का व्यास होंगी।
- 78. सिद्ध कीजिए कि किसी चक्रीय चतुर्भुज के कोणों के समद्विभाजकों से बना चतुर्भुज भी चक्रीय होता है।

## अध्याय 10 वृत्त

## उत्तर व संकेत

- 1. (a) बराबर
- **2.** (a) 2 सेमी.
- **3.** (b) 12 सेमी.
- **4.** (b) 40°
- **5.** (c) 10 सेमी.
- **6.** (b) 75°
- 7. (b)  $90^{\circ}$
- 8. (d) 8 सेमी.
- **9.** (c) 70°
- **10.** (d) 60°
- **11.** (b) 50°
- **12.** (c)  $3\sqrt{3}$  सेमी.
- **13.** (b) 60°
- **14.** (a) 80°
- **15.** (a) 110°
- **16.** (c) 50°
- **17.** (b) 10 सेमी.
- **18.** (a) 35°
- **19.** (d) 23°
- **20.** (c) 45°
- 21. जीवा
- 22. अर्धवृत्त
- **23.** 90°
- **24.** तीन
- 25. सबसे लंबी

- 26. संकेन्द्रीय
- 27. समकोण
- 28. बराबर
- 29. चक्रीय
- 30. त्रिज्यखण्ड
- **31.** 16 cm
- **32.** CD = 10 cm
- **33.**  $y = 40^{\circ}$
- **34.** 35°
- **35.** 140°
- **36.** AB = 8 cm
- **37.**  $\angle ABC = 115^{\circ}$
- **38.**  $\angle APB = 90^{\circ}$
- **40.** लघु चाप पर कोण =  $150^{\circ}$  दीर्घ चाप पर कोण =  $30^{\circ}$
- **41.**  $\angle DAM + \angle DAB = 180^{\circ}$

$$\angle DAB = 70^{\circ}$$

$$\angle DAB + \angle DCB = 180^{\circ}$$

$$\angle DCB = 110^{\circ}$$

$$\angle BCN + \angle DCB = 180^{\circ}$$

$$\angle BCN = 70^{\circ}$$

**42.**  $\angle PSR + \angle RST = 180^{\circ}$ 

$$\angle PSR = 106^{\circ}$$

प्रतिवर्ती

$$\angle POR = 2\angle PSR = 212^{\circ}$$

**43.**  $\angle AOB = 80^{\circ}$ 

$$\angle AOB + \angle AOC = 180^{\circ}$$
 $\angle AOC = 100^{\circ}$ 

$$\angle ADC = \frac{1}{2} \angle AOC$$

**44.** 
$$AQ = \frac{1}{2} AB$$

$$AQ = 3 \text{ cm}$$

$$(OA)^2 = (AQ)^2 + (OQ)^2$$

$$OQ = 4 \text{ cm}$$

इसी प्रकार OP = 3 cm, PQ = 7 cm

**45.** 
$$\angle AOB + \angle BOC + \angle AOC = 360^{\circ}$$

$$\angle AOC = 150^{\circ}$$

$$\angle ABC = \frac{1}{2} \angle AOC = 75^{\circ}$$

**46.** 
$$BD = 14 \text{ cm}$$

**47.** 
$$\angle OPR = 10^{\circ}$$

**48.** 
$$\angle ABD + 70^{\circ} + 35^{\circ} = 180^{\circ}$$

$$\angle ADB = 75^{\circ}$$

$$\angle ACB = \angle ADB = 75^{\circ}$$

**49.** *OD* || *AC* 

$$OD = \frac{1}{2} CA$$

$$CA = 2 OD$$

**50.** AM = 6 cm

$$MD = 4 \,\mathrm{cm}$$

$$AD = (6+4) \text{ cm} = 10 \text{ cm}$$

51.  $\triangle AOB \cong \triangle COB$  (SSS सें)

$$\Rightarrow$$
  $\angle OBA = \angle OBC$ 

$$\Rightarrow$$
  $BO, \angle ABC$  का समद्विभाजक है।

**52.** 
$$2x + 3x = 180^{\circ}$$
 का

$$x = 36^{\circ}$$

$$4y + 5y = 180^{\circ}$$

$$y = 20^{\circ}$$

**53.** 
$$\angle ACB = \angle ADB$$

$$\angle z = 2 \angle ACB$$

$$\angle z = \angle ACB + \angle ADB$$

$$\angle y = \angle ACB + \angle CAD$$

$$\angle z = \angle y - \angle DAC + \angle ADB$$

$$\angle ADB - \angle DAC = \angle x$$

$$\angle x + \angle y = \angle z$$

**55.** 
$$a = 105^{\circ}, b = 13^{\circ}, c = 62^{\circ}$$

**56.** 
$$\angle XPY = 2 \angle XZY$$

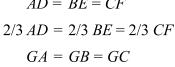
$$\angle YPZ = 2 \angle YXZ$$
  
 $\angle XPZ = 2 (\angle XZY + \angle YXZ)$ 

**57.** 
$$\triangle AOQ \cong \triangle POD$$

⇒ 
$$OQ = OP(CPCT \vec{\mathcal{H}})$$
⇒  $AB = CD$ 

**58.** 
$$\triangle BEC \cong \triangle BFC$$

$$\Rightarrow$$
  $BE = CF = AD$  इसी प्रकार  $\Delta CAF \cong \Delta CAD$   $CF = AD$   $AD = BE = CF$ 



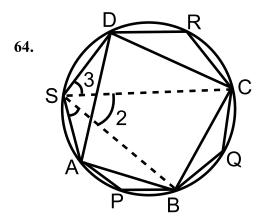
अतः केन्द्रक और परिकेन्द्रक एक ही बिंदु है।

**59.** 
$$\angle DAB + \angle BED = 180^{\circ}$$

$$\angle BED = \angle BCF$$
  
 $\angle DAB + \angle BCF = 180^{\circ}$   
 $AD \parallel CF$ 

**60.** 
$$\angle AOB = 80^{\circ}$$

$$x = 100^{\circ}, y = 130^{\circ}$$



$$\angle 1 + \angle P = 180^{\circ}$$

$$\angle 2 + \angle Q = 180^{\circ}$$

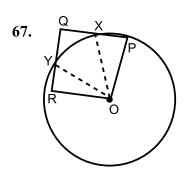
$$\angle 3 + \angle R = 180^{\circ}$$

$$\angle 1 + \angle P + \angle 2 + \angle Q + \angle 3 + \angle R = 3 \times 180^{\circ}$$

$$\Rightarrow \angle P + \angle Q + \angle R + \angle S = 6 \times 90^{\circ}$$
**66.**  $p = 90^{\circ}$ 

$$q = \frac{1}{2}x$$

$$r = 90^{\circ} - \frac{1}{2}x$$



$$QR = QP$$
$$\Delta ORY \cong \Delta OPX$$

$$\begin{array}{ccc}
\therefore & RY = PX \\
\Rightarrow & QR - RY = QP - PX \\
\Rightarrow & QY = QX
\end{array}$$

**70.**  $\angle BOC = y$ 

$$\angle ABO = 2y, \angle OAB = 2y$$
  
(2y) + (2y) + (180° - x - y) = 180°  
 $x = 3y$ 

**71.** CA = AP

$$\Rightarrow \qquad CP = 2AP$$

$$BP = BD$$

$$\Rightarrow \qquad PD = 2PB$$

$$CD = 2AP + 2PB$$

$$CD = 2OO$$

**72.**  $OA^2 = OL^2 + AL^2$ 

1 और 2 से

$$r^{2} = x^{2} + 5^{2} \qquad --- (1)$$

$$OC^{2} = OM^{2} + CM^{2}$$

$$r^{2} = (17 - x)^{2} + (12)^{2} \qquad --- (2)$$

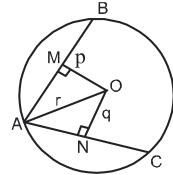
$$34x = 408$$

$$x = 12 \text{ cm}$$

x = 12 cm  $\therefore \qquad r = 13 \text{ cm}$ 

(OL = x, OM = 17 - x)

**73.** 



$$\left(\frac{AB}{2}\right)^2 = r^2 - p^2$$

$$AB^2 = 4r^2 - 4p^2$$

क्योकि

$$AC^2 = 4r^2 - 4q^2$$

क्योंकि AB = 
$$2AC \implies AB^2 = 4AC^2$$

$$4r^2 - 4p^2 = 4(4r^2 - 4q^2)^2$$

$$4q^2 = p^2 + 3r^2$$

**74.** 
$$\angle EOC = 180^{\circ} - 30^{\circ} - 90^{\circ} = 60^{\circ}$$

$$\angle COD = 180^{\circ} - 60^{\circ} - 90^{\circ} = 30^{\circ}$$

$$2y = 30^{\circ} \implies y = 15^{\circ}$$

$$\angle ABD = \frac{1}{2} \times 90^{\circ} = 45^{\circ}$$

$$\angle ABC = 60^{\circ}$$

 $\Delta ABE$  में

$$60^{\circ} + x + 90^{\circ} = 180^{\circ}$$

$$x = 30^{\circ}$$

$$x = 30^{\circ}, y = 15^{\circ}$$

75. क्योंकि OB = OD = BD

$$\angle BOD = 60^{\circ} \Rightarrow \angle AOD = 120^{\circ}$$

সৰ 
$$\angle ACD = 60^{\circ} \Rightarrow \angle CBA = 60^{\circ}$$

अत:  $CAB = 30^{\circ}$  (कोण योग गुण)

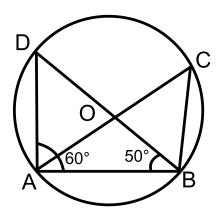
#### अध्याय - 10

### वृत्त

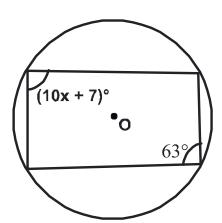
# अभ्यास परीक्षा

समय : 1 घंटा M.M. 20

1. आकृति में  $\angle DAB = 60^\circ$  और  $\angle ABD = 50^\circ$  हो, तो  $\angle ACB$  का मान ज्ञात कीजिए। (1)

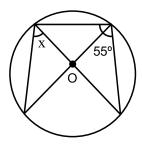


2. आकृति में, एक वृत्त A, B, C, D से गुजरता हैं। यदि  $\angle BAD = 63^{\circ}$  हो तो x का मान ज्ञात कीजिए।

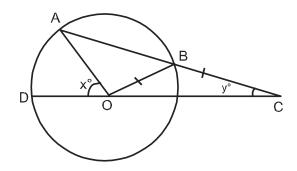


3. वृत्त की एक जीवा उसकी त्रिज्या के बराबर है। इस जीवा द्वारा लघु चाप पर अंतरित कोण का माप ज्ञात कीजिए। (2)

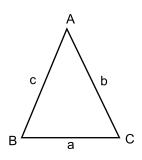
- 4. सिद्ध कीजिए कि एक वृत्त की समान जीवाएँ केन्द्र पर समान कोण अंतरित करती हैं। (2)
- सिद्ध कीजिए कि, चक्रीय चतुर्भुज के सम्मुख कोणों के प्रत्येक युग्म का योग 180° होता है।
   (3)
- **6.** आकृति में O वृत्त का केन्द्र है। x का मान ज्ञात कीजिए। (3)



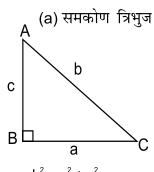
- 7. सिद्ध कीजिए "एक चाप द्वारा केन्द्र पर अंतरित कोण वृत्त के शेष भाग के किसी बिंदु पर अंतरित कोण का दुगुना होता है।" (4)
- 8. आकृति में O केन्द्र वाले वृत्त की एक जीवा AB है। AB को C तक बढ़ाया गया है। CO को भी बढ़ाया गया कि वह वृत्त को D पर मिलती है। यदि  $\angle ACD = y^{\circ}$ ,  $\angle AOD = x^{\circ}$  और x = 3y है तो सिद्ध कीजिए कि BC = OB है।



# अध्याय-12 हीरोन का सूत्र माइंड मैप



अर्धपरिमाप = 
$$\frac{a+b+c}{2}$$
 =S   
त्रिभुज का क्षेत्रफल =  $\sqrt{S(S-a) (S-b) (S-c)}$ 

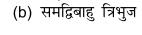


b² = a² + c² (पाइथागोरस प्रमेय)

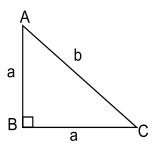
परिमाप = a+b+c

क्षेत्रफल =  $\frac{1}{2}$  a×c

=  $\frac{1}{2}$ आधार  $\times$  ऊँचाई



त्रिभुजों के परिमाप एवं क्षेत्रफल

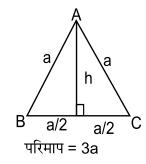


b<sup>2</sup> = 2a<sup>2</sup> (पाइथागोरस प्रमेय)

परिमाप = 2a+ b

क्षेत्रफल =  $\frac{1}{2}$   $a^2$ 

# (c) समबाहु त्रिभुज

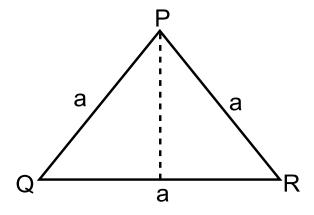


ऊचाँई (h)= 
$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$
 a

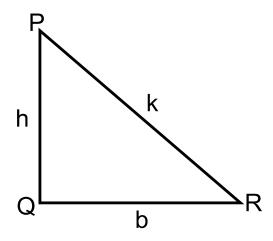
क्षेत्रफल = 
$$\frac{1}{2}$$
  $\mathbf{a} \times \mathbf{h}$   
=  $\frac{1}{2}\mathbf{a} \times \frac{\sqrt{3}}{2}\mathbf{a}$   
=  $\frac{\sqrt{3}}{4}\mathbf{a}^2$ 

महत्वपूर्ण बिंदु

- त्रिभुज
  - (a) समबाहु त्रिभुज: यदि किसी त्रिभुज की सभी भुजाएँ समान हो तो



- (i) समबाहु त्रिभुज का परिमाप = 3a इकाई
- (ii) शीर्षलम्ब  $=\frac{\sqrt{3}}{2}a$  इकाई
- (iii) क्षेत्रफल =  $\frac{\sqrt{3}}{4}a^2$  or  $\frac{\sqrt{3}}{4}$  (भुजा)<sup>2</sup> वर्ग इकाई
- (b) समकोण त्रिभुजः किसी त्रिभुज में यदि एक कोण समकोण 90° हो तो



(i) कर्ण = 
$$\sqrt{b^2 + h^2}$$
 इकाई

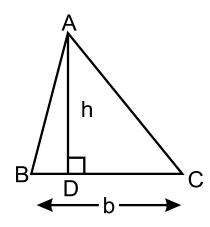
(ii) परिमाप = 
$$(b + h + k)$$
 इकाई

(iii) क्षेत्रफल = 
$$1/2 \times b \times h$$
 वर्ग इकाई

# त्रिभुज का क्षेत्रफल (सामान्य सूत्र)

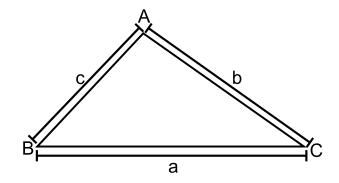
$$=rac{1}{2} imes$$
 आधार  $imes$  संगत शीर्षलम्ब

$$=rac{1}{2} imes b imes h$$
 वर्ग इकाई



# हीरोन सूत्रः

• माना त्रिभुज ABC में भुजा BC, AC व AB क्रमश: a, b व c इकाई हो तो



(i)  $\forall (a + b + c) = (a + b + c)$ (ii) अर्ध परिमाप (S) =  $\frac{a+b+c}{2}$  इकाई (iii) क्षे.  $(\Delta ABC) = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$  वर्ग इकाई नोट: किसी भी तरह के त्रिभुज का क्षेत्रफल हीरोन के सूत्र का प्रयोग कर ज्ञात कर सकते है। अति-अति लघु उत्तरीय प्रश्न (1 अंक) बहु विकल्पीय प्रश्न एक समबाहु त्रिभुज की लंबवत् ऊँचाई 9 cm है इसका क्षेत्रफल होगाः (a)  $18\sqrt{3}$  cm<sup>2</sup> (b)  $24\sqrt{3}$  cm<sup>2</sup> (c)  $25\sqrt{3}$  cm<sup>2</sup> (d)  $27\sqrt{3} \text{ cm}^2$ 2. एक त्रिभुज की भुजाओं की विमाएँ 3 cm, 4 cm और 5 cm है। त्रिभुज का क्षेत्रफल होगाः (a)  $6 \text{ cm}^2$ (b) 8 cm<sup>2</sup> (c)  $5 \text{ cm}^2$ (d) 6 cm 3. एक समद्विबाहु समकोण त्रिभुज का क्षेत्रफल 8 cm² हो तो उसका कर्ण होगाः (a)  $\sqrt{24}$  cm (b)  $\sqrt{32}$  cm (d)  $\sqrt{16}$  cm (c)  $\sqrt{48}$  cm 4. एक समबाहु त्रिभुज का क्षेत्रफल  $36\sqrt{3}$  cm<sup>2</sup> है, इसकी प्रत्येक भुजा होगी: (a) 144 cm (b) 60 cm (d) इनमें से कोई नहीं (c) 36 cm 5. एक त्रिभुजाकार मैदान का आधार उसकी ऊँचाई का तीन गुना है। यदि मैदान का क्षेत्रफल 13.5 हेक्टेयर है तो इसका आधार है:

(a) 900 m

(c) 1200 m

(b) 600 m

(d) इनमें से कोई नहीं

6.	समद्विबाहु त्रिभुज का परिमाप 32 cm है, स त्रिभुज की भुजाएँ होगी:	मान भुजा का आधार से अनुपात 3 : 2 है,		
	(a) 8 cm, 8 cm, 12 cm	(b) 8 cm, 8 cm, 8 cm		
	(c) 8 cm, 12 cm, 12cm	(d) 12 cm, 12 cm, 12 cm		
7.	एक त्रिभुज की भुजाओं की माप 42 cm, 3 के संगत शीर्ष लंब की लम्बाई होगी:	4 cm और 20 है। इसकी सबसे बड़ी भुजा		
	(a) 15 cm	(b) 36 cm		
	(c) 16 cm	(d) 23 cm		
	रिक्त स्थान भरों			
8.	ऐसे समद्विबाहु त्रिभुज का परिमाप व दो समान भुजाएँ 'a' इकाई हो।	होगा जिसके आधार की माप 'b' इकाई		
9.	एक त्रिभुज की दो भुजाएँ 8 सेमी. व 11 सेम् की माप होगी।	नी. हैं व परिमाप 32 सेंमी. है। तीसरी भुजा		
10.	. एक विषम बाहु त्रिभुज की भुजाओं का क्षेत्रफल ज्ञात करने के लिए सूत्र का प्रयोग किया जाता है।			
11,	. एक त्रिभुज की भुजाओं का अनुपात 2 : 1 : 3 और परिमाप 24 सेमी. हैं त्रिभुज की सबसे बड़ी भुजा की लम्बाई होगी।			
12.	. एक समबाहु त्रिभुज का परिमाप 60 मी. है तो इसका क्षेत्रफल होगा।			
13.	, ऐसे त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसका आधार व लंब क्रमश: 6 सेमी. व 3 सेमी. है।			
14.	, 420 वर्ग से मी. क्षेत्रफल वाले त्रिभुज का लंब ज्ञात कीजिए जो 35 सेमी. आधार पर स्थित है।			
15.	, ऐसे त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसकी आधार की माप 15 सेमी. व संगत ऊँचाई 9.8 सेमी. हो।			
16.	. $2\sqrt{3}$ सेमी. भुजा वाले समबाहु त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।			
17.	. 'a' इकाई भुजा समबाहु त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।			
18.	ऐसे समद्विबाहु त्रिभुज का परिमाप ज्ञात कीजिए व आधार की माप 24 सेमी. है।	जिसकी दो समान भुजाओं की माप 13 सेमी.		

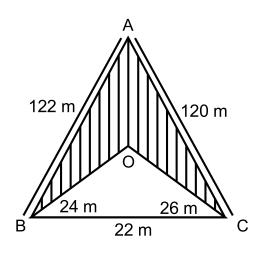
- 19. एक समबाहु त्रिभुज की लबवत् ऊँचाई 6 सेमी. हैं इसकी भुजा की लंबाई ज्ञात कीजिए।
- 20. एक समबाहु त्रिभुज, जिसकी भुजा '2a' इकाई है, का अर्धपरिमाप ज्ञात कीजिए। अति लघु उत्तरीय प्रश्न (2 अंक)
- 21. समबाहु त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए यदि उसकी एक भुजा की लम्बाई 4 सेमी हो।
- 22. एक त्रिभुज की दो भुजाओं का योग 17 सेमी है और परिमाप 30 सेमी है। तीसरी भुजा की लंबाई ज्ञात कीजिए।
- 23. किसी त्रिभुज की भुजाओं को दुगुना कर दिया जाये तो उस त्रिभुज के क्षेत्रफल में कितनी गुना वृद्धि होगी।
- 24. यदि त्रिभुज का क्षेत्रफल 50 वर्ग सेमी. व इसकी एक भुजा की लम्बाई 10 सेमी. हो तो उस भुजा के संगत शीर्षलम्ब की लंबाई ज्ञात कीजिए।
- 25. एक त्रिभुज की भुजाओं की माप 11 सेमी, 60 सेमी व 61 सेमी हैं सबसे छोटी भुजा के संगत लंब की माप ज्ञात कीजिए।
- 26. त्रिभुज की भुजाओं के मध्य अनुपात 3 : 5 : 7 हो व उसका परिमाप 300 सेमी हो तो त्रिभुज की तीनों भुजाओं की लंबाई ज्ञात कीजिए।
- 27. समद्भिबाहु त्रिभुज की असमान भुजा की लंबाई 11 संमी. हैं यदि उसके सगंत शीर्षलम्ब की ऊँचाई 7.5 सेमी. हो तो त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

### लघु उत्तरीय प्रश्न (3 अंक)

- 28. एक त्रिभुजाकार खेत की विभाएं 51 मी., 37 मी. और 20 मी. है। फूलों की क्यारियों की संख्या ज्ञात कीजिए जो कि इस खेत में तैयार की जा सकती हैं, यदि एक क्यारी 9 वर्ग मी क्षेत्रफल घेरती है।
- 29. किसी समबाहु त्रिभुज की भुजा की माप x इकाई हो तो सिद्ध कीजिए कि समबाहु त्रिभुज का क्षेत्रफल  $\frac{\sqrt{3}}{4}x^2$  होगा।
- **30.** एक त्रिभुज की भुजाएं x, (x+)1 व (2x-1) व क्षेत्रफल  $x\sqrt{10}$  वर्ग इकाई है। x का मान ज्ञात कीजिए।
- 31. एक त्रिभुज का परिमाप 50 सेमी है। इसकी एक भुजा सबसे छोटी भुजा से 4 सेमी लंबी है व तीसरी भुजा सबसे छोटी भुजा के दुगुने से 6 सेमी कम है। त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

**32.** दी गई आकृति में छाँयाकित भाग का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। इसमें  $6~\mathrm{m}^2$  वाले कितने त्रिभुजाकार फूलों की क्यारियाँ बनाई जा सकती हैं?

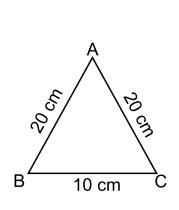
प्रयोग करें  $\sqrt{105} = 10.25$ 

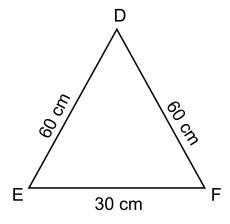


- **33.** त्रिभुजाकार बोर्ड की भुजाओं की माप 5 सेमी., 12 सेमी. व 13 सेमी. हो तो इस बोर्ड पर रु. 30 प्रति वर्ग सेमी. की दर से पेटिंग करने का व्यय ज्ञात कीजिए।
- **34.** एक समकोण त्रिभुज की एक भुजा 20 सेमी. है और इसके कर्ण और दूसरी भुजा की लंबाइयों का अंतर 8 सेमी. हैं कर्ण व दूसरी भुजा की लंबाई ज्ञात कीजिए।

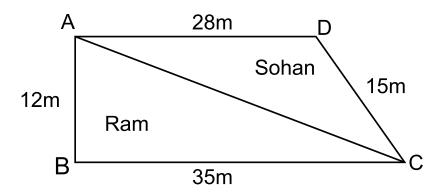
### दीर्घ उत्तरीय प्रश्न (5 अंक)

35. त्रिभुज ABC व त्रिभुज DEF के क्षेत्रफलों के मध्य अनुपात ज्ञात कीजिए।





- **36.** किसी त्रिभुज का परिमाप x सेमी. है। यदि इसकी भुजाओं की माप p सेमी. q सेमी. व r सेमी. हो तो इसका क्षेत्रफल ज्ञात करने का सूत्र लिखिए। हीरोन सूत्र का प्रयोग लिखिए।
- 37. यदि एक समबाहु त्रिभुज की प्रत्येक भुजा को दुगुना कर दिया जाए तो त्रिभुज के क्षेत्रफल में वृद्धि का प्रतिशत ज्ञात कीजिए।
- 38. झण्डे बनाने के लिए कपड़ा बेचते समय एक दुकानदार दावा करता है कि प्रत्येक कपड़े का टुकड़ा एक समबाहु त्रिभुज है जिसकी प्रत्येक भुजा 12 सेमी है। परंतु वास्तव में कपड़े का टुकड़ा एक समद्विबाहु त्रिभुज के आकार का था जिसकी भुजाएँ 12 सेमी, 10 सेमी. व 10 सेमी थी। प्रत्येक झण्डे को बेचते हुए दुकानदार कितने कपड़े की बचत कर रहा था?
- 39. जमीन के एक टुकड़े ABCD की आकृति दी गई है। यदि इस टुकड़े को विकर्ण AC से दो भागों में काटकर राम और सोहन के मध्य बाँटा जाये तो किसको जमीन का टुकड़ा क्षेत्रफल में बड़ा प्राप्त होगा। $\sqrt{10}=3.15$  प्रयोग करें]



**40.** एक त्रिभुजाकार विज्ञापन बोर्ड की विमाएँ 11 मी., 6 मी. और 15 मी. है। जिसका प्रयोग व्यवसायिक गतिविधियों के लिए किया जाता है। यदि इस बोर्ड द्वारा ₹ 5000 वर्ग मी. प्रति माह की दर से आमदनी हो तो एक महीने में इसके द्वारा आमदनी क्या होगी? [√2 = 1.41 लीजिए]

#### अध्याय-12

# हीरोन का सूत्र

उत्तर

1. (d) 
$$27\sqrt{3}$$
 cm<sup>2</sup>

- **2.** (a) 6 cm<sup>2</sup>
- 3. (b)  $\sqrt{32}$  cm
- 4. (d) इनमें से कोई नहीं
- 5. (a) Hint : माना ऊँचाई = a आधार : 3a

$$1/2 \times 3a^2 = 13.5$$
 आधार = 9 हेक्टेयर = 900 m

**6.** (c) 8 cm, 12 cm, 12 cm

7. (c) Hint: 
$$S = \frac{42 + 34 + 20}{2}$$

$$S = 48$$

$$\Delta$$
 का क्षेत्रफल =  $\sqrt{48 \times 6 \times 14 \times 28}$  = 336 cm<sup>2</sup>

सबसे बड़ी भुजा = 42 सेमी

$$\frac{1}{2} \times b \times h = 336$$

$$h = 16 \,\mathrm{cm}$$

**8.** 
$$2a + b$$
 इकाई

- **9.** 13 सेमी
- 10. हीरोन सूत्र
- 11. 12 सेमी
- **12.**  $100\sqrt{3}$  वर्ग मी.
- 13. 9 वर्ग इकाई
- 14. 24 सेमी

- **15.** 73.5 वर्ग सेमी.
- **16.**  $3\sqrt{3}$  वर्ग सेमी
- 17.  $\frac{\sqrt{3}}{4}a^2$  वर्ग इकाई
- 18. 50 सेमी
- **19.**  $4\sqrt{3}$  सेमी
- **20.** 3a इकाई
- **21.**  $4\sqrt{3}$  वर्ग सेमी.
- 22. 13 सेमी

Hint:

$$s = \frac{2(a+b+c)}{2} = 2S$$

$$\Delta = \sqrt{2S(2S - 2a)(2S - 2b)(2S - 2c)}$$

- 23. 4 गुना
- **24.** 10 सेमी
- **25.** 60 सेमी
- **26.** 60 सेमी, 100 सेमी, 140 सेमी
- **27.** 45 वर्ग सेमी
- **28.** संकेत: क्यारियों की संख्या =  $\frac{\text{खेत का क्षे.}}{1$  पंकित का क्षे.
- **30.** Hint:  $S = \frac{4x}{2} = 2x$ ;

$$\Delta = \sqrt{2x(x)(x-1)(1)}$$

$$x\sqrt{10} = x\sqrt{2(x-1)}$$

$$2(x-1) = 10$$

$$x = 6$$

- **31.** संकेत: माना सबसे छोटी भुजा की लंबाई = x मी
  - $\therefore$  तो अन्य दो भुजाएँ (x+4), (2x-6)
  - $\therefore$  परिमाप = x + x + 4 + 2x 6

$$50 = 4x - 2$$

$$x = 13$$

- ∴ 13, 17, 20 m
- उत्तर =  $109.6 \text{ m}^2$
- 32. 1047 वर्ग मी. 179
- **33.** ₹ 900
- 34. संकेत :

कर्ण 
$$= b$$

अन्य भुजा = c

$$a^2 = b^2 - c^2$$

$$a^2 = (b-c)(b+c)$$

$$20^2 = 8 \times (b+c)$$

$$\frac{400}{8} = b + c$$

$$b + c = 50$$

$$\frac{b-c=8}{2b=58}$$
 (दिया है)

$$b = 29$$

$$c = 21$$

$$a = 20$$
,  $b = 29$ ,  $c = 21$ 

**उत्तर** = 210 वर्ग सेमी

*:*.

**35.** 1:9

$$36. \quad \sqrt{\frac{x}{2} \left(\frac{x}{2} - p\right) \left(\frac{x}{2} - q\right) \left(\frac{x}{2} - r\right)}$$

**37.** 300%

संकेत: क्षे. में वृद्धि = क्षे. (नया त्रिभुज) - क्षे. (दिया त्रिभुज)

38. Hint: समबाहु टुकड़े का क्षेत्रफल

$$= \frac{\sqrt{3}}{4} \times 12^2 = 36\sqrt{3} = 62.352 \text{ cm}^2$$

समद्विबाहु टुकड़े का क्षेत्रफल  $=48~cm^2$ 

- 39. राम, 210 वर्ग मी.
- **40.** ₹ 141000

# अभ्यास-12

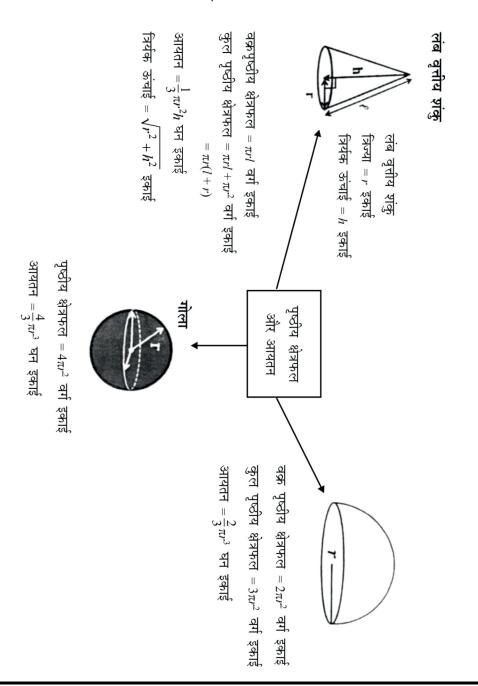
# हीरोन सूत्र

### अभ्यास परीक्षा

समय :	1	घंटा	M.M.	20

- 1. यदि (s-a) = 5 सेमी (s-b) = 10 सेमी (S-C) = 1 सेमी तो S ज्ञात कीजिए। (1)
- 2. एक त्रिभुज की भुजाओं की माप 35 सेमी., 54 सेमी. व 61 सेमी. है। उसकी सबसे लंबी भुजा के संगत लंब की माप ज्ञात कीजिए। (1)
- 3. उस समद्विबाहु त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसकी प्रत्येक समान भुजा 15 सेमी हो और तीसरी भुजा 12 सेमी हो। (2)
- 4. यदि किसी त्रिभुज की सभी भुजाओं को दुगुना कर दिया जाए तो नए त्रिभुज और दिए हुए त्रिभुज के क्षेत्रफलों का अनुपात ज्ञात कीजिए। (2)
- 5. एक त्रिभुजाकार पार्क की भुजाएं 120 मी., 80 मी. व 50 मी. हैं। एक माली ने एसकी प्रत्येक भुजा के साथ-साथ 5 मी. जगह छोड़कर शेष क्षेत्रफल में पौधे लगाए। पार्क का वह क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जहाँ पौधे लगाए गए।
- 6. एक त्रिभुज की भुजाओं में अनुपात 25:17:12 है और इसका परिमाप 540 सेमी. है। त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। (3)
- 7. एक त्रिभुज की भुजाओं की लंबाई 7 सेमी. 12 सेमी. और 13 सेमी है। 12 सेमी. लम्बाई वाली भुजा पर सम्मुख शीर्ष से शीर्ष लम्ब की लम्बाई ज्ञात कीजिए। (4)
- एक मैदान के चारों ओर ₹ 5 प्रति मी. की दर से बाड़ लगानें की कीमत ₹ 1920 है। यदि अर्धपरिमाप 48 सेमी. है तो इसका क्षेत्रफल और सभी भुजाएँ ज्ञात कीजिए।

# अध्याय-13 पृष्ठीय क्षेत्रफल और आयतन माइंड मैप



	अति-अति लघु उत्तरीय प्रश्न (1 अंक)	
1.	यदि किसी गोले का आयतन संख्यात्मक र तो गोले की त्रिज्या इकाई/इकाइयाँ में है:	<del>-</del>
	(a) 1	(b) 3
	(c) 2	(d) 6
2.	r त्रिज्या वाले एक ठोस अर्धगोले का पृष्	<b>ठीय क्षेत्रफल है</b> :
	(a) $2\pi r^2$	(b) $3\pi r^2$
	(c) $4\pi r^2$	(d) $\frac{2}{3}\pi r^3$
3.	व्यास 10 सेमी. और तिर्यक ऊँचाई 13	सेमी. वाले शंकु की ऊँचाई है:
	(a) 12 cm	(b) 13 cm
	(c) √69 cm	(d) √194 cm
4.	यदि एक गोले की त्रिज्या 2r है, तो उस	का आयतन होगाः
	(a) $\frac{32}{3}\pi r^3$	(b) $4\pi r^3$
	(c) $\frac{4}{3} \pi r^3$	(d) $\frac{8\pi r^3}{3}$
5.	यदि किसी गोले की त्रिज्या को 10% बर है:	ड़ा देते हैं <i>,</i> तो इसके आयतन में वृद्धि होती
	(a) 11.1%	(b) 22.1%
	(c) 33.1%	(d) 44.1%
6.	यदि किसी गोले की त्रिज्या 7 सेमी. है तो	गोले का पृष्ठीय क्षेत्रफल होगा
7.	यदि किसी गोले की त्रिज्या को दुगुना कर ी	देया जाए तो उनके आयतन का अनुपात होगा
8.	उस गोले की त्रिज्या होगी	जिसका पृष्ठीय क्षेत्रफल 55.44 m² है
9.	एक शंकु जिसकी त्रिज्या P/2 और तिर्यक उ	कैचाई 2 <i>l</i> है का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल होगाः
	•••••	

- **10.** एक शंकु का आयतन होता है  $=\frac{1}{3}\pi$  (त्रिज्या) $^2 \times ....$
- 11. एक अर्धगोलाकार गुब्बारे में हवा भरने पर, उसकी त्रिज्या 6 सेमी. से 12 सेमी. हो जाती है। दोनों स्थितियों में गुब्बारे के पृष्ठीय क्षेत्रफलो का अनुपात ज्ञात करों
- **12.** यदि एक गोले की त्रिज्या 2r है, तो उसका आयतन कितना होगा?
- 13. किसी गोले की त्रिज्या 21 सेमी हैं गोले का पृष्ठीय क्षेत्रफल कितना होगा? अति लघु उत्तरीय प्रश्न (2 अंक)
- 14. तीन धातु के घन जिनके किनारे क्रमश: 3 cm, 4 cm और 5 cm माप के हैं, को पिघलाकर एक घन बनाया गया है। नये घन का किनारा ज्ञात कीजिए।
- 15. उस बड़े से बड़े शंकु का आयतन ज्ञात कीजिए जो 7 सेमी. त्रिज्या वाले खोखले अर्द्धगोले में पूर्ण रूप से घरा हो।
- 16. कौन सा कथन गलत है? सही उत्तर भी लिखिए।
  - (a) खोखले गोले का आयतन =  $\frac{4}{3}\pi (R^3 r^3)$
  - (b) अर्धगोले का आयतन =  $\frac{2}{3}\pi r^3$
  - (c) अर्धगोले का संपूर्ण पृष्ठीय क्षेत्रफल =  $3\pi r^2$
  - (d) अर्धगोले का वक्रपृष्ठीय क्षेत्रफल =  $\Pi r^2$
- 17. एक शंकु की ऊँचाई 8.4 cm तथा उसके आधार की त्रिज्या 2.1 cm है पिघलाकर एक गोले के रुप में ढाला जाता हैं गोले की त्रिज्या ज्ञात करों।
- 18. शंक्वाकार टेंट जिसकी ऊँचाई 24 मी. और त्रिज्या 7 मी. हो तो इसमें लगने वाले केनवास का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।
- 19. समान त्रिज्या वाले गोले एवं अर्द्धगोले के पृष्ठीय क्षेत्रफलों का अनुपात ज्ञात कीजिए।
- **20.** यदि शंकु की त्रिज्या व तिर्यक ऊँचाई क्रमशः  $\frac{1}{2}r$  और 2l हो, तो शंकु का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।
- 21. एक शंकु तथा अर्द्धगोले का आधार और आयतन समान है। दोनों की ऊँचाई का अनुपात ज्ञात कीजिए।

### लघु उत्तरीय प्रश्न (3 अंक)

- 22. एक अर्धगोलाकार कटोरे को 20रू प्रति 100 m² की दर से भीतर से पेंट किया जाना है। पेंट करने के लिए कुल 30.80रू लगते हैं। कटोरे का अंतरित पृष्ठीय क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।
- 23. एक गोले की त्रिज्या 10 सेमी. है। यदि गोले की त्रिज्या 1 सेमी बढ़ा दी जाए तो सिद्ध कीजिए कि गोले का आयतन 33.1% बढ़ जायेगा।
- 24. यदि किसी अद्धगोले के व्यास में 30%की कमी कर दी जाए तो उसके संपूर्ण पृष्ठीय क्षेत्रफल में कितने प्रतिशत का परिवर्तन होगा?
- 25. एक गोले का आयतन  $4851 \text{ cm}^3$  है। इसकी क्रिज्या में कितनी कमी कर दी जाए कि इसका आयतन  $\frac{4312}{3} \text{ cm}^3$  हो जाए।
- 26. एक अर्थवृत्ताकार कागज की शीट का व्यास 14 सेमी है। इस शीट को मोड़कर एक खुला शंक्वाकार कप बनाया गया। इस कप की धारिता ज्ञात कीजिए।

#### दीर्घ उत्तरीय प्रश्न (5 अंक)

- 27. एक लंबवृत्तीय शंकु 5.4 cm ऊँचाई तथा जिसके आधार की त्रिज्या 2 cm हैं इसे गलाकर दूसरा शंकु बनाया जाता हैं जिसके आधार की त्रिज्या 1.5 cm हो तो नए बने शंकु की ऊँचाई ज्ञात कीजिए।
- 28. लोहे के सत्ताइस ठोस गोलों को पिघलाकर जिनमें से प्रत्येक की त्रिज्या r है और पृष्ठीय क्षेत्रफल है, एक बड़ा गोला बनाया जाता है जिसका पृष्ठीय क्षेत्रफल S है। ज्ञात कीजिए
  - (i) नए गोले की त्रिज्या R
  - (ii) S तथा S' का अनुपात
- **29.** धातु से बनी गेंद का व्यास 4.2 cm हैं यदि धातु का घनत्व 8.9 ग्राम प्रति  $\text{cm}^3$  हो तो गेंद का द्रव्यमान क्या होगा?
- 30. एक खिलौना जिसे शंकु के ऊपर व्यास 7 cm वाले एक अर्द्धगोले को रखकर बनाया गया है। खिलौने की कुल ऊँचाई 14.5 सेमी. हैं। खिलौने का आयतन व कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। (π = 22/7) लीजिए।

- **31.** यदि शंकु की ऊँचाई, वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल तथा आयतन को क्रमश: h, c तथा v से व्यक्त किया जाए तो सिद्ध कीजिए कि  $3\pi vh^3 c^2h^2 + 9v^2 = 0$
- 32. दो गोलों का आयतन 64:27 है, इनके पृष्ठीय क्षेत्रफलों का अनुपात ज्ञात कीजिए।

उत्तर

- **1.** (b) 3
- 2. (b)  $3\pi r^2$
- **3.** (a) 12 cm
- 4. (a)  $\frac{32}{3}\pi r^3$
- **5.** 33.1%
- **6.**  $616 \text{ cm}^2$
- **7.** 1:8
- **8.** 2.1 m
- 9.  $\frac{\pi P^2}{4} + \pi Pl$
- 10. ऊँचाई
- **11.** 1:4
- 12.  $\frac{32}{2}\pi r^3$
- **13.** 5544 cm<sup>2</sup>
- **14.** 6 cm
- 15.  $\frac{1}{3}\pi r^2 h$ 
  - $\frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 7 = \frac{22 \times 49}{3} = \frac{1078}{3} \text{ cm}^3$

- **16.** (d) अर्थगोले का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल  $=\pi r^2$
- **17.** 2.1 cm
- **18.** 550 m<sup>2</sup>
- **19.** 4:3
- **20.**  $\pi r (1 + r/4)$
- **21.** 2:1
- **22.** 154 m<sup>2</sup>
- **23.**  $r_1 = 10 \text{ cm}$

$$v_1 = \frac{4}{3}\pi (10)^3$$

$$r_2 = 11 \text{ cm}$$

$$v_2 = \frac{4}{3}\pi (11)^3$$

$$\frac{v_2 - v_1}{v_1} \times 100\% = \frac{331}{1000} \times 100\% = 3.31\%$$

**24.** r = 0.7r

पृष्ठीय क्षेत्रफल में कमी %

$$= \frac{3\pi r^2 - 3\pi r^2}{3\pi r^2} \times 100 = \frac{3\pi \left[r^2 - (0.7)^2 r^2\right]}{3\pi r^2}$$

$$=\frac{r^2 - 0.49r^2}{r^2} \times 100 = 0.51 \times 100$$

51% कमी

**25.** 
$$v' = \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4312}{3}$$
  $v^0 = 4851 = \frac{4}{3}\pi r^3$ 

$$r^{3} = 7^{3}, r^{3} = \left(\frac{21}{2}\right)^{3}$$

$$r' = 7 \text{ cm}$$
  $r = \frac{21}{2} = 10.5 \text{ cm}$ 

$$r_0 - r' = 10.5 - 7 \text{ cm}$$

$$= 3.5 \text{ cm}$$

26. शंक्वाकार कप के आधार की परिधि

= अर्धवृत्त की चाप की लंबाई 79.2 cm³

**27.** 
$$\pi$$
 (2)<sup>2</sup> × 5.4 =  $\pi$  (1.5)<sup>2</sup> × h

$$\frac{2 \times 2 \times 5.4}{1.5 \times 1.5} = h$$

$$\frac{21.6}{2.25} = h$$

$$h = 9.6 \text{ cm}$$

**28.** (1) 
$$R = 3r$$

(2) 
$$S: S' = 1:9$$

**31.** माना r, l क्रमश: शंकु की ऊँचाई और तिर्यक ऊँचाई है।

$$1 = \sqrt{r^2 + h^2}$$
,  $v = \frac{1}{3}\pi r^2 h$ ,  $c = \pi r l$ 

$$\therefore 3\pi v h^3 - c^2 h^2 + 9v^2$$

$$= 3\pi \times \frac{1}{3}\pi r^2 h \times h^3 - (\pi r l)^2 h^2 + 9\left(\frac{1}{3}\pi r^2 h\right)^2$$

$$= \pi^2 r^2 h^4 - \pi^2 r^2 l^2 h^2 + \pi^2 r^4 h^2$$

$$= \pi^2 r^2 h^4 - \pi^2 r^2 h^2 (r^2 + h^2) + \pi^2 r^2 h^2$$

$$= \pi^2 r^2 h^4 - \pi^2 r^4 h^2 - \pi^2 r^2 h^4 + \pi^2 r^4 h^2 = 0$$

32. 
$$\frac{\frac{4}{3}\pi r_1^3}{\frac{4}{3}\pi r_2^3} = \frac{64}{27} = \frac{(4)^3}{(3)^3}$$

$$\left(\frac{r_1}{r_2}\right)^3 = \left(\frac{4}{3}\right)^3$$

$$r_1: r_2 = 4:3$$

क्षेत्रफल के अनुपात

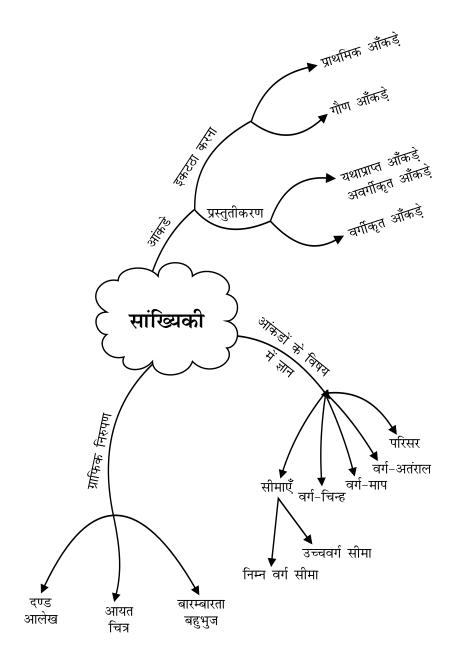
$$=\frac{4\pi r_1^2}{4\pi r_2^2} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 = \left(\frac{4}{3}\right)^2$$

16:9

# अभ्यास परीक्षा पृष्ठीय, क्षेत्रफल तथा आयतन

समर	यः १ घटा	M.M. 20
1.	किसी गोले का आयतन $310.4~{ m cm^3}$ है। उसकी त्रिज्या ज्ञात कीजिए।	(1)
2.	3 गोले जिनकी त्रिज्याएं 3 cm, 4 cm, 5 cm है को पिघलाकर एक बड़ा गोला	बनाया
	जाता है नए गोले की त्रिज्या ज्ञात कीजिए।	(1)
3.	एक शंकु की त्रिज्या और तिर्यक ऊँचाई का अनुपात 4 : 7 है यदि वक्र पृष्ट	ीय
	क्षेत्रफल 192 cm² है तो त्रिज्या ज्ञात कीजिए।	(2)
4.	14 cm व्यास वाले अर्धवृत्ताकार कागज को मोड़कर एक खुले मुँह का कप ब	ानाया
	जाता है। कप का आयतन ज्ञात कीजिए।	(2)
5.	एक भुट्टे का दाना $1.8  imes 0.8  imes 0.2~\mathrm{cm}$ विमाओं का हैं भुट्ट की कुल ऊँचाइ	₹ 13.7
	cm तथा त्रिज्या 4.2 cm है। ऐसा मानते हुए कि दानों काआकार समन है तथा व	रोनों के
	बीच की दूरी नगण्य है, भुट्टे पर लगें दानों की कुल संख्या ज्ञात कीजिए।	(3)
6.	एक गोले की त्रिज्या $5~{ m cm}$ है यदि त्रिज्या को $20\%$ बढ़ा दिया जाए तो आयतन	ा में
	कितनी प्रतिशत बढ़ोतरी होगी?	(3)
7.	अजय ने एक व्यंजन बनाया तथा व्यंजन को 30 सेमी.व्यास वाले अर्धगोलाकार	बर्तन में
	रखा। उसने व्यंजन को 15 सेमी. व्यास तथा 4 सेमी. ऊँचाई वाले आयताकार	
	भरकर अपने तथा अपने दोस्तों में बांट दिया। अजय के दोस्तों की संख्या कित	नी है।
		(4)
8.	यदि दो शंकु है जिसमें से एक शंकु का पृष्ठीय क्षेत्रफल दूसरे शंकु के पृष्ठीय क्षे	नेत्रफल से
	दुगुना है तथा दूसरे शंकु की तिर्यक ऊँचाई पहले शंकु की दुगुनी है। उनकी ऋ	न्याओं का
	अनुपात ज्ञात कीजिए।	(4)

अध्याय-14 सांख्यिकी माइंड मैप



### महत्वपूर्ण बिंदुः

- सांख्यिकी के अंतर्गत हम आँकड़ों को इकट्ठा करना प्रस्तुतीकरण, विश्लेषण करना तथा निर्वचन करने का कार्य करते हैं।
- एक निश्चित उद्देश्य से एकत्रित किये गये तथ्यों या अंकों को आंकड़े (Data) कहते हैं।
- दिये गये आंकडो में कोई प्रेक्षण कितनी बार आता है, यह उस प्रेक्षण की बारम्बारता कहलाती है।
- वर्ग अंतराल वह वर्ग (Group) होते हैं, जिसमें सभी प्रेक्षण बंटे होते हैं।
- वर्ग अंतराल 20-30 में 30 को वर्ग अंतराल की उच्चसीमा तथा 20 को निम्न सीमा कहते
- वर्ग अंतराल का मध्य मान वर्ग चिन्ह कहलाता है। उदाहरण के लिए वर्ग 20-30 का वर्ग निम्नवर्ग सीमा + उच्चवर्ग सीमा

अति-अति लघु उत्तरीय प्रश्न (1 अंक)

1.	एक निश्चित	उद्देश्य	से	एकत्रित	किये	गये	तथ्यों	या	अंकों	को	••••
	कहते है।										

(a) बारम्बारता

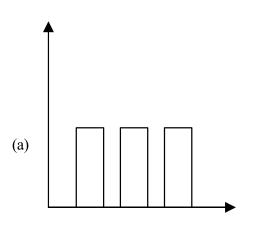
(b) आंकड़े

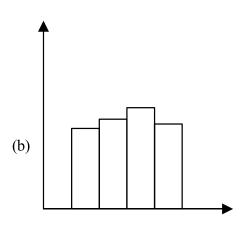
(c) मिलान चिन्ह

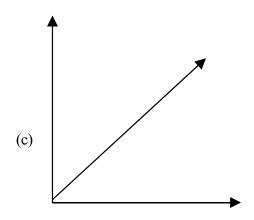
(d) दण्ड

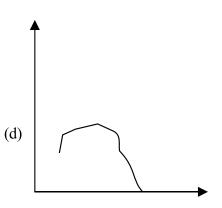
- एक अध्यापिका अपने इस वर्ष के रिजल्ट को पिछले वर्ष के रिजल्ट से तुलना करना चाहती है। उसने कक्षा में प्रत्येक विद्यार्थी से अंक पूछे और 75 प्रतिशत के ऊपर प्राप्तांकों की संख्या लिख ली। पिछले वर्ष के 75 प्रतिशत से अधिक अंक प्राप्त करने वालों की संख्या के लिए उसने परिणाम रजिस्टर खोलकर संख्या लिख ली। उसके द्वारा विद्यार्थियों से इकट्ठे किए गए आँकड़े और रजिस्टर से लिखे गए आँकड़े क्रमशः ..... के उदाहरण है।
  - (a) प्राथमिक आँकडे और गौण आँकडे (b) गौण आँकडे और यथाप्राप्त आँकडे
- - (c) दोनों प्राथमिक आँकडे
- (d) गौण आँकडे और प्राथमिक आँकडे
- 3. एक आयत चित्र, दण्ड-आलेख से किस प्रकार भिन्न होता है:
  - (a) आयत चित्र और दण्ड-आलेख समान हैं पर दण्डों को जोड दिया गया।
  - (b) कोई अंतर नहीं।

- (c) आयत चित्र में वर्ग अंतराल का प्रयोग किया जाता है।
- (d) (a) और (b) दोनों सही हैं।
- 4. निम्न में से कौन सा चित्र आयतचित्र को दर्शाता है









- 5. एक आयत चित्र में आयत के ऊपरी सिरों के मध्य बिन्दुओं को जोड़ा जाता है तो हमें निम्न में से क्या प्राप्त होता है:
  - (a) दण्ड-आलेख

(b) रेखा चित्र

(c) बारम्बारता बहुभुज

(d) पाई चित्र

6.	एक बारम्बारता बहुभुज को बनाने के और y-अक्ष पर संगत वर्ग					
	(a) उच्चवर्ग सीमा (ऊपरी सीमा)	(b) निम्नवर्ग सीमा (निम्न सीमा)				
	(c) वर्ग चिन्ह	(d) परिसर				
7.	यदि किसी बारम्बारता वितरण में किसी निम्नवर्ग सीमा 13 है, तो उच्चवर्ग सीमा ह					
	(a) 16	(b) 14				
	(c) 13	(d) 17				
8.	यदि किसी वर्ग अंतराल का वर्ग चिन्ह 8. की वर्ग सीमाएँ है:	5 है तथा वर्ग माप 5 है तो वर्ग अंतराल				
	(a) 6.5–11.5	(b) 6–11				
	(c) 5.5–10.5	(d) 7–12				
9.	एक सत्त बारम्बारता वितरण के एक वर्ग – सीमा $y$ है तो निम्न वर्ग सीमा	अंतराल का मध्य बिन्दु $x$ है और उच्चवर्ग				
	(a) $2x + y$	(b) $2x - y$				
	(c) $x-y$	(d) $x + y$				
10.	आँकड़ों के अधिकतम मान और न्यूनतम मा	न का अंतर कहलाता है।				
11.	पाँच विद्यार्थियों के किसी विषय में 50 में से ! 37 तो इन आँकड़ों का परिसर					
12.	आँकड़ो का अधिकतम मान 64 है। इन आँकड़ मान है।	ड़ों का परिसर 13 है, तो आँकड़ों का न्यूनतम				
13.	एक वर्ग का मध्य बिंदु कहर	लाता है।				
	वर्ग अंतराल 4.7-6.3 का वर्ग चिन्ह					
15.	, वर्ग अंतराल 5.5-15.5, 15.5-25.5, 25.5-35.5 का वर्ग माप है।					
16.	वर्ग चिन्ह 18.5 तथा वर्ग माप 5 का वर्ग अ	ांतराल ज्ञात कीजिए।				
17.	यदि किसी सतत् बारंबारता वितरण में किसी व सीमा 13 है. तो उच्च वर्ग सीमा ज्ञात कीजिंग					

- **18.** एक सतत् बारंबारता बंटर के वर्ग चिन्ह 3.05, 3.15, 3.25, 3.35, 3.45 और 3.55 हैं। वर्ग चिन्ह 3.35 का संगत वर्ग अंतराल ज्ञात कीजिए।
- **19.** 25 विद्यार्थी का भार (kg में) इस प्रकार है: 35, 38, 36, 37, 38, 35, 37, 36, 35, 38, 36, 36, 35, 35, 38, 37, 35, 36, 38, 35, 35, 36, 38, 37

बारम्बारता सारणी पूरी कीजिए

भार	35	36	37	38
बारम्बारता				

- 20. वर्ग चिन्हों 104, 114, 124, 134 के लिए वर्ग-माप और वर्ग सीमाएं ज्ञात कीजिए।
- 21. निम्न आँकड़े 30 परिवारों के बच्चों की संख्या को दर्शाते है
  2, 1, 0, 3, 4, 2, 4, 3, 0, 1, 2, 4, 5, 3, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 0, 2, 0, 3, 2, 1, 0, 4, 5, 1
  इन आँकडों की बारम्बारता सारणी बताइए।
- 22. एक एकद्विवसीय क्रिकेट मैच में 18 खिलाड़ियों द्वारा बनाए गए रन इस प्रकार है: 3, 7, 16, 27, 46, 122, 73, 24, 7, 3, 0, 8, 46, 3, 99, 45, 28, 79
  - 25 वर्ग माप के वर्ग अंतराल लेते हुए एक बारम्बारता सारणी बताइए।
- 23. एक परीक्षा में 25 विद्यार्थियों द्वारा एक प्रश्न को हल करने के लिए लिया गया समय सेकंड मे नीचे दिया गया है।
  - 20, 16, 20, 27, 27, 28, 30, 33, 37, 50, 40, 42, 46, 28, 43, 46, 46, 48, 49, 52, 58, 59, 60, 64, 52
  - 10 वर्ग माप के वर्ग अंतराल लेते हुये एक बारम्बारता सारणी बनाइये।
- 24. निम्नलिखित तालिका से आयत चित्र बनाइये।

वर्ग	0-10	10-20	20-30	30-40	40-50
बारंबारता	8	15	20	12	16

25. नीचे 50 बच्चों के अंकों की संचयी बारम्बारता वितरण तालिका दी गई है।

वर्ग	बारंबारता
20 से कम	17
40 से कम	22
60 से कम	29
80 से कम	37
100 से कम	50

उपरोक्त आंकड़ों से एक बारम्बारता सारणी बनाइये।

26. निम्नलिखित तालिका किसी राज्य के राजनैतिक दलों द्वारा जीती गई सीटों को प्रदर्शित करती है। इसके लिए दंड आलेख बनाइए।

राजनैतिक दल	A	В	C	D	E	F	G
जीती गई सीटें	75	55	37	29	10	37	50

27. निम्न सारणी में विद्यार्थियों द्वारा चयन किए गए विभिन्न कार्यकलाप दिए गए हैं।

कार्यकलाप	खेल	ध्यान	योग	टहलना
लड़िकयों की संख्य	r 42	35	100	120
लड़कों की संख्या	90	64	130	86

उपरोक्त आँकड़ों के लिए दंड आलेख बनाइए।

28. नीचे दिए गये आँकड़ों के लिए आयत चित्र बनाइये

आयु (वर्षों)	बारंबारता
1-2	5
2-3	4
3-5	10
5-7	12
7-10	9
10-15	10
15-17	8

IX - गणित

29. नवीं कक्षा में 40 विद्यार्थियों के प्राप्तांक निम्न तालिका में दिए गए है। इन आँकड़ों के लिए आयात चित्र बनाइए।

वर्ग चिन्ह (मध्य बिंदु)	5	15	25	35	45	55
विद्यार्थियों की संख्या	3	7	6	14	8	2

30. निम्नलिखित आँकड़ों का बारम्बारता बहुभुज बताइए।

प्राप्तांक	10-20	20-30	30-40	40-50	50-60
विद्यार्थियों की सं.	6	8	3	9	4

31. निम्नलिखित आँकड़ों के लिए एक बारम्बारता बहुभुज बनाइये।

अंक	बारम्बारता
0-10	03
10-20	09
20-30	18
30-40	16
40-50	12
50-60	02

32. कक्षा IX के 30 विद्यार्थियों का रक्त समूह इस प्रकार लिया गया।

A, B, B, B, B, O, B, B, A, AB, A, O, B, O, AB, O

AB, AB, B, AB, A, O, AB, B, A, O, AB, A, A, AB

- (a) उपरोक्त आँकड़ों के लिए 'बारम्बारता वितरण सारणी बनाइये।
- (b) मि. 'X' का एक्सीडेंट हो गया और उन्हें रक्त की आवश्यकता है। उसका रक्त समूह AB है। उपरोक्त में से कितने 'सार्वित्रिक दाता' (Universal Donor) और 'सार्वित्रिक ग्राही' (Universal Receipient) हैं?
- 33. एक डॉक्टर किसी बीमारी के निदान के लिए दो तरीके सुझाते हैं। एक केवल दवाईयाँ लेकर और दूसरा ध्यान एवं योग द्वारा।

व्यक्तियों का आयु	दवाई लेने वाले	ध्यान और योग करने
वर्ग	मरीजों की संख्या	वाले मरीजों की संख्या
20-30	20	05
30-40	30	12
40-50	42	20
50-60	40	30
60-70	30	20

उपरोक्त आँकड़ों के लिए बारम्बारता बहुभुज बनाइये।

34. दिल्ली में आयोजित एक रक्त दान शिविर में स्वैच्छिक रक्तदान करने वाले व्यक्तियों की संख्या को प्रत्येक दिन के हिसाब से प्रदर्शित किया गया है।

दिन	रक्तदान करने वालों
	की संख्या
रविवार	100
सोमवार	80
मंगलवार	110
बुधवार	80
बृहस्पतिवार	60
शुक्रवार	70
शनिवार	120

- (i) उपरोक्त आँकड़ों को एक दण्ड आलेख द्वारा प्रदर्शित कीजिए।
- (ii) किस दिन सर्वाधिक व किस दिन सबसे कम लोगों ने रक्तदान किया?

## उत्तर⁄संकेत

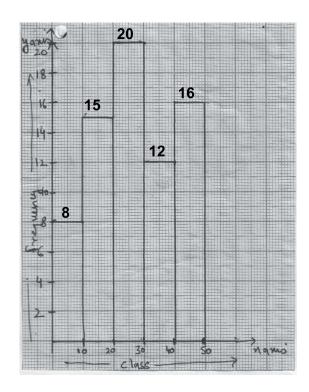
- 1. (b) आँकड़े
- 2. (d) गौण आँकड़े और प्राथमिक आँकड़े
- 3. (c) आयत चित्र में वर्ग अंतराल का प्रयोग किया जाता है।
- **4.** (b)
- 5. (c) बारंबारता बहुभुज

- 6. (c) वर्ग चिन्ह
- **7.** (d) 17
- **8.** (b) 6-11
- **9.** (b) 2x y
- 10. परिसर
- **11.** 23
- **12.** 51
- 13. वर्ग चिन्ह
- **14.** 5.5
- **15.** 10
- **16.** 16-21
- **17.** 28
- **18.** 3.3-3.4
- **19.** भार 35 36 37 38 बारंबारता 8 6 4 7
- **20.** वर्ग माप = 10 वर्ग सीमाएं = 99-109, 109-119, 119-129, 129-139

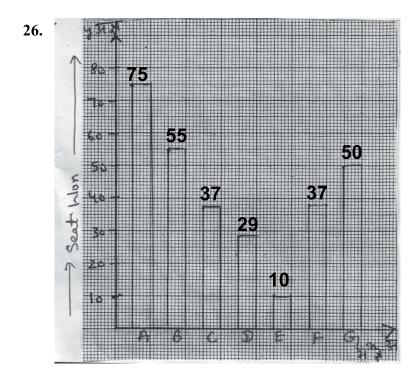
21. विद्यार्थियों की सं.	मिलान चिन्ह	बारम्बारता
0	M	5
1	JH II	7
2	)H III	8
3		4
4		4
5		2
22. वर्ग अंतराल	मिलान चिन्ह	बारम्बारता
0–25	JH III	9
25–50	JH	5
50-75		1
75–100		2
100-125		1

23. वर्ग अंतराल	मिलान चिन्ह	बारम्बारता
15–25		3
25–35	M I	6
35–45	ı İl	4
45–55	)H III	8
55–65	· 	4

24.



25. वर्ग अंतराल	बारम्बारत
0-20	17
20-40	5
40-60	7
60-80	8
80-100	13



# अभ्यास परीक्षा

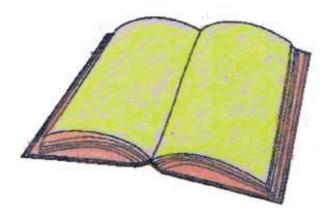
य : 1 घंटा					N	Л.М. 20
निम्न वर्ग चिन्हों की	वर्ग सीमा	एँ लिखिए।				(1)
47, 52, 57, 62, 67,	72, 77					
वर्ग अंतराल 8-15 व	का वर्ग नि	वन्ह	है	l		(1)
निम्न आँकड़ों में 20	परिवारों मं	में बच्चों की	संख्या दी ग	ई है।		(2)
1, 2, 0, 3, 2, 1, 0, 4	, 3, 2, 2,	0, 1, 2, 3, 2	2, 2, 0, 4, 3			
इन आँकड़ों की बारंब	गरता सारप	गी बनाइए।				
वर्ग चिन्हों 25, 35,	45, 55,	65 के लिए	वर्ग माप अं	ोर वर्ग सीमाएं	ऐं ज्ञात की	जए। (2)
एक परीक्षा में 25	विद्यार्थियो	i द्वारा एक !	प्रश्न को हल	करने के लि	नए लिया ग	ाया समय
(सेकेंड़ों में) नीचे दि	्या गया है	<b>:</b>				(3)
18, 22, 17, 25, 27, 22, 19, 44, 36	33, 35, 1	9, 21, 20, 1	7, 16, 25, 2	27, 33, 34, 3	8, 42, 43,	41, 37,
10 वर्ग माप के वर्ग	अंतराल त	नेते हुए एक	बारंबारता स	ारणी बनाइए।		
नीचे 50 बच्चों के अ	ांकों की र	पंचयी बारंबा	रता तालिका	दी गई है।		(3)
अंक 10	) से कम	20 से कम	ा 30 से क <sup>्</sup>	म 40 से क	म 50 से	कम
विद्यार्थियों की सं.	15	27	32	45	50	
इस आँकड़ों के लिए	बारंबारता	सारणी बनाः	हए।			
निम्नलिखित आँकड़ों	के लिए 1	एक आयत र्	चत्र बनाइए।			(4)
आयु (वर्षों में)	18-20	20-22	22-24	24-26	26-28	28-30
व्यक्तियों की संख्या	5	4	6	9	7	2
निम्न सारणी में विद्या	र्थियों द्वारा	चयन किए	गये विभिन्न	कार्यकलाप ह	<del>}</del> :	(4)
कार्यकलाप	खेल	8.	यान	योग	7	हलना
लड़िकयों की संख्या	25		32	17		27
લકાંમના માં સહ્યા	23	•	34	1 /		<i>- 1</i>
लड़कों की संख्या			18	22		25
	47, 52, 57, 62, 67, वर्ग अंतराल 8-15 व निम्न आँकड़ों में 20 1, 2, 0, 3, 2, 1, 0, 4 इन आँकड़ों की बारंब वर्ग चिन्हों 25, 35, एक परीक्षा में 25 (सेकेंड़ों में) नीचे दि 18, 22, 17, 25, 27, 22, 19, 44, 36 10 वर्ग माप के वर्ग नीचे 50 बच्चों के अंक 10 विद्यार्थियों की सं. इस आँकड़ों के लिए निम्नलिखित आँकड़ों आयु (वर्षों में) व्यक्तियों की संख्या निम्न सारणी में विद्यार्थि कार्यकलाप	निम्न वर्ग चिन्हों की वर्ग सीमा 47, 52, 57, 62, 67, 72, 77 वर्ग अंतराल 8-15 का वर्ग निम्न आँकड़ों में 20 परिवारों में 1, 2, 0, 3, 2, 1, 0, 4, 3, 2, 2, इन आँकड़ों की बारंबारता सारण्वर्ग चिन्हों 25, 35, 45, 55, एक परीक्षा में 25 विद्यार्थियों (सेकेंड़ों में) नीचे दिया गया है 18, 22, 17, 25, 27, 33, 35, 122, 19, 44, 36 10 वर्ग माप के वर्ग अंतराल दिनीचे 50 बच्चों के अंकों की उजका 10 से कम विद्यार्थियों की सं. 15 इस आँकड़ों के लिए बारंबारता निम्नलिखित आँकड़ों के लिए बारंबारता निम्नलिखित आँकड़ों के लिए प्राया की संख्या 5 निम्न सारणी में विद्यार्थियों द्वारा कार्यकलाप खेल	निम्न वर्ग चिन्हों की वर्ग सीमाएँ लिखए। 47, 52, 57, 62, 67, 72, 77 वर्ग अंतराल 8-15 का वर्ग चिन्ह निम्न आँकड़ों में 20 परिवारों में बच्चों की 1, 2, 0, 3, 2, 1, 0, 4, 3, 2, 2, 0, 1, 2, 3, 2 इन आँकड़ों की बारंबारता सारणी बनाइए। वर्ग चिन्हों 25, 35, 45, 55, 65 के लिए एक परीक्षा में 25 विद्यार्थियों द्वारा एक ए (सेकेंड़ों में) नीचे दिया गया है: 18, 22, 17, 25, 27, 33, 35, 19, 21, 20, 1 22, 19, 44, 36 10 वर्ग माप के वर्ग अंतराल लेते हुए एक नीचे 50 बच्चों के अंकों की संचयी बारंबा अंक 10 से कम 20 से कम विद्यार्थियों की सं. 15 27 इस आँकड़ों के लिए बारंबारता सारणी बनाइ निम्नलिखित आँकड़ों के लिए पक आयत जियायु (वर्षों में) 18-20 20-22 व्यक्तियों की संख्या 5 4 निम्न सारणी में विद्यार्थियों द्वारा चयन किए कार्यकलाप खेल धेल	निम्न वर्ग चिन्हों की वर्ग सीमाएँ लिखए।  47, 52, 57, 62, 67, 72, 77  वर्ग अंतराल 8-15 का वर्ग चिन्ह	निम्न वर्ग चिन्हों की वर्ग सीमाएँ लिखिए।  47, 52, 57, 62, 67, 72, 77  वर्ग अंतराल 8-15 का वर्ग चिन्ह	निम्न वर्ग चिन्हों की वर्ग सीमाएँ लिखिए।  47, 52, 57, 62, 67, 72, 77  वर्ग अंतराल 8–15 का वर्ग चिन्ह

## केस स्टडी पर आधारित प्रश्न

1. एक विद्यालय में इको-क्लब ने अपने विद्यालय मे एक बगीचा विकसित करने का निर्णय लिया और A, B, C तीन प्रकार के पौधे लगाए। A प्रकार के पौधों की संख्या B प्रकार के पौधों से दुगुनी है और B और C प्रकार के पौधों की संख्या समान हैं। यदि कल पौधों की संख्या 100 हो तो :



- (i) उपरोक्त स्थिति के लिए उचित समीकरण लिखिए।
- (ii) यदि A प्रकार के 50 पौधे हो, तो B प्रकार के पौधों की संख्या ज्ञात कीजिए।
- (iii) यदि A और B प्रकार के कुल पौधे 75 हैं, तो C प्रकार के कुल कितने पौधे है?
- (iv) C प्रकार के पौधों की संख्या ज्ञात कीजिए।
- 2. एक RWA िकराए पर पुस्तकें देने वाले एक पुस्तकालय को चलाते हैं, तािक समाज में पुस्तकों को पढ़ने की आदत को बढ़ाया जा सके। इस पुस्तकालय को चलाने के लिए, प्रति पुस्तक पहले पाँच दिनों के लिए नियम ₹10 तथा इसके बाद प्रत्येक अतिरिक्त दिन के लिए ₹4 लिए जाते है।



- (i) यदि आप एक पुस्तक को 7 दिनों के लिए लेते हो, तो इसके लिए कितनी रकम देनी पड़ेगी?
- (ii) यदि आप एक पुस्तक को कुछ दिनों के लिए लेते हो और उनके लिए ₹40 देते हो तो दिनों की संख्या ज्ञात कीजिए।
- (iii) दिनों की संख्या को x (जहाँ  $x \ge 5$ ) और अदा की गई रकम ₹ y लेकर, एक पुस्तक लेने के लिए उपयुक्त समीकरण लिखिए।
- (iv) भाग (iii) के सही विकल्प के समीकरण के लिए यदि x = 7 हो तो y का मान क्या होगा?
- 3. COVID 19 में घर-घर सर्वे के दौरान एक अग्रिम पंक्ति स्वास्थ्यकर्मी किसी परिवार के सदस्यों का तापमान रिकॉर्ड करता है। उनके नाम और उनकी आयु नीचे दी गई है।

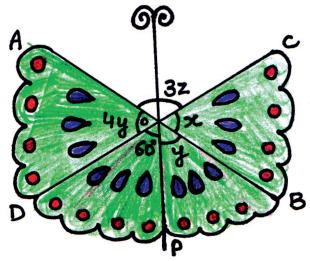
नाम	आयु (वर्षों में
उमा	65
राज कुमार	40
सविता	37
रोहन	14
ज्योति	10



फोरनहाइट (°F) तापमान को सेलसियस (°C) में बदलने के लिए रैखिक समीकरण

$$C = \frac{5F - 160^{\circ}}{9}$$

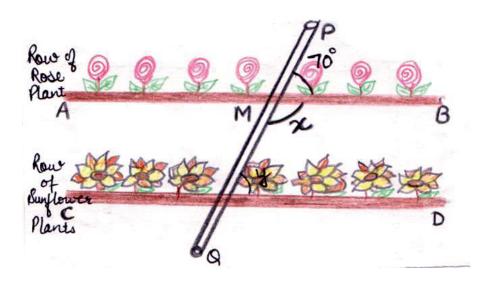
- (i) यदि श्रीमती उमा का तापमान 97.9°F हो तो °C में तापमान ज्ञात कीजिए।
- (ii) यदि श्री राजकुमार का तापमान 37° C हो, तो उनका F° में तापमान कितना होगा?
- (iii) यदि सेल्सियस (°C) को x-अक्ष और फारेनहाइट (°C) को y-अक्ष पर लेकर आलेख खीचा जाए तो वह किस चतुर्थांश से नहीं गुजरेगा?
- (iv) यदि मानव शरीर का सामान्य तापमान सेल्यिस में 36.5° C और 37.5° C के बीच हो, तो फारेनहाइट में तापमान किसके बीच होगा?
- 4. रशमी अपनी छोटी बहन के लिए तीलियों से एक तितली बना रही थी। उसने तीलियों को दी गई आकृति के अनुसार व्यवस्थित किया। इसमें AB व CD दो प्रतिछेदी रेखाएं हैं जो बिंदु O पर एक दूसरे को प्रतिछेद कर रही हैं। एक तीसरी तीली OP भी जोड़ी गई है जिससे तितली को हाथ में पकड़ कर घुमाया जा सके। दी गई जानकारी व आकृति के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए।



- (i) रशमी ने तीलियों AB व CD को कितने अंश पर झुकाकर जोड़ा?
- (ii) यदि दो तीलियों AB व CD की लंबाइयाँ समान है। और वे मध्यबिंदुओं पर जोड़ी गई हैं यदि तीलियाँ की लंबाई  $10~{\rm cm}$  हो तो OA ज्ञात कीजिए।
- (iii) आकृति में y तथा z का मान ज्ञात कीजिए।

x का मान ज्ञात कीजिए तथा x+4y का मान ज्ञात कीजिए।

5. कक्षा नवीं के चार विद्यार्थियों को विद्यालय के 'इको क्लब' में पौधारोपण के लिए चयिनत किया गया जिनके नाम हैं- श्रेया, खुशी, वैभव व सुशांत। श्रेया व वैभव ने गुलाब के पौधों की एक पंक्ति तैयार की जिसे आकृति में AB द्वारा दर्शाया गया हैं खुशी व सुशांत सूरजमुखी के पौधों की भी एक पंक्ति CD तैयार करना चाहते हैं जो गुलाब के पौधों की पंक्ति के समांतर हो। एक पाइपलाइन PQ भी आकृति में दशाई गई हैं जो AB व CD के बीच से गुजरती है। दी गई जानकारी व आकृति के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए।

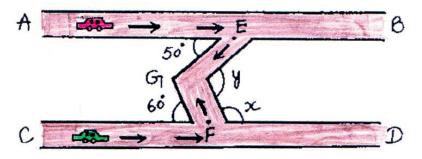


- (i) PQ के साथ, खुशी व सुशांत द्वारा लगाई गई पंक्ति, CD कितनी माप का कोण बनाएगी।
- (ii) x और y किस प्रकार के कोणों का युग्म है।
- (iii) x और y का मान ज्ञात कीजिए।

#### अथवा

AB व CD के बीच अंकित कोणों x व y का योग क्या होगा? 2x + y का मान भी ज्ञात कीजिए।

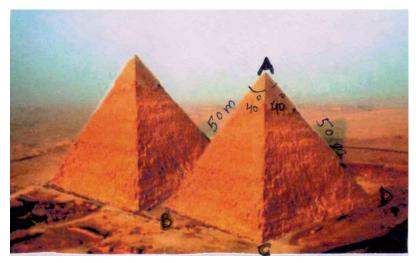
6. दो कारें दो समांतर सड़कों AB व CD पर दौड़ रही हैं। (जैसा कि आकृति में दर्शाया गया है) पहली कार E बिंदु पर पहुँच कर अपनी दाँई ओर  $50^\circ$  के कोण पर मुड़ती है। उसी समय दूसरी कार CD सड़क पर F बिंदु पर पहुँच कर अपनी बाँई ओर  $60^\circ$  के कोण पर मुड़ती है। दोनों कारें G बिंदु पर मिलती हैं। दी गई जानकारी व आकृति के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए।



- (i) आकृति में अंकित कोण x का मान ज्ञात कीजिए।
- (ii) कोण EGF जो कि y द्वारा अंकित है का मान ज्ञात कीजिए।
- (iii) प्रतिवर्ती  $\angle EGF$  का मान ज्ञात कीजिए। यदि EF को एक रेखाखण्ड द्वारा मिला दिया जाए तो EGF किस प्रकार का त्रिभुज बनेगा।

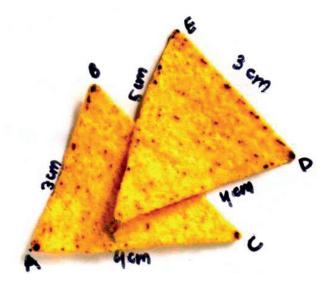
यदि  $\Delta EGF$  एक समद्भिबाहु त्रिभुज हो जिसमें EG=GF हो, तो  $\angle GFC$ का मान क्या होगा यह मानते हुए कि  $\angle AEG=50^\circ$  है?

7. मिस्त्र के पिरामिड़, मिस्त्र में स्थित प्राचीन संरचनाए है। खुफु का पिरामिड मिस्त्र का सबसे बड़ा पिरामिड है। यह प्राचीन विश्व के सात अजूबों में से एक है जो अभी भी अस्तित्व में हैं पिरामिड एक ऐसी संरचना है जिसकी बाहरी सतह त्रिभुजाकार होती है और शीर्ष पर एक एकल चरण में मिलती है। पिरामिड का आधार त्रिभुज, चतुर्भुज या कोई बहुभुज हो सकता है। गीता एक गणित की विद्यार्थी है जो मिस्त्र घूमने जाती है और पिरामिड को देखती है। (चित्र में दर्शाया गया है।)



ऊपर दी गई जानकारी के अनुसार निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए।

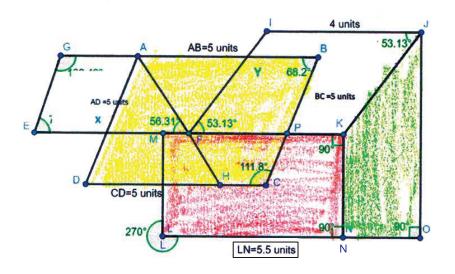
- (i) उस त्रिभुज का नाम लिखे जो  $\Delta ABC$  के सर्वांगसम त्रिभुज है।
- (ii) किस सर्वांगसमता नियम से भाग (1) में त्रिभुज सर्वांगसम हैं?
- (iii) BC =
- 8. संजना और अंशु दो दोस्त है, दोनों चिप्स खाने की शौकीन हैं। एक दिन दोनों त्रिभुजाकाकर चिप्स खा रही थी और अचानक संजना को लगा कि सभी चिप्स जो त्रिभुजाकार हैं एक जैसी ही दिखाई देती है। उसे अपनी अध्यापिका द्वारा कक्षा में पढ़ाया गया अध्याय त्रिभुज याद आया। उसने चिप्स की भुजाओ मो मापा और पाया कि सभी त्रिभुजाकार चिप्स की माप समान है जो 3 cm, 4cm और 5cm है, जैसा कि चित्र में दर्शाया गया है।



दी गई जानकारी के आधार पर निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए।

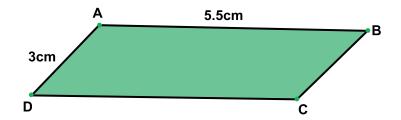
- (i) चिप्स किस प्रकार के त्रिभुज थे?
- (ii) क्या त्रिभुजाकार चिप्स सर्वांगसम त्रिभुज थे? यदि हाँ तो किस नियम से?
- (iii) *BC* = \_\_\_\_\_
- (iv)  $\angle A =$ \_\_\_\_\_

9. रोहिता अपनी एक ड्रेस पर चित्र में दिखाए पैटर्न को प्रिंट करना चाहती है

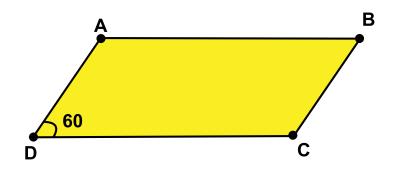


- (i) रोहिता आकृति *ABCD* जैसे लकड़ी के 1 ब्लॉक का ऑर्डर देना चाहती है। आकृति *ABCD* का क्या नाम है?
- (ii) वह समांतर रेखाओं के दो युग्मों को एक ही रंग में रंगना चाहती है। ऐसे दो युग्म लिखिए।
- (iii)  $\triangle AFY$  बनाने के लिए रोहिता को  $\angle AFY$  के मान की आवश्यकता है।  $\angle AFY$  का मान क्या होगा?
- 10. कक्षा नौवीं C के छात्र अपनी कक्षा के डिस्प्ले बोर्ड को सजाना चाहते हैं। वे बोर्ड को सजाने के लिए नीचे दी जानकारी की मदद से पेपर की आकृतियाँ काटते हैं
  - (1) एक चतुर्भुज, समांतर चतुर्भुज कहलाता है यदि
    - (a) उसकी सम्मुख भुजाओं (आमने-सामने की भुजाओं) के दोनों युग्म समांतर हो
    - (b) उसकी सम्मुख भुजाओं के दोनों युग्म बराबर हो
    - (c) उसकी सम्मुख भुजाओं का एक युग्म बराबर तथा समांतर हो।
  - (2) एक समांतर चतुर्भुज में
    - (a) सम्मुख कोण बराबर होते हैं।
    - (b) आसन्न कोण संपूरक होते हैं।

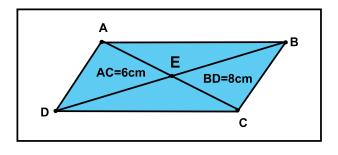
- (3) समांतर चतुर्भुज में
  - (a) विकर्ण एक दूसरे को समद्विभाजित कहते है।
- (i) बोर्ड के बॉर्डर को सजाने के लिए वे समांतर चतुर्भुज जैसी आकृति अलग-अलग रंगों के कागज से काटना चाहते हैं। *CD* तथा *BC* की लंबाई क्या होनी चाहिए?



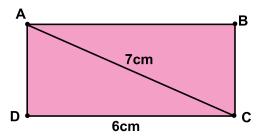
(ii) समांतर चतुर्भुज ABCD को काटने के लिए उन्होंने  $\angle D = 60^\circ$  निर्धारित किया समांतर चतुर्भुज ABCD के  $\angle B$  का मान कितना होना चाहिए?



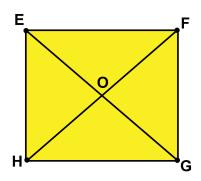
- (iii) समांतर चतुर्भुज ABCD के  $\angle A$  का मान कितना होना चाहिए?
- (iv) कुछ समांतर चतुर्भुज को काटकर त्रिभुज बनाए गए, जिनसे बोर्ड के किनारे पर फूल बनाए जा सकें। यदि BD की लंबाई 8 सेंटीमीटर तथा AC की लंबाई 6 सेंटीमीटर रखी गई हो तो AE की लंबाई क्या होनी चाहिए?



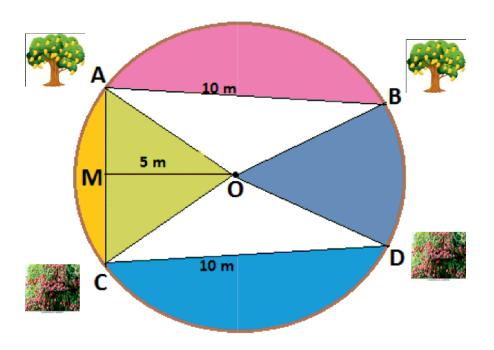
- 11. (1) एक समांतर चतुर्भुज, आयत कहलाता है यदि उसका एक कोण 90° हो। इससे आयत के सभी कोण 90° हो जाते हैं। आयत के विकर्ण बराबर तथा परस्पर समद्विभाजक होते हैं।
  - (2) एक समांतर चतुर्भुज वर्ग कहलाता है यदि उसका एक कोण 90° हो तथा आसन्न भुजाओं का एक युग्म बराबर हो। इससे वर्ग के सभी कोण 90° हो जाते हैं। तथा सभी भुजाएं बराबर हो जाती हैं। वर्ग के विकर्ण बराबर तथा परस्पर समकोण पर समद्विभाजक होते हैं। साहिल इस जानकारी की मदद से एक वॉल हेंगिंग बनाना चाहता है। तारे की मदद से फ्रेम बनाकरतथा उन तारों पर ऊन पलेटकर वह इसे बनाएगा।
  - (i) सबसे पहला फ्रेम जो साहिल ने तारों से बनाया वह एक आयत *ABCD* था, जैसा की चित्र में दिखाया गया है। यदि विकर्ण की तार 7 cm लम्बी तथा भुजा *CD* 6 cm लम्बी है। तो वांछित आयत के लिए *BC* की लंबाई क्या होनी चाहिए?



- (ii) तार BD की लम्बाई क्या होनी चाहिए?
- (iii) दूसरा फ्रेम वर्ग EFGH है, जैसा की चित्र में दिखाया गया हैं सिहल के पास तार का 8 cm लम्बा एक बचा हुआ टुकड़ा है वह इस टुकड़े को EFGH के विकर्ण की तरह लेना चाहता हैं तार HF की लम्बाई क्या होनी चाहिए?
- (iv) तार OF की लम्बाई क्या होनी चाहिए?

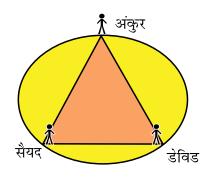


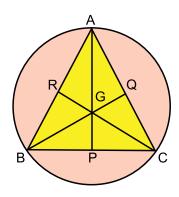
12. एक किसान के पास एक वृत्ताकार बगीचा है, जैसािक चित्र में दिखाया गया है। इस खेत में उसने विभिन्न तरह के वृक्ष, पौधे और फूल उगाए हैं। बगीचे में A तथा B पर दो आम के वृक्ष AB = 10 मी की दूरी पर हैं। इसी प्रकार दो लीची के पेड़ भी 10 मी की दूरी पर हैं जो C और D पर दिखाए गए हैं। AB केन्द्र O पर  $80^\circ$  का कोण अंतरित करता है। AC की केन्द्र से लाम्बिक दूरी 5 मी तथा बगीचे की त्रिज्या 13 मी है।



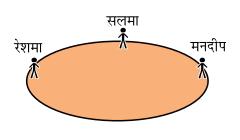
- (i)  $\angle COD$  का क्या मान हैं?
- (ii) आम के पेड़ A और लीची के पेड़ C के बीच कितनी दूरी है?
- (iii) यदि  $\angle BOD = 70^{\circ}$  तो दर्शाइए कि  $\angle CAB = 75^{\circ}$  है।
- (iv)  $\angle OCD$  का क्या मान है?
- 13. 20 सेमी त्रिज्या का एक गोल पार्क (वृत्ताकार) एक कालोनी में स्थित है। तीन लड़के अंकुर, सैय्यद तथा डेविड इसकी परिसीमा पर बराबर दूरी पर बैठे हैं और प्रत्येक के हाथ में एक खिलौना टेलीफोन आपस में बात करने के लिए है, जैसा कि आकृति में दिखाया

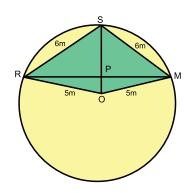
गया हैं। AP, BQ और CR त्रिभुज की माध्यिकाएँ हैं। दी गई जानकारी के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दें



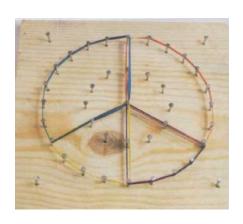


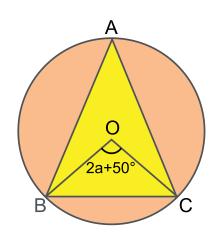
- (i) AG की लंबाई कितनी है?
- (ii) AP की लंबाई क्या है?
- (iii) BGC तथा ∠ABQ का माप ज्ञात कीजिए।
- (iv) AB की लंबाई ज्ञात कीजिए।
- 14. 5 मी. त्रिज्या वाले वृत्त की परिसीमा पर तीन लड़िकयाँ रेशमा, सलमा और मनदीप क्रमशः बिंदु R,S और M पर खड़ी होकर आपस में खेल रही हैं। रेशमा एक गेंद को सलमा के पास, सलमा मनदीप के पास तथा मनदीप रेशमा के पास फेंकती हैं। यदि रेशमा तथा सलमा के बीच और सलमा तथा मनदीप के बीच प्रत्येक दूरी 6 m है व O वृत्त का केन्द्र है तो निम्न प्रश्नों के उत्तर दें।



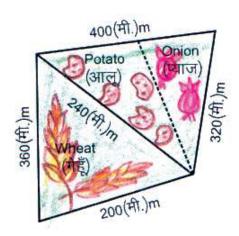


- (i) अनुपात  $\angle MOS$  :  $\angle MRS$  ज्ञात कीजिए।
- (ii) O से SM पर डाले गई लंब की लंबाई ज्ञात कीजिए।
- (iii) OP ज्ञात कीजिए।
- (iv) रेशमा और मनदीप के बीच की दूरी क्या है?
- 15. मैथ लैब में किसी क्रियाकलाप में बच्चे वृत्ताकार जियोबोर्ड का प्रयोग करते है। आकृति में वृत्त की एक चाप BC द्वारा केन्द्र पर बना कोण  $(2a + 50^\circ)$  माप का है।





- (i)  $\angle BAC$  का क्या माप है?
- (ii) यदि  $a=30^\circ$  है, तो  $\angle BAC$  का माप ज्ञात कीजिए।
- (iii) यदि  $a=50^\circ$  हो तो प्रतिवर्ती  $\angle BOC$  का माप ज्ञात कीजिए।
- (iv)  $a=50^\circ$  और वृत्त की त्रिज्या  $10~\mathrm{cm}$  है। BC का माप ज्ञात कीजिए।
- (v) यदि वृत्त की त्रिज्या 10 cm और BC = 12 cm हो तो केन्द्र से BC की लंबवत् दूरी ज्ञात कीजिए।
- 16. सरला देवी के पास एक त्रिभुजाकार खेत है जिसकी भुजाओं की लंबाइयाँ 240 मी., 200 मी. व 360 मी. हैं जहाँ वे गेहूँ उगाती है। एक अन्य त्रिभुजाकार खेत, जिसकी भुजाओं की लंबाइयाँ 240 मी., 320 मी. व 400 मी. है जो पहले खेत के संगत है, मे वे आलू और प्याज उगाना चाहती हैं। इसके लिए उन्होंने इस दूसरे खेत को दो भागों में बाँटने के लिए खेत की सबसे लम्बी भुजा के मध्यबिंदु से विपरीत शीर्ष को मिलाकर विभाजन किया और इस प्रकार प्राप्त भागों में से एक में आलू व दूसरे में प्याज उगाया।

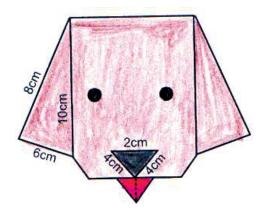


दी गई जानकारी व आकृति के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए

- (i) गेहूँ के खेत का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।
- (ii) आलू उगाने के लिए प्रयोग किए गए खेत का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।
- (iii) आलू व प्याज उगाने के लिए प्रयोग किए गए खेत का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। आलू व प्याज उगाने के लिए उपयोग किए गए खेतों का क्षेत्रफलों का अनुपात ज्ञात कीजिए। (अथवा)

उनके पास कुल खेतों का कुल क्षेत्रफल में ज्ञात कीजिए तथा क्षेत्रफल को हेक्टेयर में व्यक्त कीजिए।

17. गर्मियों की छुट्टियों में कोविड-19 के कारण लॉकडाउन होने पर रोहित अपने दोस्तों के साथ खेलने बाहर नही जा सकता था। उसकी मम्मी ने उसे ऑरीगेमी शिल्प द्वारा कछ बनाने का परामर्श दिया। रोहित ने इंटरनेट की सहायता से यह शिल्प सीखा व एक ऑरीगेमी से पिल्ला बनाया जैसा कि चित्र में दिखाया गया है।

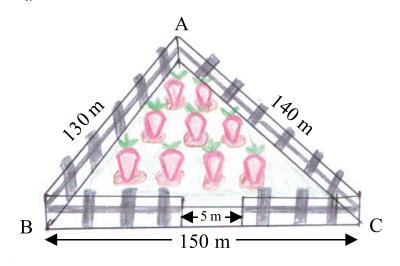


दिए गए चित्र व जानकारी के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए।

- (i) पिल्ले के एक कान का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए
- (ii) पिल्ले की नाक बनाने के लिए प्रयोग किए गए कागज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।
- (iii) यदि पिल्ले की जीभ एक समबाहु त्रिभुज के आकार में हैं जिसकी भुजाएँ 2 सेमी. हैं, तो इसे बनाने में प्रयोग किए गए कागज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। जीभ के बीच में दर्शाए गए रेखाखण्ड की लंबाई क्या होगी?

(अथवा)

- (iv) यदि पूरी आकृति बनाने में 96 वर्ग सेमी. कागज प्रयुक्त हुआ, तो कान, नाक व जीभ छोड़कर बाकी हिस्से को बनाने में कितने कागज का प्रयोग हुआ?
- 18. एक त्रिभुजाकार खेत के शीर्ष *A*, *B* और *C* तथा उसकी भुजाओं की लंबाई 130 m, 140m तथा 150m हैं किसान खेत के एक तरफ 5m स्थान फाटक के लिए छोड़ते हुए चारों तरफ बाड़ लगवाना चाहता है। बाड़ लगवाने का खर्च ₹ 20 प्रति m है। बाड़ लगाने के बाद किसान पूरे खेत में गाजर की खेती करता है।



- (i) त्रिभुजाकार खेत का अर्धपरिमाप ज्ञात कीजिए।
- (ii) खेत का परिमाप ज्ञात कीजिए।
- (iii) काटेदार तार लगवाने का कुल खर्च ज्ञात कीजिए।

(अथवा)

खेत का कुल क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

19. एक युवा लड़की जूही को एक गोलाकार नारियल मिला। जूही ने नारियल का पानी पीया और अपनी रचनात्मकता का उपयोग करते हुए बचे हुए नारियल के ऊपरी भाग को सजाकर बेचा। यदि नारियल की त्रिज्या 2.1 cm हो (नारियल की मोटाई तथा नारियल को पूरा पानी से भरा मानते हुए)

तो दी गई जानकारी के अनुसार निमनलिखित प्रश्नो के उत्तर दीजिए।



- (i) गोलाकार नारियल का पृष्ठीय क्षेत्रफल क्या होगा?
- (ii) यदि जूही केवल आधा नारियल ही सजा पाती है तो सजाने के लिए उपयोग में आने वाले कागज का क्षेत्रफल क्या होगा?
- (iii) यदि नारियल सजाने में 5रु प्रति वर्ग सभी के हिसाब से खर्च आता है तो नारियल सजाने में कितने रुपये खर्च होंगे?
- (iv) जूही द्वारा पिए गए नारियल पानी का आयतन कितना था?
- 20. यातायात शंकु का उपयोग बाहरी रुप से सड़क गतिविधियों जैसे यातायता पुननिर्देशन, खतरों की अग्रिम चेतावनी या यातायात की रोकथाम के दौरान किया जाता है।

एक शंकु के आधार की त्रिज्या 2.1 cm तथा ऊँचाई 20 m है। दी गई जानकारी के आधार पर निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए।



- (i) यातायात शंकु की तिर्यक ऊँचाई क्या होगी?
- (ii) यातायात शंकु का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल क्या होगा?
- (iii) ऐसे 20 शंकुओं के वक्र पृष्ठ पर पेंट करने में कितना खर्च होगा यदि 1 m² पर पेंट करने के लिए 8 रु लगते हैं।
- (iv) एक यातायात शंकु का आयतन ज्ञात कीजिए।
- 21. कौशल नवीं कक्षा का छात्र है। वह चॉकलेट खाना पसंद करता है। उसकी माता ने उसके जन्मिदन पर चॉकलेट बेिकंग ट्रे उपहार में दी। ट्रे में 6 अर्धगोलाकार खांचें है। हर एक अर्धगोलाकार खांचें का व्यास 8.4 cm हैं। कौशल अपने जन्मिदन पर इस ट्रे का उपयोग करते हुए चॉकलेट बनाता है और अर्धगोलाकर चॉकलेट अपने दोस्तों के साथ साझा करता है।





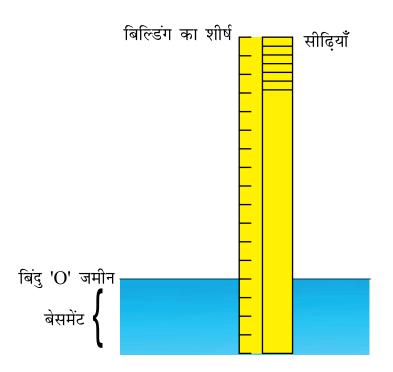
दी गई जानकारी के आधार पर निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए।

- (i) अर्धगोलाकार चॉकलेट की त्रिज्या कितनी है?
- (ii) अर्धगोलाकार चॉकलेट का आयतन ज्ञात कीजिए।
- (iii) कौशल चॉकलेट को कागज से ढकना चाहता है तो उसे पूरी ट्रे की चॉकलेट के लिए कितने कागज की आवश्यकता होगी?
- (iv) यदि नेहा ट्रे में से दो-तिहाई चॉकलेट (माने ट्रे पूरी चॉकलेट से भरी है) खा लेती है तो वह आयतन ज्ञात कीजिए जो नेहा खाती है।
- 22. कक्षा IX की एक कक्षा में वास्तविक संख्याओं पर आधारित एक गतिविधि करवाई जाती हैं इस गतिविधि के अंतर्गत प्रत्येक विद्यार्थी को एक कार्ड उठाना है, प्रत्येक कार्ड पर एक प्रश्न लिखा हुआ है। पहले पांच विद्यार्थियों द्वारा उठाए गए कोर्डो पर लिखे हुए प्रश्नों को नीचे दिया गया है। आप उन प्रश्नों के लिए सही विकल्प का चयन कीजिए।
  - (i)  $\sqrt{10}$  किस प्रकार की संख्या है।
  - (ii)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$  एक ..... संख्या है।
  - (iii) "p" के किस मान के लिए  $\frac{251}{2^3 \times p^2}$  एक अनवसानी आवर्ती दशमलव है। किस प्रकार की संख्या का दशमलव प्रसार अनवासी आवर्ती होता है।

#### (अथवा)

$$(256)^{0.16} \times (256)^{0.09} = \underline{\hspace{1cm}}.$$

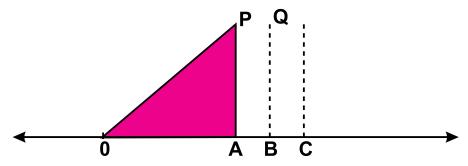
23. एक बिल्डिंग है जिसकी 13 मंजिल जमीन से ऊपर तथा चार मंजिल जमीन के नीचे बनी हुई हैं इस बिल्डिंग में सीढ़ियां बेसमेंट के फर्श से लेकर बिल्डिंग की छत तक जाती हैं रमेश जमीन पर खड़ा हैं यदि इस बिंदु को जीरों मान लिया जाए तथा हर 4 चार सीढ़िओं के बाद रमेश एक गिने, सीढ़ियाँ चढ़ते समय भी और उतरते समय भी। साथ ही सीढ़ियाँ उतरते समय वह ऋणात्मक संख्या गिनता है। निम्न स्थितियों में रमेश की स्थिति को नंबर द्वारा दर्शाइए-



- (i) यदि वह 16 सीढ़ियाँ ऊपर चढ़ा। तो वह क्या गिनेगा?
- (ii) यदि वह 3 सीढ़ियाँ जमीन से नीचे उतरा। तो उसे कौन-सी संख्या प्राप्त होगी?
- (iii) यदि वह 7 सीढ़ियाँ जमीन से ऊपर चढ़ा। और फिर 10 सीढ़िया नीचे उतरा। तो उसकी स्थिति की संख्या बताइए।

$$\frac{2}{4} - \left(\frac{-1}{4}\right)$$
 को हल कीजिए। रमेश की स्थिति को दर्शाने वाले नबरों का नाम लिखिए।

**24.** एक विद्यालय, चित्र में दिखाई दूरी के अनुसार एक पंक्ति में कुछ पेड़ लगाना चाहता हैं प्रत्येक पेड़ की ऊँचाई लगभग बराबर तथा 1 मात्रक ली गई हैं दूरी 'OA' भी 1 मात्रक ली गई है। पहला पेड़ बिन्दु 'B' पर तथा दूसरा पेड़ बिंदु 'C' पर लगाया गया है। बिंदु 'O' इस रेखा का शून्य माना जाए तथा OB = OP, OC = OQ तो



(पेड़ों की मोटाई को नगण्य मानें)

- (i) दूरी OB ज्ञात कीजिए।
- (ii) दूरी OC ज्ञात कीजिए।
- (iii)  $\frac{1}{OB}$  को सरल करने पर क्या प्राप्त होगा? वह किस प्रकार की संख्या होगी?

(अथवा)

 $\frac{OB}{OC}$  के हर का परिमेयकरण करने पर क्या प्राप्त होगा?

**25.** हर एक सरकारी विद्यालय में वृक्षारोपण कार्यक्रम आयोजित किया गया। कार्यक्रम के अंतर्गत कक्षा IX के विद्यार्थियों ने कुल  $2x^3+x^2-2x-1$  वृक्ष लगाए। कक्षा नौ के कुल (x+1) विद्यार्थियों ने वृक्ष लगाए तथा प्रत्येक विद्यार्थियों ने समान वृक्ष लगाए। वृक्षों को कुछ पंक्तियों और स्तंभों (Columns) में लगाया गया। कुल पंक्तियाँ (2x+1) है।



दी गई जानकारी के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए।

- (i) प्रत्येक विद्यार्थी द्वारा लगाए गए वृक्षों की संख्या ज्ञात कीजिए।
- (ii) यदि कुल 2079 वृक्ष लगाए गए तो x का मान है
- (iii) बहुपद  $2x^2+x^2-2x-1$  के गुणनखण्ड ज्ञात कीजिए।

#### (अथवा)

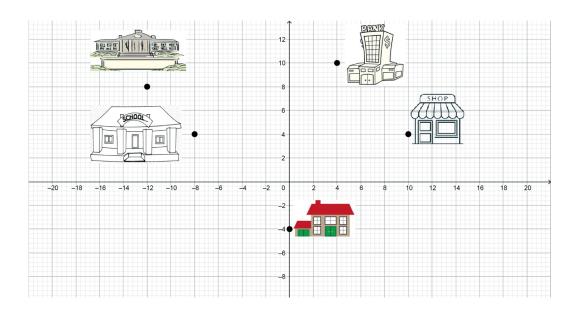
 $2x^3+x^2-2x-1$  के शून्यक ज्ञात कीजिए।

**26.** महेश अपने कमरे की एक दीवार को रंगना चाहता है। वह दीवार को विकर्ण से बाँटते हुए दो रंगों, गुलाबी और सफेद में रंगने का निर्णय करता हैं। दीवार की लंबाई और चौड़ाई क्रमश: (x+4) और (3x+2) है। दीवार का विकर्ण x+3x है।

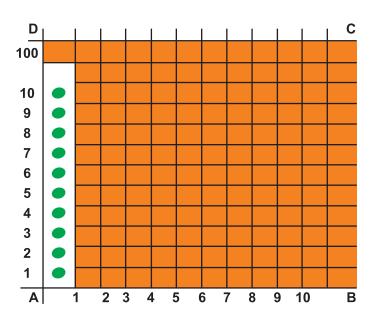


- (i) दीवार का क्षेत्रफल एक ...... बहुपद है
- (ii) दीवार का क्षेत्रफल कितना है?
- (iii) महेश दीवार के वर्गाकार हिस्से को फूलों के चित्रों से सजाना चाहता है। इसके लिए लंबाई को कितना कम करना होगा?
- (iv) यदि x=2 इकाई है तो गुलाबी रंगे जाने वाले हिस्से का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।
- 27. किसी दिन घर से ऑफिस जाते हुए सुचित्रा अपने बेटे के स्कूल PTM के लिए गई। उसके बाद सुचित्रा ने ऑफिस में काम करके जल्दी चली गयी क्योंकि शाम को घर पर मेहमान आने वाले थे। ऑफिस से निकल कर वह बैंक गयी और फिर शाम को मेहमानों के स्वागत

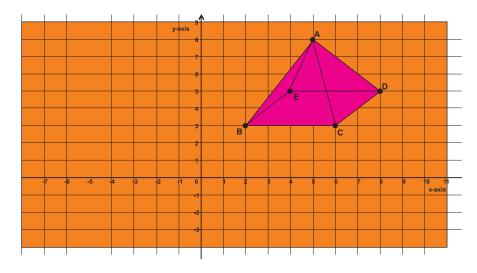
के लिए एक दुकान से कुछ सामान खरीदा। दिनभर सुचित्रा द्वारा तय किये गए रास्ते को कार्तीय तल में दर्शाया गया है। कार्तीय तल में सुचित्रा के घर की स्थिति (0,-4) है।



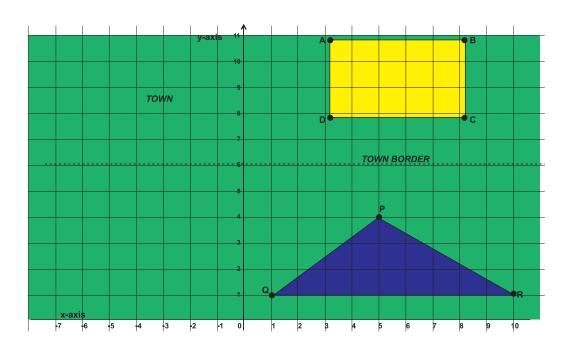
- (i) सुचित्रा के घर के निर्देशांक लिखिए।
- (ii) समान कोटि वाले भवनों का नाम लिखए।
- (iii) दुकान और बैंक के निर्देशांक लिखिए। (दुकान की कोटि) (बैके का भुज) ज्ञात कीजिए।
- (iv) कौनसे भवन चतुर्थाश II में स्थित हैं? इनके निर्देशांक लिखिए।
- **28.** विद्यार्थियों को अपने स्वास्थ्य एवं स्वच्छता के प्रति जागरुक करने के लिए विद्यालय के आयताकार मैदान ABCD पर एक दौड़ का आयोजन किया गया। धरती पर चाक-पाउडर से प्रत्येक 1 मीटर की दूरी पर चित्रानुसार लकीरें खीचीं गयी और AD पर प्रत्येक 1 मीटर की दूरी पर 100 गमले रखे गए। मीता ने तीसरी लकीर पर AD की  $\frac{1}{4}$  दूरी तय की और एक लाल झण्डा लगाया। मयंक ने सांतवीं लकीर पर AD की  $\frac{1}{5}$  दूरी तय की और एक हरा झण्डा लगाया।



- (i) लाल झण्डे के निर्देशांक क्या हैं?
- (ii) हरे झण्डे के निर्देशांक क्या है?
- (iii) x-अक्ष तथा y-अक्ष के समक्ष हरे झंडे का दर्पण प्रतिबिंब क्या है?
- (iv) लाल झंडे और हरे झंडे की कोटियों और भुजों का अंतर ज्ञात कीजिए।
- 29. किसी विद्यालय की गणित प्रयोगशाला में कार्तीय तल में रखे गए पिरामिड के मॉडल को निम्न चित्र में दर्शाया गया है। चित्र के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए।



- (i) पिरामिड के शीर्ष के निर्देशांक क्या हैं?
- (ii) BC तथा ED के मध्य लाम्बिक दूरी कितनी है?
- (iii) यदि पिरामिड को दाँयी तरफ दो इकाई आगे बढ़ाया जाये तो D के निर्देशांक क्या होंगे?
- (iv) यदि पिरामिड को बाँयी तरफ अपने मूल स्थान से तीन इकाई नीचे खिसकाया जाए तो E के निर्देशांक क्या होंगे?
- (v) यदि शीर्ष B मूल बिंदु पर हो तो E के निर्देशांक क्या होंगे?
- **30.** नगर निगम ने शहर में स्कूल खोलने का निश्चय किया। निगम ने स्कूल बनाने के लिए शहर के अन्दर प्लाट *ABCD* का चुनाव किया। लेकिन प्लाट *ABCD* श्री अमर सिंह का है जो इस प्लाट को शहर की सीमा के बाहर तिकोने प्लाट *PQR* से बदलने को तैयार हो गए। कार्तीय तल में दोनों प्लाट के निर्देशांक निम्न चित्र में दर्शाया गया है:



- (i) शीर्ष C के निर्देशांक क्या हैं?
- (ii) आयताकार प्लाट ABCD का क्षेत्रफल कितना है?
- (iii) तिकोने प्लाट PQR का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।
- (iv) क्षे.(ABCD) का क्षे.(PQR) से अनुपात ज्ञात कीजिये।

31. छात्रों के एक समूह ने सांख्यिकी का एक प्रोजेक्अ बनाने का निर्णय किया। उन्होंने कक्षा IX A, B और C की कुल 51 लड़िकयों की लंबाईयाँ इकट्ठी की ओश्र इस आँकड़े को निम्नलिखित बारंबारत सारणी के रूप में लिखा:

लंबाई (cm में)	लड़िकयों की सं.
135 – 140	4
140 - 145	7
145 - 150	18
150 - 155	11
155 - 160	6
160 – 165	5

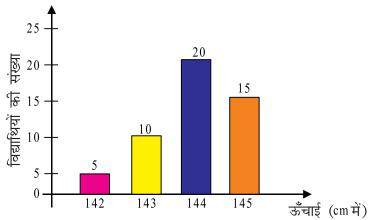


इस सूचना के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए।

- (i) सबसे अधिक बारंबारता वाला अंतराल कौनसा है?
- (ii) 155 cm से कम ऊँचाई वाली लड़िकयों की संख्या क्या है?
- (iii) 150 या उससे अधिक लंबाई वाली लड़िकयां की संख्या क्या है? (अथवा)

कितनी लड़िकयाँ है, जिनकी लंबाई 140 cm से अधिक और 160 cm से कम है?

32. निम्न दंड आलेख किसी विद्यालय की कक्षा IX के 50 विद्यार्थियों की ऊँचाईयों को (cm में) दर्शाता है:



आलेख के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए।

- (i) कितने प्रतिशत विद्यार्थियों की ऊँचाई 142 cm से अधिक है?
- (ii) अधिकतम ऊँचाई वाले कितने विद्यार्थी है?

(iii) कितने विद्यार्थी की ऊँचाई 142 cm और 145 cm के बीच है?

# ( अथवा )

इन आँकड़ों का परिसर कितना है?

( उत्तर )

- 1. (i) x + 2y = 100
  - (ii) कोई नहीं
  - (iii) 25
  - (iv) 25 या 25 से कम
- **2.** (i) ₹ 16
  - (ii) 15 दिन
  - (iii) 3x y = 5
  - (iv) 31
- **3.** (i) 36.5
  - (ii) 98.6
  - (iii) IV
  - (iv) 97.7 and 99.5
- **4.** (i) 96°
  - (ii) 5 cm
  - (iii) 24° 28°

(अथवा)

96, 192

- 5. (i)  $70^{\circ}$ 
  - (ii) एकांतर अंत: कोण
  - (iii) 110; 70°

(अथवा)

180°, 290°

- **6.** (i) 120°
  - (ii) 250°

(iii) 110°, None of these

(अथवा)

50°

- 7. (i)  $\triangle ADC$ 
  - (ii) SAS
  - (iii) BC = CD
- 8. (i) विषमबाहु त्रिभुज
  - (ii) हाँ, SSS सर्वांगसमता नियम से
  - (iii) BC = EF
  - (iv)  $\angle A = \angle D$
- 9. (i) वर्ग समचतुर्भज
  - (ii) AB = CD & KN = JO
  - (iii) 70.56
- **10.** (i) CD = 5.5 cm, BC = 3 cm
  - (ii) 60°
  - (iii) 120°
  - (iv) 3 cm
- 11. (i)  $\sqrt{3}$ 
  - (ii) 7 cm
  - (iii) 8 cm
  - (iv)  $4\sqrt{2}$  cm
- **12.** (i) 80°
  - (ii) 24 मी
  - (iii) 50°
- **13.** (i) 20 मी
  - (ii) 30 मी
  - (iii)  $\angle BGC = 120^{\circ}$  और  $\angle ABQ = 30^{\circ}$
  - (iv)  $20\sqrt{3}$  मी

- **14.** (i) 2:1
  - (ii) 4 मी
  - (iii) 1:4 मी
  - (iv) 9.6 मी
- **15.** (i)  $a + 25^{\circ}$ 
  - (ii) 55°
  - (iii) 280°
  - (iv) 10 cm
  - (v) 8 cm
- **16.** (i)  $16000\sqrt{2}$  वर्ग मी
  - (ii) 19200 वर्ग मी
  - (iii) 19200 वर्ग मी, 1:1

61000 वर्ग मी, 6.1 हेक्टेयर

- **17.** (i) 24 वर्ग सेमी
  - (ii)  $\sqrt{15}$  वर्ग सेमी
  - (iii)  $\sqrt{3}$  वर्ग सेमी,  $\sqrt{3}$  सेमी

अथवा

$$(48 - \sqrt{15} - \sqrt{3})$$
 वर्ग सेमी

- **18.** (i) 210 m
  - (ii) 420m
  - (iii) ₹8300

अथवा

5600 वर्ग मी

- **19.** (i) 55.44 cm<sup>2</sup>
  - (ii)  $0.002772 \text{ m}^2$

- (iii) 277.20 रू
- (iv) 38.808 ml
- **20.** (i) 20.109 cm
  - (ii) 146.5 cm
  - (iii) 2.11枣
  - (iv) 92.4 cm<sup>3</sup>
- **21.** (i) 4.2 cm
  - (ii) 155.23cm<sup>3</sup>
  - (iii) 997.92 cm<sup>3</sup>
  - (iv) 620.92 cm<sup>3</sup>
- 22. (i) यह एक अपरिमेय संख्या है।
  - (ii) अपरिमेय
  - (iii) P ≠ 2, 5 परिमेय

4

- **23.** (i) 4
  - (ii)  $\frac{-3}{4}$
  - (iii)  $\frac{-3}{4}$

अथवा

$$\frac{3}{4}$$
, पूर्णांक

- **24.** (i)  $\sqrt{2}$  मात्रक
  - (ii)  $\sqrt{3}$  मात्रक
  - (iii)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$  , अपरिमेय

$$\frac{\sqrt{6}}{3}$$

- **25.** (i) (2x+1)(x-1)
  - (ii) 10
  - (iii) (x-1)

अथवा

$$\frac{1}{2}$$

- 26. (i) द्विघाती
  - (ii) (x+4)(3x+2)
  - (iii) 2(x-1)

अथवा

24

- **27.** (i) y-अक्ष
  - (ii) दुकान और स्कूल
  - (iii) दुकान (10, 4) बैंक (4, 10)(दुकान की कोटि) (बैंक का भुजा) = 4 4 = 0
  - (iv) स्कूल और कार्यालय स्कूल (-8, 4) कार्यालय (-12, 8)
- **28.** (i) (3, 25)
  - (ii) (7, 20)
  - (iii) x-अक्ष के समक्ष = (7, -20) y-अक्ष के समक्ष: (-7, 20)
  - (iv) कोटि का अंतर = 25 20 = 5भूज का अंतर = 3 - 7 = -4
- **29.** (i) (5, 8)
  - (ii) 2 मी
  - (iii)(10,5)
  - (iv) (2,0)
  - (v) (2,2)

- **30.** (i) (8,8)
  - (ii) 15 वर्ग इकाई
  - (iii) 13.5 वर्ग इकाई
  - (iv) 10:9
- **31.** (i) 145 150
  - (ii) 40
  - (iii) 22

42

- **32.** (i) 90 %
  - (ii) 20
  - (iii) 35

अथवा

3

# सैंपल पेपर-1 विषय-गणित (सत्र 2022-23)

## कक्षा-IX

## सामान्य निर्देशः

- इस प्रश्न पत्र में 5 खंड है।
- **2.** खंड **A** में 20 बहुविकल्पीय प्रश्न है, जिनमें से प्रत्येक 1 अंक का है।
- 3. खंड B में 5 प्रश्न है, जिनमें से प्रत्येक 2 अंक का है।
- 4. खंड C में 6 प्रश्न है, जिनमें से प्रत्येक प्रश्न 3 अंक का है।
- 5. खंड D में 4 प्रश्न है जिनमें से प्रत्येक के 5 अंक है।
- 6. खंड E में मूल्यांकन की 3 केस आधारित एकीकृत इकाईयाँ हैं (प्रत्येक में 4 अंक) क्रमश: 1, 1 और 2 अंकों के उपभागों के साथ।
- 7. सभी प्रश्न अनिवार्य है। हालांकि 5 अंकों के 2 प्रश्न 3 अंकों के 2 प्रश्न और 2 अंकों के 2 प्रश्नों में एक आंतरिक विकल्प प्रदान किया गया है। खंड  $\mathbf{E}$  के 2 अंकों के प्रश्नों में एक आंतरिक विकल प्रदान किया गया है।
- 8. जहाँ कहीं भी आवश्यक हो, साफ सुधरे चित्र बनाए।

## खंड-A

# खंड- $\mathbf{A}$ में कुल 20 प्रश्न है, प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है।

1.	$\sqrt[4]{3}\sqrt{3^2}$ बराबर है $-$	
	(a) $3^{-1/6}$	(b) $3^{1/6}$
	(c) $3^{-6}$	(d) $3^6$

- 2. किसी त्रिभुज की भुजाओं का अनुपात 3:5:7 है और इसका परिमाप 300 cm है। इसका क्षेत्रफल होगा—
  - (a)  $1000\sqrt{3}$  वर्ग से.मी. (b)  $1500\sqrt{3}$  वर्ग से.मी.
  - (c)  $1700\sqrt{3}$  वर्ग से.मी. (d)  $1900\sqrt{3}$  वर्ग से.मी.
- 3. यह दिया गया है  $\triangle ABC \cong \triangle FDE$  और AB=5 से.मी.,  $\angle B=40^\circ$  तथा  $\angle A=80^\circ$  तो इनमें से कौन-सा सत्य है?

(a) DF = 5 से.मी.  $\angle F = 60^{\circ}$ 

(b) DF = 5 से.मी.  $\angle E = 60^{\circ}$ 

(c) DE = 5 से.मी.  $\angle E = 60^{\circ}$ 

(d) DE = 5 से.मी.  $\angle D = 60^{\circ}$ 

**4.** यदि  $x^{1/3} + y^{1/3} + z^{1/3} = 0$  है तो कौन-सा समीकरण सही है?

(a)  $x^3 + y^3 + z^3 = 0$ 

(b)  $x + y + z = 3x^{1/3} y^{1/3} z^{1/3}$ 

(c) x + y + z = 3xyz

(d)  $x^3 + y^3 + z^3 = 3xyz$ 

**5.** जब  $P(x) = x^3 - 3x^2 + 5$  तो P(-1) का मान क्या है?

(a) 3

(b) -1

(c) 9

(d) 1

**6.**  $\frac{1}{\sqrt{a}+b}$  में हर का परिमेयकरण करने के लिए, इसे गुणा करेंगें—

(a)  $\frac{1}{\sqrt{a}+b}$ 

(b)  $\frac{1}{\sqrt{a}-b}$ 

(c)  $\frac{\sqrt{a}+b}{\sqrt{a}-b}$ 

(d)  $\frac{\sqrt{a}-b}{\sqrt{a}-b}$ 

7. k का वह मान ज्ञात कीजिए जिसके लिए x=1, y=2 समीकरण 2x+3y=k का एक हल है।

(a) 5

(b) 6

(c) 7

(d) 8

8. यदि P बिंदु M और N के मध्य स्थित है तथा बिंदु C, MP का मध्यबिंदु है तो

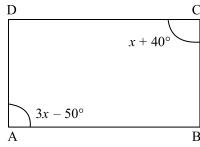
(a) MC + PN = MN

(b) MP + CP = MN

(c) MC + CN = MN

(d) CP + CN = MN

9. दी गई आकृति में, ABCD एक समांतर चतुर्भुज है। x का मान ज्ञात कीजिए।



(a) 25°

(b) 80°

(c) 75°

(d)  $45^{\circ}$ 

10.	). जीवा AB की केंद्र से दूरी 12 cm है तथा जीवा की लंबाई 10 cm है तो वृत्त का व्यास है—			
	(a) 26 cm	(b) 13 cm		
	(c) $\sqrt{244}$ cm	(d) 20 cm		
11.	त्रिज्या $r/2$ तथा तिर्यक ऊँचाई $2l$ वाले शंकु	का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल क्या है–		
	(a) $2\pi (l+r)$	(b) $\pi r \left( l + \frac{r}{4} \right)$		
	(c) $\pi r (l+r)$	(d) $2\pi r$		
12.	एक बिंदु के कितने आयाम होते है?			
	(a) 1	(b) 0		
	(c) 3	(d) 2		
13.	. कक्षा $150{-}160$ का वर्ग चिन्ह है $-$			
	(a) 150	(b) 160		
	(c) 155	(d) 10		
14.	, एक कक्षा का वर्ग चिन्ह 10 है तथा उसी कक्षा की वर्ग चौड़ाई 6 है। वर्ग की निचली सीमा है—			
	(a) 5	(b) 7		
	(c) 8	(d) 8		
15.	. x-अक्ष पर स्थित किसी बिंदु के निर्देशांक—			
	(a) $(x, y)$	(b) (0, <i>y</i> )		
	(c) $(x, 0)$	(d) $(x, x)$		
16.	. वृत्त का केंद्र वृत्त के में स्थित है।			
	(a) बर्हिभाग	(b) अंत: भाग		
	(c) परिसीमा	(d) इनमें से कोई नहीं		
17.	समांतर चतुर्भुज के क्रमागत कोण है–			
	(a) बराबर	(b) संपूरक		
	(c) पूरक	(d) पूर्ण कोण		
	· / - 4/	· / •		

- 18. गोले का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल  $616 \text{ cm}^2$  है। इसकी त्रिज्या है—
  - (a) 7 से.मी.

(b) 5 से.मी.

(c) 6 से.मी.

(d) 8 से.मी.

निर्देश: प्रश्न संख्या 19-20 में अभिकथन (A) और दूसरा कारण (R) है। प्रत्येक प्रश्न में सही विकल्प को छाँटिए—

19. अभिकथन (A): -7 एक स्थिरांक बहुपद है।

कारण (R): स्थिरांक बहुपद की घात शून्य होती है।

- (a) अभिकथन (A) तथा कारण (R) दोनों सही है तथा R, A की सही व्याख्या है।
- (b) अभिकथन (A) तथा कारण (R) दोनों सही है तथा R, A की सही व्याख्या नहीं है।
- (c) A सत्य है, परन्तु R असत्य है।
- (d) A असत्य है, परन्तु R सत्य है।
- 20. अभिकथन (A): धनाभ त्रिविमीय आकृति है।

कारण (R): एक ठोस के तीन आयाम होते है।

- (a) अभिकथन (A) तथा कारण (R) दोनों सही है तथा R, A की सही व्याख्या है।
- (b) अभिकथन (A) तथा कारण (R) दोनों सही है तथा R, A की सही व्याख्या नहीं है।
- (c) A सत्य है, परन्तु R असत्य है।
- (d) A असत्य है, परन्तु R सत्य है।

# खंड-B

खंड-B में कुल 5 प्रश्न है, प्रत्येक प्रश्न 2 अंक का है।

**21.**  $0.\overline{47}$  को  $\frac{p}{q}$  के रूप में व्यक्त कीजिए।

अथवा

 $27^{2/3} \times 27^{1/3} \times 27^{-4/3}$  का मान ज्ञात कीजिए।

22. त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसकी दो भुजाएं 8 cm तथा 11 cm है और परिमाप 32 cm है।

- **23.** उन बिंदुओं को ज्ञात कीजिए जहाँ समीकरण 2x + 3y = 6 का ग्राफ x-अक्ष और y-अक्ष को काटता है।
- 24. वह कोण ज्ञात कीजिए जो इसके पूरक से चार गुणा अधिक हो।

यदि दो संपूरक कोणो के बीच का अंतर 40° है तो छोटा कोण ज्ञात कीजिए।

25. (3, 10) से गुजरने वाली किन्हीं दो रेखाओं का समीकरण लिखए।

## खंड-C

खंड-C में कुल 6 प्रश्न है, प्रत्येक प्रश्न 3 अंक का है।

- **26.**  $\left[5\left(8^{1/3} + 27^{1/3}\right)^3\right]^{1/4}$  को हल कीजिए।
- 27. एक त्रिभुजाकार खेत की विमाएँ 40 cm, 9 cm तथा 41 cm है। फूलों की क्यारियों की संख्या ज्ञात कीजिए जो कि इस खेत से तैयार की जा सकती है, यदि एक क्यारी 18 cm<sup>2</sup> खेत्रफल घेरती है।
- **28.** यदि  $x^2 + y^2 = 49$  तथा x y = 3 तो  $x^3 y^3$  का मान ज्ञात कीजिए।
- **29.** a और b का मान ज्ञात कीजिए।

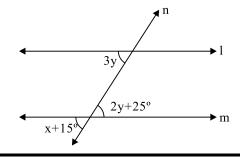
$$\frac{\sqrt{2}+\sqrt{3}}{\sqrt{2}-\sqrt{3}}=a+b\sqrt{6}$$

**30.** गुणनखंड कीजिए  $8x^3 + \sqrt{27}y^3$ 

अथवा

यदि  $P(x) = x^2 - 3x + 2$  है तो P(1) + P(-1) + P(0) का मान ज्ञात कीजिए।

**31.** दी गई आकृति में  $l \parallel m$  तथा n एक तिर्यक रेखा है तो x का मान ज्ञात कीजिए।



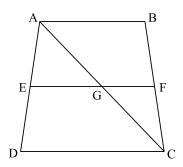
## खंड-D

# खंड-C में कुल 6 प्रश्न है, प्रत्येक प्रश्न 3 अंक का है।

- **32.** यदि (x+2) बहुपद  $ax^3 + bx^2 + x 6$  का एक गुणनखंड है तथा बहुपद को (x-2) से विभाजित करने पर शेषफल 4 प्राप्त होता है, तो a तथा b के मान ज्ञात कीजिए।
- 33. प्रदर्शित कीजिए कि वर्ग की भुजाओं के मध्य बिंदुओं को मिलाने से प्राप्त चतुर्भुज भी एक वर्ग होता है।

#### अथवा

चित्र में, ABCD एक समलंब है जिसमें भुजा AB भुजा DC के समांतर है तथा E भुजा AD का मध्य-बिंदु है। यदि भुजा BC पर F बिंदु इस प्रकार है कि रेखाखंड EF भुजा DC के समातर है, तो सिद्ध कीजिए कि  $EF = \frac{1}{2}(AB + DC)$ 



- **34.** AC और BD एक वृत्त की जीवाएँ हैं— जो परस्पर समद्विभाजित करती हैं। सिद्ध कीजिए कि—
  - (i) AC और BC व्यास है।
  - (ii) ABCD एक आयत है।
- 35. यदि एक गोले का व्यास 25% घटा दिया जाता है, तो उसका वक्र पृष्ठ क्षेत्रफल कितना प्रतिशत घट जाएगा।

#### अथवा

एक खोखले अर्थगोलीय बर्तन के आंतरिक और बाहरी व्यास क्रमश:  $24~\rm cm$  और  $25~\rm cm$  है। यदि  $1~\rm cm^2$  पृष्ठ को रंगने का व्यय ₹0.05 है, तो संपूर्ण बर्तन को रंगने का कुल व्यय ज्ञात कीजिए।  $(\pi = 22/7~\rm 3 \, Tu)$  जीजिए)

केस स्टडी

 36.

 A
 Deepak's ball
 5
 Ashok's ball

 दीपक की गेंद
 4
 Ashok's ball

 अशोक की गेंद
 3
 अशोक की गेंद

 -5
 -4
 -3
 -2
 -1
 1
 2
 3
 4
 5

 -5
 -4
 -3
 -2
 -1
 1
 2
 3
 4
 5

 Arjun's ball
 -4
 Deepa's ball

 अर्जुन की गेंद
 -5
 D

दिल्ली में एक कॉलोनी के बीच में एक वर्गाकार पार्क ABCD है। चार बच्चे दीपक, अशोक, अर्जुन और दीपा अपनी-अपनी गेंदों से खेलने गए। अशोक, दीपक, अर्जुन और दीपा की गेंदा का रंग क्रमश: लाल, नीला, पीला और हरा है।

सभी चार बच्चे अपनी गेंद को केंद्र बिंदु O से XOY, X'OY, X'OY' और XOY' की दिशा में घुमाते हैं। उनकी गेंदें रुक गईं जैसा कि ऊपर की छवि में दिखाया गया है।

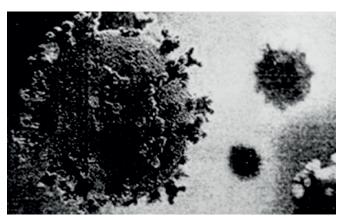
## निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए-

- (i) रेखा XOX' को क्या कहते हैं? (1 अंक)
- (ii) केंद्र बिंदु क्या कहलाता है?
- (iii) अशोक और दीपा की गेंद के निर्देशांक क्या हैं? (2 अंक)

अथवा

अर्जुन की X अक्ष और Y अक्ष से दूरी क्या हैं? (2 अंक)

37. COVID-19 महामारी, जिसे कोरोनावायरस महामारी के रूप में भी जाना जाता है, गंभीर तीव्र श्वसन सिंड्रोम कोरोनावायरस 2 (SARS-CoV-2) के कारण कोरोनावायरस रोग 2019 (COVID-19) एक चल रही महामारी है। इसकी पहचान सबसे पहले दिसंबर 2019 में चीन के वुहान में हुई थी।



सर्वेक्षण के दौरान, COVID से संक्रमित और शहर के एक अस्पताल में भर्ती 80 रोगियों की आयु दर्ज की गई और एकत्र किए गए डाटा को बारंबारता बंटन तालिका।

आयु (वर्षों में)	रोगियों की संख्या
5–15	6
15–25	11
25–35	21
35–45	23
45–55	14
55–65	5

जानकारी के आधार पर निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए-

(i) कौन से वर्ग अंतराल की उच्चतम बारंबारता है। (1 अंक)

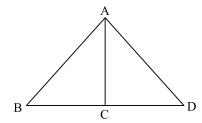
(ii) कौन-सा आयु वर्ग सबसे कम प्रभावित हुआ? (1 अंक)

(iii) उपरोक्त के लिए आयतचित्र बनाएं। (2 अंक)

अथवा

उपरोक्त ऑंकड़ों के लिए बारंबारता बहुभुज बनाइए। (2 अंक)

38. टीना के पास त्रिभुजों का एक चित्र है जैसा कि चित्र में दिया गया है जिसमें भुजा AB भुजा AD के है और ∠BAC.∠DAC के बराबर है।



उपरोक्त के आधार पर निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए-

(iii)  $\Delta ADC$  का कौन-सा कोण  $\Delta ABC$  के  $\Delta ABC$  के बराबर है और क्यों? (2 अंक)

क्या 
$$CD = BC$$
 है? यदि हाँ तो क्यों? (2 अंक)

हल

- 1. (b)  $3^{1/6}$
- (b) 1500√3 वर्ग से.मी.
- **3.** (b) DF = 5 से.मी., ∠E = 60°
- **4.** (c)  $x + y + z = 3x^{1/3}y^{1/3}z^{1/3}$
- **5.** (d) 1

$$6. \quad (d) \ \frac{\sqrt{a} - b}{\sqrt{a} - b}$$

- **7.** (d) 8
- 8. (c) MC + CN = MN
- **9.** (d) 45°
- **10.** (a) 26 सेमी.

**11.** (b) 
$$\pi r \left( l + \frac{r}{4} \right)$$

- **12.** (b) 0
- **13.** (c) 155
- **14.** (b) 7
- **15.** (c) (x, 0)
- 16. (b) अंत: भाग
- 17. (b) संपूरक
- 18. (a) 7 सेमी.
- **19.** (a)
- **20.** (a)

**21.** माना 
$$x = 0.\overline{47}$$
 ...(1)

समी. (2) - समी. (1)

$$99x = 47$$

$$x = \frac{47}{99}$$

अथवा

$$27^{\frac{2}{3} + \frac{1}{3} - \frac{4}{3}} = 27^{\frac{3-4}{3}}$$

$$= 27^{\frac{-1}{3}}$$

$$= 3^{3 \times \frac{-1}{3}} = 3^{-1}$$

$$= \frac{1}{3}$$

**22.** 
$$a = 8 \text{ cm}$$
  $b = 11 \text{ cm}$ 

परिमाप = 32 cm 
$$a+b+c=32$$
 
$$8+11+c=32$$
 
$$c=13 \text{ cm}$$
 
$$\Delta \ \ \text{का क्षेत्रफल} = \sqrt{16(16-8)(16-11)(16-13)}$$
 
$$= \sqrt{16\times 8\times 5\times 3}$$
 
$$= \sqrt{2\times 8\times 8\times 5\times 3}$$

 $= 8\sqrt{30}$  वर्ग सेमी.

#### **23.** x-अक्ष = (x, 0)

$$2x + 3y = 6$$
$$2x + 3 \times 0 = 6$$
$$2x = 6$$
$$x = 3$$

$$y$$
-अक्ष =  $(0, y)$   
 $2 \times 0 + 3y = 6$   
 $3y = 6$   
 $y = 2$   $(0, 0)$ 

#### **24.** माना कोण = $x^{0}$

पूरक कोण = 
$$90 - x^0$$

$$x^{o} = 4(90 - x^{o})$$
$$x^{o} = 360^{o} - 4x^{o}$$
$$5x^{o} = 360^{o}$$
$$x = 72^{o}$$

अथवा

माना कोण 
$$= x^{o}$$
  
सपूरक कोण  $= 180 - x^{o}$   
 $x^{o} - (180 - x^{o}) = 40^{o}$   
 $x^{o} - 180 + x^{o} = 40$ 

$$2x^{o} = 220^{o}$$

$$x = 110^{o}$$
सर्पूरक कोण =  $180^{o} - 110^{o} = 70^{o}$ 
25. 
$$x + y - 13 = 0$$

$$y - x - 7 = 0$$

$$26. \qquad \left[5\left(8^{\frac{1}{3}} + 27^{\frac{1}{3}}\right)^{3}\right]^{\frac{1}{4}} = \left[5\left(2^{\frac{3^{d}}{3}} + 3^{\frac{3^{d}}{3}}\right)^{3}\right]^{\frac{1}{4}}$$

$$= \left[5(2+3)^{3}\right]^{\frac{1}{4}} = (5 \times 5^{3})^{\frac{1}{4}}$$

$$= 5^{4 \times \frac{1}{4}} = 5^{1} = 5$$
27. 
$$a = 40 \text{ cm}$$

$$b = 9 \text{ cm}$$

$$c = 41 \text{ cm}$$

$$S = \frac{40 + 9 + 41}{2}$$

$$S = 45$$

$$\Delta \text{ का क्षेत्रफल = } \sqrt{S(S-a)(S-b)(S-c)}$$

$$= \sqrt{45(45-40)(45-9)(45-41)}$$

$$= \sqrt{45 \times 5 \times 5 \times 9 \times 4 \times 4} = 180 \text{ cm}^{2}$$

$$\frac{180}{18} = 10$$
28. 
$$x^{2} + y^{2} = 49$$

$$x - y = 3$$

$$x^{2} + y^{2} = 2xy = 9$$

$$x^{3} - y^{3} = (x - y)(x^{2} + y^{2} + xy)$$

$$= 3(49 + 20)$$

$$= 3(69)$$

=207

29. 
$$\frac{\sqrt{2}+\sqrt{3}}{\sqrt{2}-\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{2}+\sqrt{3}}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} = \frac{\left(\sqrt{2}+\sqrt{3}\right)^2}{\left(\sqrt{2}\right)^2+\left(\sqrt{3}\right)^2}$$

$$= \frac{2+3+2\sqrt{6}}{2-3} = \frac{5+2\sqrt{6}}{-1}$$

$$= -5-2\sqrt{6} = a+b\sqrt{6}$$

$$a = -5, b = -2$$
30. 
$$8x^3+\sqrt{27}y^3 = (2x)^3+(\sqrt{3}y)^3$$

$$a^3+b^3 = (a+b)(a^2+b^2-ab)$$

$$= (2x+\sqrt{3}y)((2x)^2+(\sqrt{3}y)^2-2x\times\sqrt{3}y)$$

$$= (2x+\sqrt{3}y)(4x^2+3y^2-2\sqrt{3}xy)$$
अथवा
$$P(x) = x^2-3x+2$$

$$P(1) = 1-3+2=3-3=0$$

$$P(-1) = (-1)^2-3(-1)+2$$

$$= 1+3+2=6$$

$$P(0) = 0-3\times0+2=2$$

$$P(1)+P(-1)+P(0) = 6+2=8$$
31. 
$$3y=2y+25^\circ$$

$$y=25^\circ$$

$$y=25^\circ$$

$$x+15^\circ=2y+25^\circ$$

$$x+15^\circ=2y+25^\circ$$

$$x=75^\circ-15^\circ$$

$$x=60^\circ$$
32.  $a=0,b=2$ 
35. 43.75%
अथवा
₹ 96.28

- **36.** (i) *x*-अक्ष
  - (ii) मूल बिंदु
  - (iii) (3, 4) और (2, -3)

अथवा

3 मात्रक और 3 मात्रक

- 37. (i) 35-45 की सबसे अधिक बारंबारता है।
  - (ii) 55–65 की बारंबारता सबसे कम है। तो यह सबसे कम प्रभावित हुआ।
- **38.** (i) ΔABC तथा ΔADC
  - (ii) SAS
  - (iii) ∠ADC → CPCT से

अथवा

CD = BC है CPCT से

## अभ्यास प्रश्न पत्र-2

### विषय-गणित

#### कक्षा-IX

### सामान्य निर्देशः

- 1. इस प्रश्न पत्र में 5 खंड A-E हैं।
- 2. खंड A में 20 बहुविकल्पीय प्रश्न है, जिनमें से प्रत्येक के 1 अंक है।
- 3. खंड B में 5 प्रश्न हैं, जिनमें से प्रत्येक के 2 अंक है।
- 4. खंड C में 6 प्रश्न हैं. जिनमें से प्रत्येक के 3 अंक है।
- 5. खंड D में 4 प्रश्न हैं, जिनमें से प्रत्येक के 5 अंक है।
- 6. खंड E में मूल्यांकन की 3 केस आधारित एकीकृत इकाईयाँ हैं (प्रत्येक में 4 अंक) क्रमश: 1, 1 और 2 अंकों के उपभागों के साथ।
- 7. सभी प्रश्न अनिवार्य है। हालांकि 5 अंकों के 2 प्रश्न 3 अंकों के 2 प्रश्न और 2 अंकों के 2 प्रश्नों में एक आंतरिक विकल्प प्रदान किया गया है।
- 8. जहाँ कहीं भी आवश्यक हो, साफ-सुधरे चित्र बनाए। यदि  $\pi$  का मान न दिया गया हो, तो  $\pi=22/7$  लीजिए।

## खंड-A

# खंड- $\mathbf{A}$ में कुल 20 प्रश्न है, प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है।

- 1. परिमेय संख्या  $\frac{2}{25}$  बराबर है-
  - (a) 0.08

(b) 0.8

(c) 0.02

(d) 0.2

- **2.** 125<sup>-1/3</sup> का मान है—
  - (a)  $\frac{1}{125}$

(b)  $\frac{1}{15}$ 

(c)  $\frac{1}{5}$ 

(d)  $\frac{1}{25}$ 

- **3.** बहुपद P(x) = (x+1)(x+2) के शून्यक हैं:
  - (a) -1, 2

(b) -1, -2

(c) 1, -2

- (d) 1, 2
- **4.** यदि  $x^2 + ax + 5$  का एक गुणनखंड (x 1) हो तो 9 का मान होगा:
  - (a) 6

(b) 1

(c) -6

- (d) 3
- **5.** रैखिक समीकरण 7x 3y = 10 के हल है:
  - (a) अद्वितीय

(b) दो

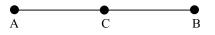
(c) कोई नही

- (d) अनंत अनेक
- **6.** यदि (1, 2) रैखिक समीकरण 4x + y = k का एक हल हो ता k का मान है।
  - (a) 6

(b) -6

(c) 5

- (d) -5
- 7. यदि बिन्दु C, A और B दो बिन्दुओ के बीच इस प्रकार स्थित है कि AC = BC, तो



(a) AC = AB

(b)  $AC = \frac{1}{2}AB$ 

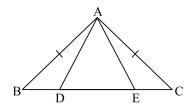
(c)  $AB = \frac{1}{2}AC$ 

- (d)  $AC = \frac{1}{3}AB$
- 8. एक कोण जो अपने पूरक कोण का 4 गुना है:
  - (a) 45°

(b) 60°

(c) 72°

- (d) 18°
- 9. आकृति में, AB = AC और BE = CD है, यदि  $\Delta ACD \cong \Delta ABE$  हो तो AD =



(a) AC

(b) AE

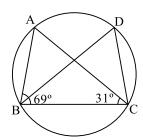
(c) AB

- (d) इनमे से कोई नहीं
- 10. एक चुतुर्भुज के कोणों का अनुपात 1:2:2:4 हो तो इसके क्रमश: कोणों का माप हैं,
  - (a)  $36^{\circ}$ ,  $72^{\circ}$ ,  $108^{\circ}$ ,  $144^{\circ}$
- (b) 120°, 100°, 80°, 60°
- (c)  $60^{\circ}, 80^{\circ}, 100^{\circ}, 120^{\circ}$
- (d)  $40^{\circ}$ ,  $80^{\circ}$ ,  $80^{\circ}$ ,  $160^{\circ}$
- 11. चतुर्भुज PQRS के मध्य बिन्दुओं को क्रम अनुसार मिलाने पर प्राप्त चतुर्भज एक आयत होगा, यदि
  - (a) PQRS एक आयत है।
  - (b) PQRS एक सामांतर चतुर्भुज है।
  - (c) PQRS के विकर्ण परस्पर लम्ब है।
  - (d) PQRS के विकर्ण समान है।
- 12. 10 cm व्यास वाले एक वृत्त में 6 cm लम्बी एक जीवा खीची जाए तो इसकी केन्द्र से दूरी होगी:
  - (a) 5 cm

(b) 4 cm

(c) 6 cm

- (d) 7 cm
- 13. आकृति में ∠ABC = 69°, ∠ACB = 31° हो तो ∠BDC हैं:



(a)  $60^{\circ}$ 

(b) 80°

(c) 90°

- (d) 100°
- 14. । इकाई भुजा वाले समबहु त्रिभुज का क्षेत्रफल है।
  - (a)  $\frac{\sqrt{3}}{4}l^2$ (c)  $\frac{\sqrt{3}}{2}l$

(b)  $\frac{\sqrt{3}}{2}l^2$ (d)  $\frac{\sqrt{3}}{4}l$ 

**15.** 3r इकाई व्यास वाले गोले का आयतन होगा:

(a)  $\frac{4}{3}\pi r^3$ 

(b)  $\frac{9}{2}\pi r^3$ 

(c)  $36\pi r^3$ 

(d)  $\frac{27}{2}\pi r^3$ 

16. 6 cm त्रिज्या और 3.5 cm ऊचाई वाले एक लम्ब वृतीय शंकु का आयतन है:

(a)  $127 \text{ cm}^3$ 

(b)  $132 \text{ cm}^3$ 

(c)  $137 \text{ cm}^3$ 

(d)  $147 \text{ cm}^3$ 

17. वर्ग अंतराल के वर्ग चिन्ह और वर्ग माप क्रमश: 12.5 और 5 है, वह वर्ग अतराल है।

(a) 10-15

(b) 12-13

(c) 11-14

(d) 8-13

18. वर्ग अतरांल 15-25, 25-35 में 25 शमिल होगा

(a) 15-25 में

(b) 25-35 में

(c) दोनों अतरालों

(d) किसी में नहीं

प्रश्न 19 और 20 के लिए निर्देश प्रश्न संख्या 19 और 20 में, अभिकथन (A) के एक कथन के बाद कारण (R) का कथन दिया गया है। सही विकल्प चुनें।

19. अभिकथन (A): बहुपद  $7y^5 - 2y^3 + 7y + 1$  की घात 5 है। कारण (R): एक बहुपद में चर की अधिकतम घात वाले पद के घांताक को बहुपद की घात कहा जाता है।

- (a) दोनो अभिकथन (A) और कारण (R) सत्य है और कारण (R) अभिकथन (A) की सही व्याख्या है।
- (b) दोनों अभिकथन (A) और कारण (R) सत्य है लेकिन कारण (R) अभिकथन (A) का सही स्पष्टीकरण नहीं है।
- (c) अभिकथन (A) सत्य है लेकिन कारण (R) गलत है।
- (d) अभिकथन (A) गलत है लेकिन कारण (R) सत्य है।
- **20.** अभिकथन (A): यदि  $\triangle ABC$  में  $\angle B = 70$  और  $\triangle PQR$  में  $\angle P = 70^{\circ}$  हो तो  $\angle B = \angle P$  कारण (R): सभी समकोण बराबर होते है।

- (a) दोनो अभिकथन (A) और कारण (R) सत्य है और कारण (R) अभिकथन (A) की सही व्याख्या है।
- (b) दोनों अभिकथन (A) और कारण (R) सत्य है लेकिन कारण (R) अभिकथन (A) का सही स्पष्टीकरण नही है।
- (c) अभिकथन (A) सत्य है लेकिन कारण (R) गलत है।
- (d) अभिकथन (A) गलत है लेकिन कारण (R) सत्य है।

### खंड-B

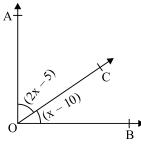
## खंड-B में कुल 2 अंक वाले कुल 5 प्रश्न है।

**21.** सरल कीजिए:  $(16^{-1/5})^{5/12}$ 

#### अथवा

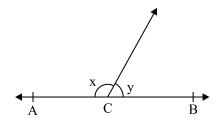
सरल कीजिए  $(\sqrt{5} - 2)(\sqrt{3} - \sqrt{5})$ 

- **22.** यदि बिन्दु (2k-3, k+2) समीकरण 2x+3y+15=0 के आलेख पर स्थित हो तो k का मान ज्ञात कीजिए।
- 23. बकरियों और मुर्गियों के झुंड में कुल पैरों की संख्या 40 है। इस स्थिति को दर्शाने के लिए एक दो चरो वाला रैखिक समीकरण बनाइए।
- **24.** एक समद्विबाहु त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसकी प्रत्येक समान भुजा 13 cm हो ओर आधार 24 cm हो।
- **25.** आकृति में,  $AO \perp OB$ , ∠AOC तथा ∠BOC ज्ञात कीजिए।



अथवा

आकृति में, यदि ACB एक सरल रेखा तथा x:y=2:1 हो, तो x और y का मान ज्ञात कीजिए।



खंड-C

खंड-C में कुल 3 अंक वाले कुल 6 प्रश्न है।

26. मान ज्ञात कीजिए।

$$\sqrt[4]{16} - 6\sqrt[3]{343} + 18\sqrt[5]{243} - \sqrt{196}$$

**27.** सरल कीजिए:  $(\sqrt{7} - \sqrt{2})^2 - (\sqrt{7} + \sqrt{2})^2$ 

**28.** यदि a+b+c=4 तथा  $a^2+b^2+c^2=14$  हो, तो ab+bc+ca का मान ज्ञात कीजिए।

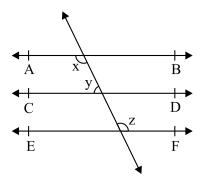
**29.** गुणनखंड कीजिए:  $(x-y)^2 - 7(x^2 - y^2) + 12(x+y)^2$ 

अथवा

सरल कीजिए:

$$\frac{(a^2 - b^2)^3 + (b^2 - c^2)^3 + (c^2 - a^2)^3}{(a - b)^3 + (b - c)^3 + (c - a)^3}$$

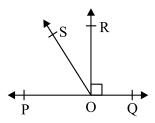
**30.** आकृति मे, यदि AB||CD, CD||EF और y: z = 3: 7 हो, तो x, y और z का मान ज्ञात कीजिए।



#### अथवा

आकृति में, POQ एक रेखा है। किरण OR रेखा PQ पर लंब है। किरणों OP और OR के बीच में OS एक अन्य किरण है। सिद्ध कीजिए।

$$\angle ROS = \frac{1}{2} (\angle QOS - \angle POS)$$



31. एक शहर में एक त्रिभुजाकार पार्क विभाएँ 30 m, 26 m और 28 m है। एक माली इस पार्क में ₹ 1.50 प्रति वर्ग मी. की दर से घास लगाना है। माली को कुल कितनी राशि दी जाएगी?

## खंड-D

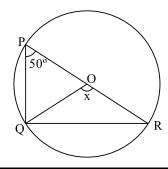
## खंड-D में 5 अंकों वाले कुल 4 प्रश्न है।

- **32.** बहुपदो  $ax^3 3x^2 + 4$  और  $2x^3 5x + a$  को (x 2) से भाग करने पर शेषफल क्रमश: p और q प्राप्त होते है। यदि p 2q = 4 हो तो a का मान ज्ञात कीजिए।
- 33. दर्शाइए कि एक समांतर चतुर्भुज के कोणों के समद्विभाजक एक आयत बनाते है। अथवा

ABCD एक समचतुर्भुज है और P, Q, R और S क्रमश: भुजाओं AB, BC, CD और DA के मध्यबिंदु है। दर्शाइए कि PQRS एक आयत है।

34. सिद्ध कीजिए कि, एक चाप द्वारा केन्द्र पर अतिरत कोण वृत के शेष भाग के किसी बिन्दु पर अंतरित कोण का दुगना होता है।

उपरोक्त कथन का प्रयोग करके निम्न आकृति में x का मान ज्ञात कीजिए।



#### (अथवा)

सिद्ध कीजिए कि किसी चतुर्भुज के अत: कोणों के समद्विभाजको से बना चतुर्भुज (यदि संभव हो) चक्रीय होता है।

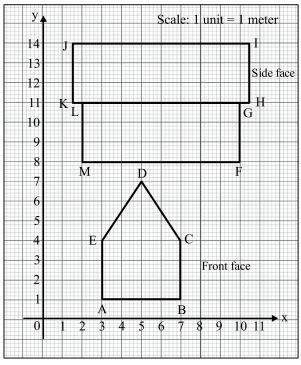
35. किसी बस स्टॉप का पुराने गत्ते से बने 50 खोखले शंकुओं द्वारा सड़क से अलग किया हुआ है। प्रत्येक शंकु के आधार का व्यास  $40~\mathrm{cm}$  है और ऊचाई  $1~\mathrm{m}$  है। यदि इन शंकुओं को बहरी पृष्ठों को पेंट करवाना है और पेंट की दर ₹12 प्रति  $\mathrm{m}^2$  है, तो इनकों पेंट कराने में कितनी लागत आएगी? ( $\Pi=3.14$  और  $\sqrt{1.04}=1.02$  का प्रयोग कीजिए।

## खंड-E

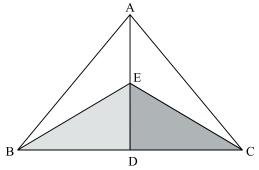
## केस आधारित सभी प्रश्न अनिवार्य है।

36. एक मकान का साइड के और सामने के दृश्य का ग्राफ शीट पर खीचा गया है।





- (i) बिंदु A और B के निर्देशांक बताइए।
- (ii) बिंदु बताइए जिनके निर्देशक (5,7) और (2,11) है।
- (iii) पंचभुज ABCDE क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।
- 37. एक रंगोली प्रतियोगिता के दौरान अनन्या एक ज्यामितीय रंगोली बनाती है, जैसा की आकृति में दर्शाया गया है?



इसको मापने पर AB और AC तथा BE और CE सामान पाए गए।

(i) त्रिभुज AEB और AEC की कौन सी भुजा उभयनिष्ठ है?

(ii) क्या त्रिभुज BED and AEC सर्वानासम है?

(iii) दर्शाइए कि: ∠BED = ∠CED

**38.** कक्षा IX A की गणित मध्याविध परीक्षा की अंक सूची नीचे दी गयी है:

रोल न.	अंक (80 में से)	रोल न.	अंक (80 में से)
1	32	16	44
2	35	17	65
3	61	18	72
4	68	19	78
5	72	20	15
6	73	21	30
7	54	22	32
8	17	23	35
9	28	24	54
10	16	25	62
11	32	26	66
12	35	27	5
13	32	28	19
14	38	29	76
15	34	30	9

<sup>(</sup>i) सबसे कम और सबसे अधिक प्राप्तांक बताइए।

<sup>(</sup>ii) आंकड़ो का परिसर ज्ञात कीजिए।

<sup>(</sup>iii) वर्ग अन्तराल 0-10, 10-20 और ऐसे ही आगे लेते हुए बारंबारता बंटन सारिणी बनाइए।

- **1.** (a) 0.08
- 2. (c)  $\frac{1}{5}$
- 3. (b) -1, -2
- **4.** (c) -6
- 5. (d) अनतं अनेक हल
- **6.** (a) 6
- 7. (b)  $AC = \frac{1}{2}AB$
- **8.** (c) 72°
- **9.** (b) AE
- **10.** (d) 40°, 80°, 80°, 160°
- 11. (c) PQRS के विकर्ण परस्पर लम्ब हैं।
- **12.** (b) 4 cm
- **13.** (b) 80°
- **14.** (a)  $\frac{\sqrt{3}}{4}l^2$
- **15.** (b)  $\frac{9}{2}\pi r^3$
- **16.** (b)  $132 \text{ cm}^3$
- **17.** (a) 10–15
- **18.** (b) 25–35
- **19.** (a)
- **20.** (b)

खंड-B

**21.** 
$$\frac{1}{4}$$
 अथवा  $\sqrt{15} - 5 - 2\sqrt{3} - 2\sqrt{5}$ 

**22.** 
$$k = \frac{-15}{7}$$

**23.** 
$$2x + y = 20$$

**25.** 
$$\angle AOC = 65^{\circ}; \angle BOC = 25^{\circ}$$

#### अथवा

$$x = 120^{\circ}; y = 60^{\circ}$$

## खंड-C

**26.** 0

**27.** 
$$-4\sqrt{14}$$

**28.** 1

**29.** 
$$2(x+2y)(3x+5y)$$

#### अथवा

$$(a+b)(b+c)(c+a)$$

**30.** 
$$x = 126^{\circ}$$
  $y = 54^{\circ}$   $z = 126^{\circ}$ 

**31.** ₹ 504

# खंड-D

**32.** 4

**34.** 
$$x = 100^{\circ}$$

**35.** ₹ 384.34 (approx)

## खंड-E

- **36.** (i) A(3, 1) B(7, 1)
  - (ii) D, L
  - (iii) 18 sq. units
- **37.** (i) AE
- (ii) नहीं
- **38.** (i) 5, 78
- (ii) 73

(iii)	0.1	0–10	10–20	20–30	30–40	40–50	50-60	60–70	70–80
	f	2	4	2	9	1	2	5	5

### अभ्यास प्रश्न पत्र-3

### विषय-गणित

#### कक्षा-IX

#### सामान्य निर्देशः

- 1. इस प्रश्न पत्र में 5 खंड A-E हैं।
- 2. खंड A में 20 बहुविकल्पीय प्रश्न है, जिनमें से प्रत्येक के 1 अंक है।
- 3. खंड B में 5 प्रश्न हैं, जिनमें से प्रत्येक के 2 अंक है।
- 4. खंड C में 6 प्रश्न हैं. जिनमें से प्रत्येक के 3 अंक है।
- 5. खंड D में 4 प्रश्न हैं, जिनमें से प्रत्येक के 5 अंक है।
- 6. खंड E में मूल्यांकन की 3 केस आधारित एकीकृत इकाईयाँ हैं (प्रत्येक में 4 अंक) क्रमश: 1, 1 और 2 अंकों के उपभागों के साथ।
- 7. सभी प्रश्न अनिवार्य है। हालांकि 5 अंकों के 2 प्रश्न 3 अंकों के 2 प्रश्न और 2 अंकों के 2 प्रश्नों में एक आंतरिक विकल्प प्रदान किया गया है।
- 8. जहाँ कहीं भी आवश्यक हो, साफ-सुधरे चित्र बनाए। यदि  $\pi$  का मान न दिया गया हो,  $r \ln \pi = 22/7$  लीजिए।

## खंड-A

# खंड- $\mathbf{A}$ में कुल 20 प्रश्न है, प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है।

- 1. परिमेय संख्या  $\frac{5}{7}$  सम तुल्य है?
  - (a)  $\frac{15}{17}$

(b)  $\frac{25}{27}$ 

(c)  $\frac{10}{14}$ 

- (d)  $\frac{10}{27}$
- **2.** बहुपद p(x) = 2x + 5 का शून्यक है?

(b) 
$$\frac{2}{5}$$

(d) 
$$\frac{-5}{2}$$

3. यदि a=0 हो तो बहुपद  $ax^2+bx+c$  का प्रकार होगा?

(a) रैखिक

(b) द्विघात

(c) त्रिघातीय

(d) द्वि द्विघाती

**4.** समीकरण y = x का ग्राफ किस बिन्दु से होकर गुजरेगा?

(a) (1, 1)

(b) (0, 1)

(c) (-1, 1)

(d) (0,0)

5. किस समीकरण का ग्राफ x अक्ष के समान्तर होगा?

(a) y = x + 1

(b) y = 2

(c) x = 3

(d) x = 2y

6. उसकोण का मान क्या होगा जो अपने सम्पूरक कोण से 32° कम हो?

(a) 148°

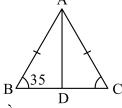
(b) 60°

(c) 74°

(d) 55°

7. सलंग्न आकृति में AD एक माध्यिका है। तो ∠BAD का मान होगा?

- (a)  $70^{\circ}$
- (b) 55°
- (c) 110°
- (d) 35°



**8.** किसी अर्धगोले की त्रिज्या r हो तो उसका सम्पूर्ण पृष्ठीय क्षेत्रफल होगा।

(a)  $\frac{2}{3}\pi r^3$ 

(b)  $3\pi r^2$ 

(c)  $2\pi r^2$ 

(d)  $\frac{4}{3}\pi r^3$ 

9. त्रिभुज की भुजाएँ 3:4:5 के अनुपात में है। यदि त्रिभुज का परिणाम 36 सेमी होता उसका क्षेत्रफल होगा।

(a)  $72 \text{ cm}^2$ 

(b) 67 cm<sup>2</sup>

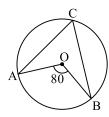
(c)  $32 \text{ cm}^2$ 

- (d) 54 cm<sup>2</sup>
- **10.** पांच संख्याओं का माध्य 30 है। यदि एक संख्या को निकाल दिया जाये तो नया माध्य 28 हो जाता है। निकाली गयी संख्या है?
  - (a) 38

(b) 35

(c) 33

- (d) 36
- 11. सलग्न आकृति में "O" वृत्त का केन्द्र है। ∠ACB का मान होगा।



(a) 80°

(b) 40°

(c) 160°

(d) 35°

- **12.**  $\sqrt[4]{\sqrt[3]{2^2}}$  बराबर है—
  - (a)  $2^{-1/6}$

(b)  $2^{-6}$ 

(c)  $2^{1/6}$ 

- (d)  $2^6$
- 13. निम्न में से कौनसा अर्धवृत्त में बना कोण है:
  - (a)  $120^{\circ}$

(b)  $60^{\circ}$ 

(c)  $180^{\circ}$ 

- (d) 90°
- 14. वर्ग 90-120 का वर्ग चिन्ह है:
  - (a) 90

(b) 105

(c) 115

- (d) 120
- 15. निम्न में से गोले के आयतन को सूत्र है:
  - (a)  $\frac{1}{3}\pi r$

(b)  $\frac{2}{3}\pi r$ 

(c)  $\pi r^2$ 

(d)  $\frac{4}{3}\pi r^3$ 

16. तीन सरेखीय बिन्दुओं से ......रेखाएँ खींची जा सकती है।

(a) केवल एक

(b) दो

(c) तीन

(d) इनमें से कोई नहीं

17. यदि एक सम चतुर्भुज की दो क्रमागत भुजाएँ (3x-6) और x+14 हो तब सम चतुर्भुज का परिमाप होगा:

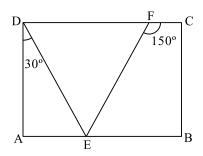
(a) 10

(b) 24

(c) 70

(d) 96

**18.** दी गयी आकृति एक आयत ABCD है। यदि ∠ADE =  $30^{\circ}$  और ∠CFE =  $150^{\circ}$  हो तो ∠DEF का मान होगा?



(a) 90°

(b) 75°

(c)  $110^{\circ}$ 

(d) 85°

19. अभिकथन (A): अनंत रेखाएँ हो सकती हैं जिन्हें एक बिंदु के माध्यम से खींचा जा सकता है। कारण (R): इस बिन्दु से हम केवल दो रेखाएँ खींच सकते हैं।

- (a) अभिकथन और कारण दोनों सही हैं और कारण अभिकथन की सही व्याख्या करता है।
- (b) अभिकथन और कारण दोनों सही हैं लेकिन कारण अभिकथन के लिए सही स्पष्टीकरण नहीं है।
- (c) कथन सही है लेकिन कारण गलत है।
- (d) अभिकथन और कारण दोनों गलत हैं।
- **20.** अभिकथन (A): गैर शून्य स्थिर बहुपद की डिग्री शून्य है। कारण (R): दो पदों वाले बहुपद को द्विपद कहा जाता है।
  - (a) अभिकथन और कारण-दोनों सही हैं और कारण अभिकथन की सही व्याख्या करता है।

- (b) अभिकथन और कारण दोनों सही हैं लेकिन कारण अभिकथन के लिए सही स्पष्टीकरण नहीं है।
- (c) कथन सही है लेकिन कारण गलत है।
- (d) अभिकथन और कारण दोनों गलत हैं।

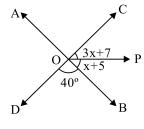
## खंड-B

**21.** x का मान जात कीजिए x यदि  $(\sqrt{3})^x = 3^7$ 

अथवा

जाडिए  $\sqrt{125}: 2\sqrt{27}$  तथा  $-5\sqrt{5} - \sqrt{3}$ 

- **22.** x = 2, y = 3 के लिए समीकरण 5x + 3py = 4a से p का मान ज्ञात कीजिए।
- **23.** बिना आलेख बनाए उस बिन्दु के निर्देशांक ज्ञात कीजिए जहाँ समीकरण 5x + 2y = 10 का आलेख दोनों अक्ष को काटता है।
- 24. दी गई आकृति में AB a CD दो सरल रेखाएँ हैं जो O बिंदु पर प्रतिछेद करती हैं। OP एक किरण है। ∠AOD का मान व 'x' का मान ज्ञात करें।



अथवा

वह कोण ज्ञात करे जो अपने पूरक कोण का चार गुना है।

25. समबाहु त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात करे यदि उसकी एक भुजा की लम्बाई 4 सेमी हो।

## खंड-C

- **26.** मान ज्ञात कीजिए:  $\frac{2^{38} + 2^{37} + 2^{36}}{2^{39} + 2^{38} + 2^{37}}$
- **27.** a का मान ज्ञात कीजिए यदि  $\frac{6}{3\sqrt{2}-2\sqrt{3}} = 3\sqrt{2}-a\sqrt{3}$ .

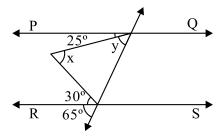
**28.** गुणनखण्ड कीजिए:  $64a^2 + 96ab + 36b^2$ 

#### अथवा

यदि  $x^2 + y^2 = 49$  तथा x - y = 3 तो  $x^3 - y^3$  का मान ज्ञात कीजिए।

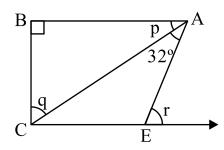
**29.** गुणनफल ज्ञात कीजिए: 
$$\left(p - \frac{1}{p}\right) \left(p + \frac{1}{p}\right) \left(p^2 + \frac{1}{p^2}\right) \left(p^4 + \frac{1}{p^4}\right)$$

**30.** संलग्न चित्र में PQ||RS, x तथा y का मान ज्ञात कीजिए।



अथवा

दी गई आकृति में यदि p:q=11:19 तथा  $AB\parallel CE$  है तो p,q तथा r का मान ज्ञात कीजिए।

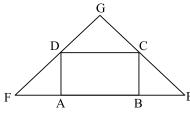


एक त्रिभुज का परिमाप 50 सेमी है। इसकी एक भुजा सबसे छोटी भुजा से 4 सेमी लंबी है व तीसरी भुजा सबसे छोटी भुजा का दुगुने से 6 सेमी कम है। त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात करें।

# खंड-D

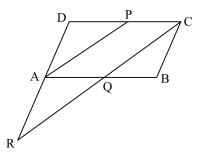
**32.** यदि (x+4) बहुपद  $x^3-x^2-14x+24$  का गुणनखण्ड है तो शेष गुणनखंड भी ज्ञात कीजिए।

33. समान्तर चतुर्भुज ABCD की भुजा AB को दोनों और बिन्दु E और F तक इस प्रकार बढ़ाया गया कि BE = BC और AF = AD. दर्शाइए कि EC और FD को बढ़ाने पर वह दोनों समकोण बनाते है।



अथवा

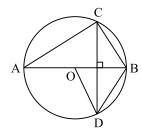
समांतर चतुर्भुज ABCD में बिन्दु P भुजा CD का मध्य बिन्दु है। C से गुजरती हुई रेखा PA के समातर है और AB को Q पर काटती है और बढ़ी हुई भुजा DA को R पर। सिद्ध कीजिए DA = AR तथा CQ = QR



34. सिद्ध कीजिए कि एक चाप द्वारा वृत्त के केन्द्र पर अंतरित कोण उसी चाप द्वारा वृत्त के शेष भाग पर बने कोण का दुगना होता है।

#### अथवा

आकृति में, O वृत्त का केन्द्र है BD = OD और  $CD \perp AB$  है।  $\angle CAB$  ज्ञात कीजिए।



- **35.** एक अर्धगोलकार कटोरे को ₹20 प्रति 100 वर्ग मीटर की लागत से अंदर से रंगना है। रगाई का कुल खर्च ₹30.80 है। ज्ञात कीजिए :
  - (i) कटोरे का आंतरिक पृष्ठीय क्षेत्रफल
  - (ii) कटोरे के अंदर मौजूद हवा का आयतन

#### खंड-E

#### केस स्टडी आधारित सभी प्रश्न अनिवार्य है।

**36.** एक वन महोत्सव सप्ताह में 25 स्कूलों द्वारा 50-50 वृक्ष लगाए गए। एक माह बाद उन स्कूलों में जीवित वृक्षों की संख्या निम्नलिखित है।



30	27	26	32	40
32	26	25	30	20
38	30	29	15	21
25	27	21	20	29
42	40	37	16	22

(i) इन आकड़ों का माध्य ज्ञात कीजिए।

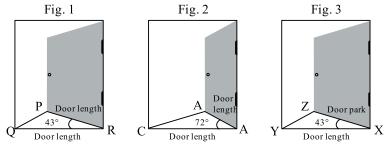
अथवा

इन आंकड़ो का माध्यक ज्ञात कीजिए।

- (ii) इन आंकड़ो का बहुलक ज्ञात कीजिए।
- (iii) स्कूलों की संख्या ज्ञात कीजिए जिनमें जीवित पौधों की सख्या माध्य से अधिक है।
- 37. रितेश ने कथा में प्रवेश करने के लिए दरवाजे की 43° के कोण तक खोला। विघालय में आधी छुटटी के दौरान कक्षा में बाहर जाने के लिए रितेश ने दरवाजे को 72° के कोण तक

258

खोला। आधी छुटटी के बाद कक्षा में प्रवेश करने के लिए उसने दोबारा 43° के कोण पर दरवाजे को खोला। दरवाजा की लम्बाई 80 सेमी है।

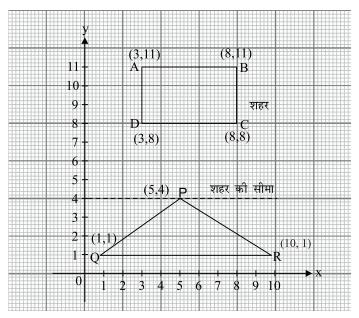


- (i) दरवाजे को खोलने पर बनने वाले त्रिभुज का प्रकार क्या है?
- (ii) इन त्रिभुजों में से कौन से सर्वागसम है?

#### अथवा

आकृति 2 में सबसे बड़ी भुजा कौन सी है।

- (iii) ∠P का माप क्या है?
- 38. MNQ विद्यालय गरीब बच्चों का मुफ्त शिक्षा की सुविधा प्रदान करते है। एक शहर की नगरपालिका ऐसा ही एक विद्यालय अपने शहर के एक आयताकार प्लांट ABCD पर खोलना चाहती है। जैसा कि आकृति में दर्शाया गया है। यह प्लॉट अमर सिंह का था जो कि इसे एक अन्य त्रिभुजाकार प्लांट PQR से बदलने को तैयार है जो शहर से बाहर है। दी गई जानकारी व आकृति के आधार पर निम्न प्रश्नों के उतर दें—



- (i) शीर्ष C के निर्देशाक ज्ञात करें
- (ii) बिंदु C की x-अक्ष से लंबवत् दूरी ज्ञात कीजिए।

#### अथवा

BC की लंबाई ज्ञात कीजिए। बिंदु D से y अक्ष पर बने लंब के पाय के निर्देशांक ज्ञात कीजिए।

(iii) क्षे. (ABCD) का क्षे. (PQR) से अनुपात ज्ञात करें-

## हल

# खंड-A

#### **ANSWERS**

- **1.** (c) 10/14
- **2.** (d) -5/2
- 3. (a) रैखिक
- **4.** (c) (-1, 1)
- 5. (b) y = 2
- **6.** (c) 74°
- 7. (b) 55°
- 8. (b)  $3\pi r^2$
- 9. (d)  $54 \text{ cm}^2$
- **10.** (a) 38°
- **11.** (b) 40°
- 12. (c)  $2^{1/6}$
- **13.** (c) 180°
- **14.** (b) 105°
- **15.** (d)  $\frac{4}{3}\pi r^3$
- 16. (a) केवल एक
- **17.** (d) 96
- **18.** (a) 90°
- **19.** (b)

- **20.** (c)
- **21.** x = 14 or  $5\sqrt{2}$
- **22.**  $P = \frac{40 10}{9}$
- **23.** (0, 5) & (2, 0)
- **24.** x = 32,  $140^{\circ}$  or  $72^{\circ}$
- **25.**  $4\sqrt{3}$  cm<sup>2</sup>
- **26.**  $\frac{1}{2}$
- **27.** a = -2
- **28.**  $(8a + 6b)^2$  or 207
- **29.**  $P^8 \frac{1}{q^8}$
- **30.**  $x = 55^{\circ}$ ,  $y = 40^{\circ}$  or 33°, 57°, 65°
- **31.** 13, 17, 20, 109.6 cm<sup>2</sup>
- **32.** (x-3)(x-2)
- **34.** 30°
- **35.** 154 m<sup>2</sup>, 251.5 m<sup>3</sup>
- **36.** (1) 28 or 27
  - (2) 30
  - (3) 12
- 37. (i) समद्विबाहु
  - (ii)  $\triangle PQR \& \triangle XYZ$  or BC
  - (iii)  $68\frac{1}{2}^{\circ}$
- **38.** (i) (8, 8)
  - (ii) 8 मात्रक अथवा 3 मात्रक
  - (iii) (0, 8)